

**UNIVERSIDADE FEDERAL DE MINAS GERAIS**  
**PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM SANEAMENTO,**  
**MEIO AMBIENTE E RECURSOS HÍDRICOS**

**GERADOR ESTOCÁSTICO DE PRECIPITAÇÃO**  
**DIÁRIA BIPARTIDO CONDICIONADO ÀS**  
**FASES ENOS APLICADO À REGIÃO SUL DO**  
**BRASIL**

**Jaildo Vieira Rocha Filho**

**Belo Horizonte**

**2016**

**GERADOR ESTOCÁSTICO DE PRECIPITAÇÃO  
DIÁRIA BIPARTIDO CONDICIONADO ÀS  
FASES ENOS APLICADO À REGIÃO SUL DO  
BRASIL**

**Jaildo Vieira Rocha Filho**

**Jaildo Vieira Rocha Filho**

**GERADOR ESTOCÁSTICO DE PRECIPITAÇÃO DIÁRIA  
BIPARTIDO CONDICIONADO ÀS FASES ENOS APLICADO  
À REGIÃO SUL DO BRASIL**

Trabalho apresentado ao Programa de Pós-Graduação em Saneamento, Meio Ambiente e Recursos Hídricos da Universidade Federal de Minas Gerais, como requisito parcial ao Exame de Qualificação do curso de Mestrado em Saneamento, Meio Ambiente e Recursos Hídricos.

Área de Concentração: Recursos Hídricos

Linha de pesquisa: Modelagem de processos hidrológicos

Orientador: Prof. Dr. Éber José Andrade Pinto

Belo Horizonte  
Escola de Engenharia da UFMG

2016

C871a Rocha Filho, Jaido Vieira.  
Gerador estocástico de precipitação diária bipartido condicionado às fases ENOS aplicado à região Sul do Brasil [manuscrito] / Jaido Vieira Rocha Filho. – 2016.  
xii, 222 f., enc. : il.

Orientador: Éber José Andrade Pinto.

Dissertação (mestrado) – Universidade Federal de Minas Gerais, Escola de Engenharia.

Anexos: f. 124-222.

Bibliografia: f. 114-123.

1. Engenharia sanitária - Teses. 2. Recursos hídricos - Desenvolvimento - Teses. 3. Brasil, Sul - Teses. 4. El Niño, Corrente - Teses. 5. Markov, Processos de - Teses. 6. Precipitação (Meteorologia) - Teses. I. Pinto, Eber José de Andrade. II. Universidade Federal de Minas Gerais. Escola de Engenharia. III. Título.

CDU: 628(043)



UNIVERSIDADE FEDERAL DE MINAS GERAIS

Escola de Engenharia

Programa de Pós-Graduação em Saneamento, Meio Ambiente e Recursos Hídricos

Avenida Antônio Carlos, 6627 - 4º andar - 31270-901 - Belo Horizonte - BRASIL

Telefax: 55 (31) 3409-1882 - posgrad@desa.ufmg.br

http://www.smarh.eng.ufmg.br

**ESCOLA DE ENGENHARIA**

**PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM SANEAMENTO, MEIO AMBIENTE E RECURSOS HÍDRICOS**

**ATA DA DEFESA DE DISSERTAÇÃO DE JAILDO VIEIRA ROCHA FILHO**

NÚMERO DE REGISTRO: 545

Às 14:00 horas do dia 01 de julho de 2016, reuniu-se na Escola de Engenharia da UFMG a Comissão Examinadora de DISSERTAÇÃO DE MESTRADO, indicada pelo Colegiado do PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM SANEAMENTO, MEIO AMBIENTE E RECURSOS HÍDRICOS, para julgar, em exame final, o trabalho final intitulado:

**"GERADOR ESTOCÁSTICO DE PRECIPITAÇÃO DIÁRIA BIPARTIDO  
CONDICIONADO ÀS FASES ENOS APLICADO A REGIÃO SUL DO BRASIL"**


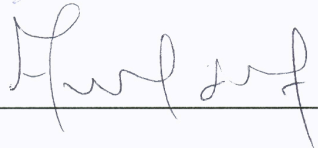
requisito parcial para a obtenção do Grau de MESTRE em SANEAMENTO, MEIO AMBIENTE E RECURSOS HÍDRICOS, Área de Concentração: HIDRÁULICA E RECURSOS HÍDRICOS

Abrindo a sessão, o Orientador, Prof. Eber José de Andrade Pinto, após dar conhecimento aos presentes o teor das Normas Regulamentares do Trabalho Final, passou a palavra ao candidato para apresentação de seu trabalho. Seguiu-se a arguição pelos examinadores com a respectiva defesa pelo candidato. Logo após, a Comissão se reuniu sem a presença do candidato e do público, para julgamento e expedição do resultado final. Foram atribuídas as seguintes indicações:

BANCA EXAMINADORA	INSTITUIÇÃO	INDICAÇÃO
Prof. Dr. Eber José de Andrade Pinto - Orientador	EHR/UFMG	APROVADO
Prof. Dr. Veber Afonso Figueiredo Costa	EHR/UFMG	APROVADO
Prof. Joel Avruch Goldenfum	UFRGS	APROVADO

Pelas indicações, o candidato foi considerado APROVADO, devendo proceder a pequenas alterações no trabalho, para a sua edição definitiva, a ser entregue no prazo de 2 meses.

O resultado final foi comunicado publicamente ao candidato pelo Presidente da Comissão. Nada mais havendo a tratar, o Presidente encerrou a reunião e lavrou a presente ATA, que será assinada por todos os membros participantes da Comissão Examinadora. Belo Horizonte, 01 de julho de 2016.

  
\_\_\_\_\_  
  
\_\_\_\_\_

  
\_\_\_\_\_

## **AGRADECIMENTOS**

Inicialmente, gostaria de agradecer a todos que fizeram parte desta etapa da minha história. Entretanto, há aqueles que influenciam e influenciaram nas minhas escolhas de forma mais incisiva, por isso, devo agradecê-los de forma especial. Ao meu orientador e professor Dr. Éber José de Andrade Pinto pelo apoio, paciência e dedicação; à minha esposa Isadora Aguilar Galera pelo companheirismo, compreensão e incentivo ao longo desta pós-graduação. Aos meus pais, pela confiança, amor e paciência; à minha irmã Renata pelo apoio neste trabalho; às irmãs Rebeca e Emanuela, pela preocupação e cuidado; aos amigos, em especial à Pedro Casagrande, Lucas Machado, Thiago Pedrosa e Davi Galvão, pela camaradagem ao longo desta etapa percorrida; ao professor Mauro Naghettini, pelo incentivo até mesmo para a realização do processo seletivo desta pós graduação; aos professores e alunos do Departamento de Engenharia Hidráulica e Recursos Hídricos, em especial à Aline Araújo e Astrid Carolina Bustos por contribuírem na realização desta dissertação; e, por fim, a todos professores da Escola de Engenharia – UFMG por proporcionarem uma excelente formação.

## RESUMO

Com o intuito de investigar a mitigação da *overdispersion* nos modelos bipartidos – fenômeno em que é notada de forma sistêmica uma menor variância entre a precipitação mensal da série sintética quando comparadas com a da série histórica – no presente estudo são apresentados três geradores estocásticos bipartidos de precipitação diária, aplicado a vinte estações pluviométricas localizadas na região sul e associado às fases do El Niño – Oscilação Sul (ENOS). Para esta análise, foi realizada uma comparação entre geradores similares, sem o condicionamento à variável exógena em questão.

No que se refere a esta comparação, tem-se que o condicionamento pode reduzir de forma significativa as diferenças entre as variâncias da precipitação mensal simulada e observada (em torno de 50% para o mês de novembro). Contudo, devido à grande variação na redução da *overdispersion* ao longo dos meses, há indicação de dependência da presença do sinal ENOS.

Para a região estudada, a etapa da modelagem das ocorrências de precipitação – que emprega cadeias markovianas de primeira ordem – se notabilizou por apresentar, comparativamente, um desempenho pouco adequado (variância do número de dias chuvosos), tanto para o caso condicionado quanto para o desassociado a variáveis exógenas. Neste sentido, para a região Sul do Brasil é sugerido a utilização da modelagem através de processos de alternância com renovação.

Em relação à modelagem das alturas precipitadas, o gerador que emprega a distribuição Exponencial Mista apresenta resultados superiores. Entretanto, deve-se ter cautela na aplicação desta distribuição, uma vez que a mesma apresenta uma limitação relevante nas relações do seu espaço paramétrico quando associado às características de precipitação do sul do Brasil. O uso de um critério objetivo, critério de informação de Bayes (BIC), para definir a distribuição (Gama, Exponencial e Exponencial Mista) a ser utilizada na geração das alturas de precipitação, supera a modelagem que aplica a Gama sendo mais parcimoniosa e apresentando um menor erro relativo médio. Por fim, a modelagem estocástica proposta com condicionamento apresenta, em um aspecto geral, bons resultados.

## ABSTRACT

This study presents three stochastic daily rainfall generators based on two-part models linked to El Niño – Southern Oscillation (ENSO) phases employed in twenty rainfall stations located in Southern Brazil. The proposed models were developed to investigate the mitigation of overdispersion, which is a phenomenon that consists in systemically lower variance between the monthly precipitation of synthetic series as compared to the historical series. To perform the analysis, the models were compared to three similar generators without conditioning to the ENSO phases.

In regards to this comparison, conditioning can significantly reduce the differences between the variances of the observed and simulated monthly rainfall (around 50% for November). However, due to the degree of overdispersion mitigation over the months, there is an indication of the dependence on the presence of ENSO signal.

For the study region, Rainfall Occurrence model which employs a first order Markov chain results in a poor performance (monthly wet days variance) for both unconditioned and conditioned models. Therefore, the renewal process may be more suitable for modelling precipitation occurrence in the Southern region of Brazil.

The Mixed Exponential distribution in the rainfall depth modelling presents smaller average relative errors of the features evaluated in this study. However, caution when applying such a distribution since it presents limitations with respects to its parametric space. The use of an objective criterion, the Bayesian Information Criterion (BIC), to define the distribution (between Gama, Exponential, and Mixed Exponential) used in rainfall depth generation surpasses the Gama Model being more parsimonious and having smaller average relative errors. Finally, the modelling linked to ENSO phases shows generally a good performance.



## SUMÁRIO

<b>1</b>	<b>INTRODUÇÃO.....</b>	<b>1</b>
<b>2</b>	<b>OBJETIVOS.....</b>	<b>5</b>
<b>3</b>	<b>REVISÃO DA LITERATURA.....</b>	<b>6</b>
3.1	GERADORES DE NÚMEROS PSEUDOALEATÓRIOS .....	6
3.1.1	<i>Características desejáveis dos GNPA .....</i>	<i>7</i>
3.1.2	<i>Métodos para obtenção de números pseudoaleatórios.....</i>	<i>9</i>
3.2	GERAÇÃO DE VARIÁVEIS ALEATÓRIAS .....	14
3.2.1	<i>Transformada inversa da função acumulada de probabilidades.....</i>	<i>15</i>
3.2.2	<i>Método da aceitação e rejeição.....</i>	<i>15</i>
3.2.3	<i>Método da composição .....</i>	<i>17</i>
3.3	GERADORES ESTOCÁSTICOS DE PRECIPITAÇÃO.....	18
3.3.1	<i>Modelos bipartidos .....</i>	<i>19</i>
3.3.2	<i>Modelos de matrizes de probabilidades de transição .....</i>	<i>31</i>
3.3.3	<i>Modelos de reamostragem.....</i>	<i>34</i>
3.3.4	<i>Séries temporais.....</i>	<i>38</i>
3.4	GERADORES ESTOCÁSTICOS DE PRECIPITAÇÃO CONDICIONADOS.....	39
3.5	A PRECIPITAÇÃO NA REGIÃO SUL E VARIAÇÕES INTERANUAIS .....	41
3.5.1	<i>Teleconexões El Niño – Oscilação Sul .....</i>	<i>47</i>
3.5.2	<i>Teleconexões Atlântico Sul.....</i>	<i>56</i>
<b>4</b>	<b>METODOLOGIA.....</b>	<b>59</b>
4.1	DADOS UTILIZADOS PARA A GERAÇÃO DE SÉRIES SINTÉTICAS .....	62
4.1.1	<i>Série histórica da variável exógena .....</i>	<i>63</i>
4.1.2	<i>Estações pluviométricas utilizadas .....</i>	<i>64</i>
4.1.3	<i>Série sintética da variável exógena.....</i>	<i>70</i>
4.2	DESCRIÇÃO DO MODELO ADOTADO E SUAS VARIAÇÕES.....	70
4.2.1	<i>Pré-gerador.....</i>	<i>71</i>
4.2.2	<i>Módulo de ocorrência de precipitação .....</i>	<i>73</i>
4.2.3	<i>Módulo de quantidade precipitada .....</i>	<i>74</i>
4.2.4	<i>Pós-gerador .....</i>	<i>76</i>
<b>5</b>	<b>RESULTADOS E DISCUSSÃO.....</b>	<b>79</b>
5.1	PARÂMETROS DO GERADOR ESTOCÁSTICO DE PRECIPITAÇÃO .....	81

5.2	ANÁLISE DO DESVIO PADRÃO DAS PRECIPITAÇÕES MENSAIS DAS SÉRIES SINTÉTICAS .....	87
5.2.1	<i>Análise das médias das precipitações diárias das séries sintéticas.....</i>	93
5.2.2	<i>Análise das variâncias das precipitações diárias das séries sintéticas.....</i>	96
5.2.3	<i>Média do número de dias chuvosos das séries sintéticas.....</i>	99
5.2.4	<i>Variância do número de dias chuvosos das séries sintéticas .....</i>	100
5.3	MÉDIAS DAS PRECIPITAÇÕES MENSAIS DAS SÉRIES SINTÉTICAS.....	102
5.4	ASSIMETRIA DA PRECIPITAÇÃO DIÁRIA.....	103
5.5	PRECIPITAÇÃO MÁXIMA DIÁRIA ANUAL.....	104
5.6	LONGAS SEQUÊNCIAS DE DIAS SECOS.....	108
<b>6</b>	<b>CONCLUSÕES E RECOMENDAÇÕES.....</b>	<b>111</b>
	<b>REFERÊNCIA .....</b>	<b>114</b>
	<b>ANEXO I – PROPRIEDADES DAS DISTRIBUIÇÕES TEÓRICAS DE PROBABILIDADES</b>	
	<b>APLICADAS NA GERAÇÃO DAS SÉRIES SINTÉTICAS.....</b>	<b>124</b>
	A1.1– DISTRIBUIÇÃO EXPONENCIAL .....	124
	A1.2 DISTRIBUIÇÃO GAMA .....	125
	A1.3 DISTRIBUIÇÃO EXPONENCIAL MISTA COM TRÊS PARÂMETROS .....	126
	<b>ANEXO II – SÉRIE HISTÓRICA ÍNDICE ONI.....</b>	<b>128</b>
	<b>ANEXO III – ANÁLISE DA CONSISTÊNCIA DOS DADOS UTILIZADOS .....</b>	<b>130</b>
	<b>ANEXO IV – ALGORITMOS NECESSÁRIOS PARA A PRODUÇÃO DE SÉRIES SINTÉTICAS .....</b>	<b>136</b>
	<b>ANEXO V – PRECIPITAÇÕES MENSAIS OBSERVADAS DIVIDIDAS POR FASE.....</b>	<b>172</b>
	<b>ANEXO VI – PARÂMETROS DO MÓDULO DE OCORRÊNCIA.....</b>	<b>176</b>
	<b>ANEXO VII – PARÂMETROS DO MÓDULO DE QUANTIDADE PRECIPITADA.....</b>	<b>183</b>
	<b>ANEXO VIII – PRECIPITAÇÃO DIÁRIA MÁXIMA ANUAL .....</b>	<b>203</b>

## LISTA DE FIGURAS

Figura 3.1 – Método da aceitação/rejeição. ....	16
Figura 3.2 – Estrutura do gerador de precipitação proposto por Lall <i>et al.</i> (1996). ....	35
Figura 3.3 – Normais de precipitação acumulada na estação meteorológica Santa Maria. ....	43
Figura 3.4 – Normais de precipitação acumulada na estação meteorológica Florianópolis. ....	43
Figura 3.5 – Normais de precipitação acumulada na estação meteorológica Curitiba. ....	44
Figura 3.6 – Normais de precipitação mensal na região sul do Brasil. ....	44
Figura 3.7 – Isoietas mensais médias da região sul (1977–2006). ....	45
Figura 3.8 – Isoietas anuais médias da região sul (1977–2006). ....	46
Figura 3.9 – Regiões NIÑO e Índice Oscilação Sul. ....	48
Figura 3.10 – Média de temperatura na região NIÑO 3.4 (base de 30 anos). ....	49
Figura 3.11 – ATSM do El Niño Canônico no Oceano Pacífico. ....	52
Figura 3.12 – ATSM do El Niño <i>Modoki</i> no Oceano Pacífico. ....	53
Figura 3.13 – Regiões ENOS <i>Modoki</i> e NIÑO 3.4. ....	54
Figura 4.1 – Climas da região sul do Brasil. ....	60
Figura 4.2 – Regiões hidrográficas inseridas no sul do Brasil. ....	61
Figura 4.3 – Mapa hipsométrico da região sul brasileira. ....	62
Figura 4.4 – Série temporal do índice ONI (Jan/1950 – Dez/2014). ....	64
Figura 4.5 – Exemplo de planilha eletrônica de precipitação diária. ....	66
Figura 4.6 – Localização das estações pluviométricas utilizadas. ....	69
Figura 4.7 – Fluxograma do Pré-gerador. ....	73

Figura 4.8 – Fluxograma de geração de série sintética.....	76
Figura 5.1 – Precipitação mensal discretizadas por fase ENOS na estação pluviométrica Quedas do Iguaçu –PR.....	79
Figura 5.2 – Precipitações discretizadas por fase ENOS no mês de novembro. ....	80
Figura 5.3 – Probabilidades de transições de estados da série histórica da estação pluviométrica Quedas do Iguaçu. ....	82
Figura 5.4 – Parâmetros da distribuição Exponencial estimados a partir da série histórica da estação pluviométrica Quedas do Iguaçu.....	83
Figura 5.5 – Ocorrência de degenerações da distribuição Exponencial Mista. ....	85
Figura 5.6 – Desvio padrão mensal de todos os meses para cada variação do modelo. ....	88
Figura 5.7 – Desvio padrão mensal nos meses da primavera para cada variação de gerador. .	89
Figura 5.8 – Desvio Padrão em novembro da precipitação mensal para cada variação do modelo estocástico.....	90
Figura 5.9 – Desvio padrão mensal para os meses do verão para cada variação de gerador estocástico de precipitação.....	91
Figura 5.10 – Desvio padrão mensal por fase e por modelo.....	92
Figura 5.11 – Relações entre as médias das precipitações diárias por mês discretizado a partir das variações do modelo. ....	93
Figura 5.12 – Relações entre as médias de dias chuvosos observados e simulados por mês discretizado a partir das variações do modelo divididos por fase ENOS. ....	95
Figura 5.13 – Relações entre as variâncias de dias chuvosos das variações do modelo divididos por mês.....	96
Figura 5.14 – Relações entre as variâncias observadas e simuladas do modelo que emprega a Exponencial Mista influenciadas pelas degenerações. ....	97
Figura 5.15 – Desvios padrão da precipitação mensal e suas relações com a degeneração .....	98

Figura 5.16 – Relação entre observações e simulações entre as médias de dias chuvosos em um dado mês. ....	100
Figura 5.17 – Relação entre observações e simulações entre as variâncias de dias chuvosos em um dado mês. ....	101
Figura 5.18 – Relação entre as precipitações mensais médias observadas e simuladas para as diferentes variações do modelo.....	102
Figura 5.19 – Assimetria da precipitação diária observada e simulada .....	103
Figura 5.20 – Precipitação diária máxima anual observada e simulada na estação pluviométrica Prudentópolis – PR .....	105
Figura 5.21 – Precipitação diária máxima anual observada e simulada na estação pluviométrica Passo Major Zeferino – RS.....	106
Figura 5.22 – Precipitação diária máxima anual observada e simulada na estação pluviométrica Antônio Prado – RS.....	107
Figura 5.23 – Maiores sequências de dias secos seguidos de cada trimestre e sua relação com as medianas desta variável das séries sintéticas nos modelos com e sem condicionamento.....	108
Figura 5.24 – Maiores sequências de dias secos seguidos de cada trimestre e sua relação com o percentil 95 desta variável das séries sintéticas nos modelos.....	109

## LISTA DE TABELAS

Tabela 3.1 – Estados das cadeias markovianas em Kentucky – Estados Unidos. ....	32
Tabela 3.2 – Estados das cadeias markovianas em Boggy Creek – Austrália. ....	33
Tabela 3.3 – Fases do ENOS de acordo com o índice ONI (1979-2013). ....	54
Tabela 3.4 – Índice EMI (1979–2013). Os valores em negrito evidenciam fases similares tanto no referido índice quanto no índice ONI. ....	55
Tabela 3.5 – Índice ENOS <i>Modoki</i> +A. Os valores em negrito evidenciam fases similares tanto no referido índice quanto no índice ONI. ....	55
Tabela 4.1 – Síntese das características da região Sul por estado. ....	59
Tabela 4.2 – Localização das estações pluviométricas utilizadas. ....	68
Tabela 4.3 – Estratégia utilizada para a criação de sementes. ....	77
Tabela 5.1 – Estações com parâmetros semelhantes da distribuição Exponencial Mista. ....	84

## LISTA DE ABREVIATURAS, SIGLAS E SÍMBOLOS

*AIC* – Critério de informação de Akaike (*Akaike Information Criterion*)

ANA – Agência Nacional de Águas

AIQ – Amplitude Interquartil

AMS – Sociedade Americana de Meteorologia (*American Meteorological Society*)

ATSM – Anomalias de temperatura na superfície do mar

*BIC* – Critério de informação de Bayes (*Bayes Information Criterion*)

CC – Variação do modelo condicionados às fases ENOS

CC-ME – Variação do modelo que emprega a Exponencial Mista com condicionamento

CC-BIC – Variação do modelo condicionado que emprega o BIC

CC-Gama – Variação do modelo condicionado que utiliza a Gama na modelagem

CPC – Centro de Previsões climáticas (*Climate Prediction Center*)

CPRM – Companhia de Pesquisa de Recursos Minerais

*CV* – Coeficiente de variação

$d, \pi$  – Parâmetros das cadeias Markovianas com dois estados

ERSST – Reconstrução estendida de temperatura na superfície do mar

ENOS – El Niño – Oscilação Sul

EMI – Índice El Niño Modoki (*El Niño Modoki Index*)

FAC – Função acumulada de probabilidades

FDP – Função densidade de probabilidades

GNPA – Gerador de números pseudoaleatórios

$\gamma$  – Coeficiente de Assimetria

IBGE – Instituto Brasileiro de Geografia e Estatística

INMET – Instituto Nacional de Meteorologia

IOS – Índice Oscilação Sul

JMA – Agência de Meteorologia do Japão (*Japan Meteorological Agency*)

$\kappa$  – Coeficiente de curtose

$L_{\theta}$  – Função Log-máxima verossimilhança

MCL – Método Congruente Linear

MPT – Matrizes de Probabilidade de Transição

NAO – Índice de Oscilação Atlântico Norte

ONI – Índice Oceânico do El Niño Oscilação Sul (*Oceanic Niño Index*)

PR – Paraná

$P_{i j}$  – Probabilidade de transição de estados sendo entre o anterior ( $i$ ) e o atual ( $j$ )

$Pd_{máx}$  – Precipitação diária máxima anual

RS – Rio Grande do Sul

SB – Sul Brasileiro

SC – Santa Catarina

SC – Variação do modelo sem condicionamento às fases ENOS

SC-Gama – Variação do modelo condicionado que emprega a distribuição Gama

SC-ME – Variação do modelo condicionado que emprega a Exponencial Mista

SC-BIC – Variação do modelo condicionado o critério de informação de Bayes.



$S_0$  – Semente

VA – Variável Aleatória

$\theta$  – Parâmetro da distribuição Exponencial

$\theta_i, \alpha$  – Parâmetros da distribuição Exponencial Mista

$\theta, \eta$  – Parâmetros da distribuição Gama

Var – Variância

TNA – Índice Atlântico Norte (*Tropical Northern Atlantic Index*)

TSA – Índice Atlântico Norte (*Tropical Southern Atlantic Index*)

# 1 INTRODUÇÃO

As séries temporais de variáveis como precipitação e descarga líquida são imprescindíveis na Engenharia de Recursos Hídricos. A estatística aplicada a este conjunto de observações torna possível a inferência de diversos atributos destas variáveis hidrológicas, a exemplo da probabilidade de excedência. Tais características, por sua vez, são fundamentais para diretrizes de projetos e avaliação de risco, tanto para estruturas hidráulicas quanto para gerenciamento de recursos hídricos.

Apesar da importância de todas as observações de uma variável hidrológica, eventos com menor probabilidade de excedência têm relevância particular para os aspectos de engenharia de recursos hídricos. Por isso, a importância de séries temporais longas torna-se evidente, uma vez que estas possuem, em geral, uma maior representatividade acerca de eventos raros quando comparadas com séries temporais curtas.

As séries temporais de descarga líquida possuem maior proeminência, pois permitem uma aplicação direta dos dados observados em relação a projetos em engenharia de recursos hídricos. Entretanto, a disponibilidade de séries históricas desta variável hidrológica é usualmente reduzida tanto no comprimento da série histórica quanto na distribuição espacial das estações.

As séries históricas de precipitação, por outro lado, têm grande destaque, além de serem consideravelmente mais longas quando comparadas com as de descarga líquida, tornam possível, de forma indireta, produzir estimativas de vazão. Adicionalmente, séries temporais desta variável são notórias para outras áreas de conhecimento, a exemplo da agronomia, meteorologia e climatologia.

Apesar das séries temporais de precipitação apresentarem, via de regra, uma grande quantidade de observações, tal quantidade ainda é restrita, tornando-as insuficientes para uma análise mais incisiva das incertezas nos processos hidrológicos. Costa *et al.* (2015), no intuito de contornar tal limitação, sugerem a utilização da geração estocástica de precipitação, a fim de gerar séries sintéticas, semelhantes estatisticamente a séries temporais observadas, e tão longas quanto necessário.

Os geradores estocásticos de precipitação são um caso particular dos geradores de clima, definidos por Brissette *et al.* (2007) como modelos estocásticos computacionais, cuja finalidade é produzir séries sintéticas de variáveis climáticas com propriedades estatísticas semelhantes às observadas. Em relação aos recursos hídricos, tais séries temporais podem ser utilizadas, por exemplo, para fornecer dados de entrada em modelos hidrológicos como empregado por Costa *et al.* (2015) e Lima *et al.* (2004) e na caracterização de secas e estiagens. Já em relação à engenharia agrária, o uso de séries sintéticas pode ser aplicado em modelos de crescimento de culturas como citados por Srikanthan e McMahon (2000) e Wilks e Wilby (1999).

Além das aplicações já explicitadas, Wilks e Wilby (1999) evidenciam que os geradores estocásticos de precipitação, como parte dos geradores de clima, podem ser utilizados para a estimativa de dados não observados a exemplo de Geng *et al.* (1986) e Hutchinson (1995) e na construção de cenários de mudança climática quando unido a modelos gerais de circulação conforme estudos de Sharif e Burn (2006) e Mehotra e Sharma (2006).

Os geradores de precipitação também podem ser classificados de diversas formas, uma delas é em função do mecanismo para a produção da série sintética como é o caso de Srikanthan e McMahon (2000). Os autores dividem os geradores estocásticos de precipitação em quatro grupos: modelos bipartidos, técnicas de reamostragem, matrizes de probabilidade de transição e séries temporais, sendo que os dois primeiros têm maior destaque na literatura.

Os modelos de reamostragem, quando comparados com os outros tipos de geração estocástica de precipitação, apresentam resultados superiores, principalmente, no que se refere às estatísticas mensais e anuais (COSTA, 2015). Contudo, tais técnicas apresentam duas principais limitações: a extrapolação de dados não observados apresenta restrições e a necessidade de séries históricas com maior comprimento para a produção de séries sintéticas (SRIKANTHAN E MCMAHON, 2000).

Já os modelos bipartidos – cuja sua nomenclatura é proveniente da divisão clara entre a modelagem de ocorrência e da quantidade de precipitação – apesar de não apresentarem, qualitativamente, resultados semelhantes as técnicas de reamostragem, necessitam de um menor número de observações para a produção de séries sintéticas (GOYAL *et al.*, 2013). Adicionalmente, devido à grande simplicidade, os modelos bipartidos são predominantes na geração estocástica de precipitação (SRIKANTHAN E MCMAHON, 2000).

Este tipo de modelo apresenta, porém, como principal deficiência o fenômeno de “*overdispersion*”, termo descrito por Katz e Parlange (1998) como uma menor variância das precipitações mensais (ou sazonais) das séries sintéticas quando comparada com as das séries históricas. Além disso, Wilks (1999) nota que os modelos bipartidos que utilizam cadeias de Markov para regiões específicas não geram longas sequências de dias secos com a mesma frequência das séries observadas.

Segundo Wilks e Wilby (1999), a causa mais plausível do fenômeno da *overdispersion* são as variações climáticas interanuais que, por sua vez, interferem de forma sistêmica nas propriedades estatísticas de variáveis climáticas. Desta forma, os geradores estocásticos usuais não podem capturar tal variabilidade de longo termo, uma vez que seu mecanismo não foi concebido com esta finalidade.

Entre os fenômenos que causam variações climáticas interanuais destaca-se os eventos ENOS (El Niño – Oscilação Sul) que Trenberth (1997) define como um fenômeno de alterações na temperatura das águas, associado a variações na pressão atmosférica nas regiões equatoriais do Oceano Pacífico com impacto em escala global. Tal influência, por sua vez, ocorre devido à existência de teleconexões com algumas variáveis climáticas, como a precipitação e temperatura de diversas localidades.

A *American Meteorological Society*, AMS (2015), define como teleconexões uma correlação significativa nas flutuações de variáveis climáticas em regiões distantes, geralmente aplicada a variações mensais ou de escalas temporais mais longas. A existência destas é de grande importância por fornecer uma relação empírica entre variáveis em duas localidades afastadas entre si e, por consequência, é fundamental para a realização de previsões sazonais.

No Brasil, no que concerne o tema de teleconexões e ENOS, os índices ligados ao fenômeno El Niño – Oscilação Sul e a precipitação na região sul do Brasil (SB) possuem grande importância decorrente da clara relação entre variáveis como explicitado por Rao e Hada (1990), Ropelewski e Halpert (1989), Grimm *et al.* (2000), Grimm e Tedeschi (2009) e Grimm (2011). Além de ser um tema frequentemente abordado na literatura, Grimm (2011) em sua análise, sugere que este fenômeno seja a principal fonte desta variabilidade da precipitação anual na região Sul do Brasil.

Portanto, com a finalidade de examinar a incorporação da variabilidade climática interanual, neste caso o ENOS, e sua relação com o fenômeno da *overdispersion*, no presente estudo é proposto um gerador estocástico bipartido markoviano de primeira ordem para região sul do Brasil condicionado às fases do El Niño – Oscilação Sul.

No contexto da geração estocástica de precipitações condicionadas foram avaliadas e realizadas três variações do modelo proposto no módulo de quantidade precipitada: a primeira na qual todas as precipitações diárias são simuladas, por meio, da Exponencial Mista; a segunda que utiliza a Gama; e a terceira que é baseada no critério de informação de Bayes, tendo assim a possibilidade de utilização de diferentes distribuições ao longo dos meses.

Adicionalmente, foi produzida, para cada variação do gerador proposto, uma versão semelhante sem o condicionamento. Tais variações tiveram a finalidade de comparar a geração estocástica sem e com o condicionamento de cada distribuição e verificar se a partir do condicionamento há uma melhora da produção de séries sintéticas de precipitação, principalmente para a variância da precipitação mensal.

Srikanthan e McMahon (2001) mencionam que boa parte dos modelos que utilizam séries de precipitação, como os modelos de chuva-vazão e de crescimento de culturas, realizam as simulações a partir dos dados de entrada diários. Adicionalmente, no cenário brasileiro a existência e disponibilidade de série sub-diárias é limitada. Por isso, em relação ao presente estudo, foi abordado exclusivamente os geradores estocásticos em escala diária.

Por fim, esta dissertação contém seis capítulos. Além desta breve introdução, no capítulo 2 são listados os objetivos gerais e específicos. No capítulo 3 é apresentada a revisão de literatura, que tematiza aspectos relacionados à realização da quarta seção desta dissertação, dedicada a detalhar a metodologia proposta. No capítulo 5 constam os resultados e discussões. No final deste trabalho são abordadas as conclusões e recomendações para estudos futuros.

## 2 OBJETIVOS

O principal objetivo desta pesquisa é analisar se a introdução do condicionamento com as fases do ENOS em modelos bipartidos de geração estocástica de precipitação diária melhora o seu desempenho em relação à *overdispersion*.

Entre os objetivos específicos temos:

- a) No tocante da modelagem como um todo serão analisadas o desempenho de diversas medidas descritivas das séries sintéticas de todas as variações da modelagem proposta e comparadas com as históricas; no caso da precipitação diária, as médias, desvios padrão e assimetria. Para as precipitações mensais serão analisadas, além das variâncias estudadas no objetivo principal, as médias de precipitação mensal acumulada.
- b) Para o módulo de ocorrência de precipitação, serão investigadas, a relação entre as médias e desvios padrão dos dias chuvosos ao longo dos meses para o caso sem e com condicionamento e comparados os dados observados.
- c) Avaliar a produção de longas sequências de dias secos das variações do gerador quando comparado com os dados históricos. Este cotejo tem a finalidade de avaliar a capacidade da modelagem via cadeias de Markov no que diz respeito a produção de períodos de longas estiagens e verificar se há uma melhora através do condicionamento.
- d) Realizar uma análise específica da adequabilidade referente as precipitações diárias máximas anuais simuladas de todas as variações da modelagem proposta.
- e) Investigar o efeito do uso de diferentes distribuições teóricas de probabilidade nos dados gerados para as variações condicionadas e sem condicionamento e suas relações.

### 3 REVISÃO DA LITERATURA

Os geradores estocásticos de precipitação são comumente fundamentados em geradores de números pseudoaleatórios distribuídos uniformemente e em variáveis aleatórias extraídas de uma distribuição de probabilidade. Além destes temas essenciais, é necessário tratar dos geradores estocásticos de precipitação, assim como compreender diversos aspectos relativos à precipitação e às suas séries temporais na região analisada. Desta forma, a revisão bibliográfica do presente trabalho será organizada, considerando os seguintes enfoques:

- (i) geradores de números pseudoaleatórios;
- (ii) geração de variáveis aleatórias;
- (iii) geradores estocásticos de precipitação;
- (iv) geradores de precipitação condicionados às variáveis exógenas; e
- (v) a precipitação na região sul e suas variações interanuais;

Os dois primeiros subcapítulos têm a finalidade de fornecer conceitos inerentes à produção de séries sintéticas de precipitação. A terceira e quarta etapa abordam geradores estocásticos de precipitação em sua diversidade. O último tópico, por sua vez, além de embasar a escolha da região sul na modelagem condicionada, fornece conceitos relevantes sobre a precipitação inseridos no contexto da região estudada neste trabalho. Desta forma, no tópico subsequente serão abordados os geradores de números pseudoaleatórios que fundamentam não apenas os geradores de precipitação como também a grande maioria dos modelos estocásticos e diversos tipos de simulações.

#### **3.1 Geradores de números pseudoaleatórios**

Segundo Berg (2004), alguns processos da natureza, a exemplo do decaimento radioativo, são considerados eventos aleatórios. Consequentemente, sequências aleatórias podem ser obtidas por meio da medição destes eventos. Este tipo de aplicação, porém, mostra-se complexo e pouco prático. Por isso, na grande maioria dos casos, nas quais é necessária a utilização de sequências aleatórias, são adotadas, na realidade, sequências pseudoaleatórias obtidas por meio de geradores de números pseudoaleatórios (GNPA). Este tipo de gerador tem a

finalidade de produzir números reais uniformemente distribuídos compreendidos entre zero e um.

Knuth (1981) evidencia que geradores de números pseudoaleatórios são amplamente utilizados em diversas áreas do conhecimento a exemplo da simulação de fenômenos físicos, dos sistemas operacionais, da criptografia e até mesmo no entretenimento. Vieira *et al.* (2004) define geradores de números pseudoaleatórios como algoritmos matemáticos específicos, sequenciais e determinísticos (quando inicializados com o mesmo estado inicial, produzem a mesma sequência de números). Devido à natureza determinística, os GNPA produzem apenas valores aparentemente aleatórios e por essa razão a nomenclatura “pseudoaleatório” é de extrema importância. L’Ecuyer (1998), por sua vez, estabelece uma definição formal das estruturas dos geradores de números pseudoaleatórios por meio da Equação 3.1:

$$\mathcal{G} = (S, S_0, T, U, G) \quad (3.1)$$

Onde  $S$  é um conjunto finito de estados, a variável  $S_0$  é o estado inicial, também conhecido como “semente” ou *seed*.  $T$  é a função de transição na qual  $T: S \rightarrow S$ . O conjunto finito  $U$  de símbolos de saída e função de saída  $G: S \rightarrow U$ . A geração dos números pseudoaleatórios é dada da seguinte forma: a partir da semente,  $S_0$ , utiliza-se a função  $G$  para gerar o valor  $U_0$ , com intuito de alcançar um novo estado utiliza-se  $S_1 = T(S_0)$ . Por fim, através da recorrência das funções  $T$  e  $G$  é produzida a sequência de números pseudoaleatórios.

Segundo L’Ecuyer (1998), dado que  $S$  é um conjunto de estado finito, os GNPA são periódicos, ou seja, em algum momento os valores gerados eventualmente se repetirão. O tamanho do período é um dos possíveis fatores relevantes para a escolha de um determinado GNPA em detrimento de outro. O subcapítulo 3.1.1 apresenta as principais características desejáveis dos geradores de números pseudoaleatórios.

### 3.1.1 Características desejáveis dos GNPA

Como já descrito, os geradores de números aleatórios buscam produzir amostras aparentemente aleatórias e uniformemente distribuídas entre zero e um. A partir disso, pode-se destacar algumas propriedades desejáveis do GNPA, a exemplo da uniformidade e independência, embora tais características superem esta definição básica. As principais características desejáveis em um GNPA podem ser definidas a partir de dois grupos: as de caráter prático e as de caráter de teórico.



Inseridas no primeiro grupo temos (GENTLE, 2005):

- Eficiência computacional – Considerando a produção de sequências aleatórias extremamente longas, a eficiência dos GNPA é vital para a obtenção de resultados de forma rápida;
- Reprodutibilidade – No contexto científico, é de vital importância a possibilidade de reprodução de resultados. Logo, estudos que se fundamentam em geração de números pseudoaleatórios devem possuir geradores que, a partir de um estado inicial definido, produzam a mesma sequência aleatória em ocasiões distintas;
- Portabilidade – Os algoritmos dos GNPA devem ser de fácil implementação em máquinas distintas e em linguagem distintas;
- Acessibilidade – Os geradores de números pseudoaleatórios devem ser de fácil uso. Neste sentido, para utilização do GNPA recomenda-se que haja o mínimo de especificações para estabelecer os estados iniciais e que sejam necessárias poucas informações para reproduzir uma sequência pseudoaleatória; e
- Possibilidade de geração de números pseudoaleatórios em paralelo – Introduzido no contexto dos computadores modernos com mais de um núcleo. A obtenção de números pseudoaleatórios a partir de processamento em paralelo influencia diretamente na agilidade dos GNPA. Para o processamento em paralelo, usualmente, utiliza fórmulas de recorrência que possibilitam “saltar” estados intermediários para obtenção de um novo valor.

Por outro lado, em relação às características teóricas, temos:

- Períodos longos – GNPA com períodos longos é um aspecto de considerável importância, principalmente quando relacionado a grandes simulações. De forma elementar, não é adequado gerar uma quantidade de números pseudoaleatórios que supere o período do gerador para uma dada simulação. Neste sentido, L’Ecuyer (1988) aponta que, no caso de simulações, o período do gerador deve ser substancialmente superior aos números pseudoaleatórios utilizados;
- Uniformidade – É fundamental que a sequência obtida a partir dos GNPA seja uniformemente distribuída. Adicionalmente, Gentle (2005) evidencia a recomendação de que a uniformidade seja obtida também em uma quantidade razoável no hipercubo de  $n$ -dimensões, a partir da utilização de vetores de  $k$ -valores subsequentes; e

- Independência – Outra característica elementar é a independência, ou seja, a sequência obtida através dos GNPA precisa aparentar independência entre os seus valores. A covariância e a autocorrelação são exemplos de testes utilizados na análise de independência das sequências pseudoaleatórias (GENTLE, 2005).

A fim de avaliar uma boa qualidade de geradores foram desenvolvidos diversos *softwares* compostos por um conjunto de sub-rotinas com testes estatísticos e empíricos que englobam uma análise mais aprofundada em relação as características desejáveis dos GNPA. Dentre estes programas, tem grande destaque o “TEST U01” e o “DIEHARD”. Informações adicionais podem ser obtidas através de L’Ecuyer e Simard (2007) e Marsaglia (1996), respectivamente.

### 3.1.2 Métodos para obtenção de números pseudoaleatórios

A inserção dos primeiros computadores fez despontar a necessidade de obter sequências pseudoaleatórias. Segundo Knuth (1981), o método intitulado “*middle-square*” – ou, em sua tradução livre, método do quadrado do meio – foi proposto pelo matemático John Von Neumann em 1946, e sua criação remonta à origem dos computadores modernos.

O método do quadrado do meio, apesar de não ser aplicado atualmente é de grande importância histórica por evidenciar a necessidade de sequências aleatórias, desde os primeiros computadores, e ser um dos primeiros métodos para a geração de números pseudoaleatórios. Desde então, foram propostas várias técnicas para produzir números pseudoaleatórios dos quais se destacam:

- Método congruente linear (MCL);
- Método do atraso de Fibonacci
- Métodos dos registradores de deslocamentos;

Tais métodos, devido a sua importância, serão detalhados nos três próximos subcapítulos:

#### 3.1.2.1 Método congruente linear

Segundo Gentle (2005), a geração de números pseudoaleatórios a partir do método congruente linear foi proposta por D. H. Lehmer em 1948. O método consiste, basicamente, na utilização da fórmula de recorrência (função de transição de estados  $T$ ) descrita na Equação 3.2 e da função de saída  $G(x_n)$  na Eq. 3.3.

$$T(s_{n-1}) = s_n = (a \cdot s_{n-1} + C) \text{ mod } m \quad (3.2)$$

Onde  $a$ ,  $C$  e  $m$  são valores constantes inteiros chamados de multiplicador, incremento e módulo, respectivamente. No caso em que a constante  $C$  é igual a zero o gerador pode ser denominado como gerador congruente linear multiplicativo. Caso a constante  $C$  seja diferente de zero a nomenclatura do gerador é congruente linear misto. A função de saída  $G$ , por sua vez, tem a finalidade restringir os valores gerados no intervalo  $[0,1)$ .

$$G(s_n) = u_n = \frac{s_n}{m} \quad (3.3)$$

Knuth (1981) evidencia a escolha das constantes  $a$ ,  $C$  e  $m$  para obtenção de boas sequências de números pseudoaleatórios. Por exemplo, o valor do módulo, que é definido como  $m - 1$ , interfere diretamente no tamanho do período máximo da sequência a ser gerada, considerando que este é o número de saídas possíveis da operação de módulo. Um importante GNPA que utiliza o método congruente linear é o RANDU (GENTLE, 2005; KNUTH, 1981), um gerador de números pseudoaleatórios, desenvolvido pela empresa IBM, presente nos computadores na década de 60 e 70, sua fórmula de recorrência é dada pela Eq. 3.4:

$$s_n = [(2^{16} + 3) \cdot s_{n-1}] \text{ mod } 2^{31} \quad (3.4)$$

A notoriedade deste GNPA é decorrente da inesperada propriedade de gerar uma estrutura treliçada com 15 planos ao utilizar a sequência de saída como pontos de coordenadas no espaço tridimensional. Com isso, simulações geradas a partir da saída do RANDU, principalmente nos quais os números aleatórios sejam processados em grupos de três ou mais, podem gerar resultados enganosos (MCLEISH, 2005).

Apesar do RANDU apresentar esta característica indesejada para os GNPA, os geradores que utilizam o método linear congruente podem ser adequados para uma grande quantidade de aplicações desde que as escolhas dos multiplicadores, incrementos e módulos sejam realizadas de forma cuidadosa. A publicação de L'Ecuyer e Simard (2007) evidencia, a partir do conjunto de sub-rotinas "TEST U01", valores adequados para a produção de sequências pseudoaleatórias com boa qualidade.

A partir dos geradores congruentes lineares, foram desenvolvidos uma grande quantidade de modelos para a produção de números pseudoaleatórios. Um bom exemplo de gerador de números pseudoaleatórios ainda utilizado na atualidade, com íntima relação com o método

congruente linear, é o GNPA realizado por Wichmann e Hill (1984 *apud* GENTLE, 2005) que é uma combinação de geradores congruentes lineares presente em algumas versões do software *Microsoft Excel* e algumas linguagens de programação. Outra metodologia utilizada para produzir números pseudoaleatórios com grande semelhança com a do congruente linear são aquelas baseadas no atraso de Fibonacci.

### 3.1.2.2 Método do atraso de Fibonacci

O método do atraso de Fibonacci, além da relação com o método congruente linear, possui semelhança considerável com a sequência de Fibonacci descrita na Eq. 3.5.

$$x_n = x_{n-1} + x_{n-2} \quad (3.5)$$

Segundo Gentle (2005), para obtenção de uma sequência aleatória, a sucessão de Fibonacci com uma redução de módulo não origina sequências pseudoaleatórias. Por isso, nestes casos, ao invés de termos sucessivos, são utilizados termos de maior distância do número gerado. L'Ecuyer e Simard (2007) descrevem, por meio da Eq. 3.6, a generalização da função de transição  $T$  dos métodos do atraso de Fibonacci.

$$T(s_{n-l}, s_{n-k}) = s_n = (s_{n-k} \circ s_{n-l}) \text{ mod } m \quad (3.6)$$

Onde, as constantes “ $k$ ” e “ $l$ ” são definidas como atraso (*lags*) com  $l > k > 0$ . O operador “ $\circ$ ”, de forma diferente da sequência de Fibonacci, além de uma adição (+), pode ser uma subtração (-), uma multiplicação (\*), ou até mesmo o operador binário “ou exclusivo” ( $\oplus$ ). Para obtenção dos valores de saída compreendidos entre zero e um, a função  $G$  utilizada no método do atraso de Fibonacci é semelhante ao método linear congruente.

Os geradores de atraso de Fibonacci, diferentemente dos geradores congruente lineares, não têm o período máximo limitado pelo módulo. Com uma escolha adequada de  $k$ ,  $l$  e  $m$  é possível alcançar períodos suficientemente longos apropriados para a maioria das aplicações. Entretanto, Vieira *et al.* (2004) ressaltam que o método do atraso de Fibonacci utiliza uma quantidade maior de memória quando comparado aos geradores lineares congruentes. Tal afirmação é proveniente da necessidade de armazenamento de  $l$  valores para o cálculo de um novo estado.

### 3.1.2.3 Método dos registradores de deslocamentos

O método dos registradores de deslocamento, de forma diferente dos outros procedimentos apresentados, consiste em uma técnica digital que utiliza operações binárias para a produção de um novo estado. Os GNPA que utilizam registradores de deslocamento foram inicialmente propostos por Tausworthe (1965 *apud* Gentle, 2006), com fórmula de recorrência na Eq. 3.7.

$$b_i = (a_p \cdot b_{i-p} + a_{p-1} \cdot b_{i-p+1} + \dots + a_2 b_{i-2} + a_1 b_{i-1}) \text{ mod } 2 \quad (3.7)$$

Onde todas as variáveis da equação são valores iguais a zero ou um, a variável “*b*” são bits, os valores de “*a*” são constantes igual a zero ou um. Com objetivo de tornar o método mais eficiente computacionalmente, a maioria das constantes devem ser igual a zero. Por isso, rotineiramente os geradores de Tausworthe ou geradores com registradores de deslocamentos têm como fórmula de recorrência a Eq. 3.8.

$$b_i = b_{i-p} \oplus b_{i-p+q} \quad (3.8)$$

Apesar da Eq. 3.8 utilizar um operador diferente da 3.7, os resultados são semelhantes. A adição de bits com a redução de módulo igual a 2 possui resultado análogo a operação de “ou exclusivo”. Para obtenção da sequência uniformemente distribuída entre um e zero, utiliza-se *n*-bits sob a representação de números inteiros. Por fim, a partir do número inteiro obtido é realizada a divisão pela *n*-ésima potência de 2 para obtenção das sequências pseudoaleatórias compreendidas no intervalo [0,1).

O método da generalização dos registradores de deslocamentos ou *Generalized feedback shifted registers* (GFSR) é uma variação do método anterior. De forma diferente do método original, a generalização utiliza os valores obtidos fórmula de recorrência, sob forma de bits, para a obtenção de um novo valor, de forma semelhante ao método *Lagged Fibonacci*. A Equação 3.9 exemplifica a fórmula de recorrência do método GFSR.

$$x_i = x_{i-p} \oplus x_{i-p+q} \quad (3.9)$$

Posteriormente, Matsumoto e Nishimura (1998) a partir do método GFSR, com algumas variações, criaram um gerador de números pseudoaleatórios cunhado de Mersenne Twister 19937 ou MT19937, largamente utilizado na atualidade, mesmo que de forma implícita, por ser o GNPA padrão das principais linguagens de programação a exemplo de *Python*, *R* e *C++*, entre outras.

Segundo Matsumoto e Nishimura (1998), as propriedades do MT19937 incluem boa eficiência computacional, um período extremamente longo de  $2^{19937} - 1$  e uma distribuição uniforme em um hiper cubo de 623 dimensões. Adicionalmente, é importante ressaltar que o MT19937 é de fácil reprodutibilidade e possui grande portabilidade. A Equação 3.10 aponta a fórmula de recorrência do MT19337 (MATSUMOTO E NISHIMURA,1998).

$$\mathbf{x}_{k+n} \equiv \mathbf{x}_{k+m} \oplus (\mathbf{x}_k^u | \mathbf{x}_{k+1}^l). A \quad (3.10)$$

Onde as variáveis  $\mathbf{x}$  são vetores formados por um conjunto de  $w$  bits ( $x_{w-1}, x_{w-2}, \dots, x_0$ ) que são interpretados posteriormente como números inteiros e quando divididos por  $2^w - 1$  ou  $2^w$  são números reais entre  $[0, 1]$ ,  $[0, 1)$ , respectivamente. Vale notar que, apesar de existir a versão de 64 *bits*, a variável  $w$ , originalmente, é igual a 32. Além disso, a matriz  $A$  é uma matriz quadrada formada  $w \times w$  elementos.

No caso da versão 32 *bits*, as variáveis  $n = 624$  denotam o grau da recorrência linear e o valor  $m = 397$  é referente ao *lag* do MT19337. Apesar de não estar explícito na recorrência, é utilizada a constante  $r = 31$  que define  $\mathbf{x}_k^u$ , o vetor dos bits mais significativos (maior valor no sistema binário) em que  $\mathbf{x}_k^u = x_{w-1}, x_{w-2}, \dots, x_r$ . A partir disso  $\mathbf{x}_k^u$  é concatenado com  $\mathbf{x}_{k+1}^l$  (vetor dos bits menos significativos) ou  $\mathbf{x}_{k+1}^l = x_{r-1}, x_{r-2}, \dots, x_0$ . Em seguida, multiplica-se o novo vetor pela matriz  $A$ . Com este resultado, é realizada “ou exclusivo” pelo vetor  $\mathbf{x}_{k+m}$  e obtido assim um novo vetor  $\mathbf{x}_{k+n}$ . A matriz “ $A$ ”, por sua vez, tem a seguinte forma expressa na Equação 3.11 no qual o vetor  $\mathbf{a} = 9908b0df$  com a transformação de hexadecimal para binário.

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \dots & 1 \\ a_{w-1} & a_{w-2} & a_{w-3} & \dots & a_0 \end{bmatrix} \quad (3.11)$$

Para obtenção da sequência pseudoaleatória de saída do MT19337, é empregada a técnica têmpera a posteriori da fórmula de recorrência. Tal metodologia tem a finalidade de melhorar a propriedade de uniformidade em  $n$ -dimensões dos valores subsequentes dos números pseudoaleatórios gerados.

Como pode ser observado, a partir do grau de recursão, para utilizar a eq. 3.10 são necessários 624 vetores e um total de 19937 bits, 623 vetores com 32 bits somados com o primeiro vetor

da fórmula de recorrência com apenas um *bit*. Neste aspecto, o MT19937 possui um mecanismo de inicialização complexo que – como pode ser observado em Matsumoto e Nishimura (1998) – empregava um gerador linear congruente na produção dos valores iniciais.

Como anteriormente discutido, usualmente é utilizado um conjunto de sub-rotinas para avaliar a qualidade dos GNPA. Conforme Matsumoto e Nishimura (1998), testes como o “DIEHARD” confirmam a boa qualidade do MT19937 com total aprovação. Contudo, em testes mais robustos como o TestU01, o Mersenne Twister é reprovado em dois testes, ambos, em relação as propriedades de complexidade linear com objetivo de analisar a dependência linear nas sequências de bits.

L’Ecuyer e Simard (2007) evidenciam com naturalidade essa reprovação, diante da natureza binária do MT19937. Panneton e L’Ecuyer (2006), por sua vez, afirmam que, apesar da falha em relação a testes de dependência linear, os geradores da família do *Mersenne Twister* são úteis e seguros para a grande maioria das aplicações.

No caso de simulações e modelagens de fenômenos físicos, a aplicação das sequências pseudoaleatórias está profundamente ligada com a transformação destes números, uma vez que há a necessidade de gerar amostras a partir de distribuições de probabilidade, como é o caso dos modelos bipartidos que necessitam deste tipo de transformação para a produção de valores de altura de precipitação baseados em distribuições de teóricas de probabilidade como a Gama, a Exponencial e a Exponencial Mista. Na seção seguinte, portanto, será abordada a transformação de sequências pseudoaleatórias, ou seja, a geração de variáveis aleatórias conforme uma distribuição de probabilidades específica excluído o caso uniforme.

### **3.2 Geração de variáveis aleatórias**

Segundo Gentle (2005), a precisão e a velocidade do algoritmo para obtenção de “variáveis aleatórias” (VA) com distribuição não uniforme são as características fundamentais para determinar a qualidade do algoritmo utilizado. Por consequência, certos métodos são mais adequados para algumas distribuições do que para outras. Os dois primeiros procedimentos apresentados nos tópicos 3.2.1 e 3.2.2 podem ser aplicados a uma grande diversidade de distribuições teóricas de probabilidade. Já o método elucidado no subcapítulo 3.2.3 é voltado para distribuições de probabilidades mistas.

### 3.2.1 Transformada inversa da função acumulada de probabilidades

A transformada inversa da função acumulada de probabilidades, ou apenas transformada inversa, é um dos métodos mais simples para obtenção de variáveis aleatórias com distribuição não uniforme (WILKS, 2006). Por outro lado, Gentle (2005) evidencia que, para utilização deste método, são fundamentais duas propriedades: a função acumulada de probabilidades (FAP) não decrescente e contínua pela direita. Para o caso de distribuições contínuas tem-se a formulação baseada na Equação 3.12:

$$U = F_X(X) \therefore X = F_X^{-1}(U) \quad (3.12)$$

Onde  $U$  é uma variável aleatória com distribuição uniforme;  $X$  é uma variável aleatória a ser obtida com FAP,  $F_X$ , e inversa  $F_X^{-1}$ . Segundo Gentle (2005), caso a inversa da FAP seja de fácil obtenção, o método da transformada inversa é conveniente. Bons exemplos das distribuições com fácil aplicação do método da transformada inversa são: Exponencial, Cauchy, Geométrica, Pareto, Logística, Gumbel e Weibull (MCLEISH, 2005).

Por fim, Wilks (2006) evidencia que há ainda a possibilidade de utilização do método da transformada inversa sem uma forma fechada a partir de aproximações numéricas. Um exemplo deste método aplicado a partir de aproximações pode ser observado na geração de variáveis aleatória com distribuição normal da linguagem R, no qual a variável normal é produzida com base em uma aproximação da função acumulada de probabilidades da referida distribuição realizada por Wichura (1988). Entretanto, dada a imprecisão ou morosidade, dependendo do algoritmo e da aproximação escolhida, outros métodos como o da aceitação/rejeição podem ser mais adequados para algumas distribuições.

### 3.2.2 Método da aceitação e rejeição

Segundo Gentle (2005), o método da aceitação/rejeição e suas variações é de grande importância para a obtenção de variáveis aleatórias com distribuição não uniforme. O método consiste em produzir realizações de uma variável aleatória  $X$  a partir de uma amostra de uma variável aleatória  $Y$ . Para tal, utiliza-se a função densidade de probabilidade (FDP) com forma explícita  $f_X$  e a FDP  $f_Y$  multiplicado por uma constante  $c$  de forma que satisfaça a Equação 3.13.

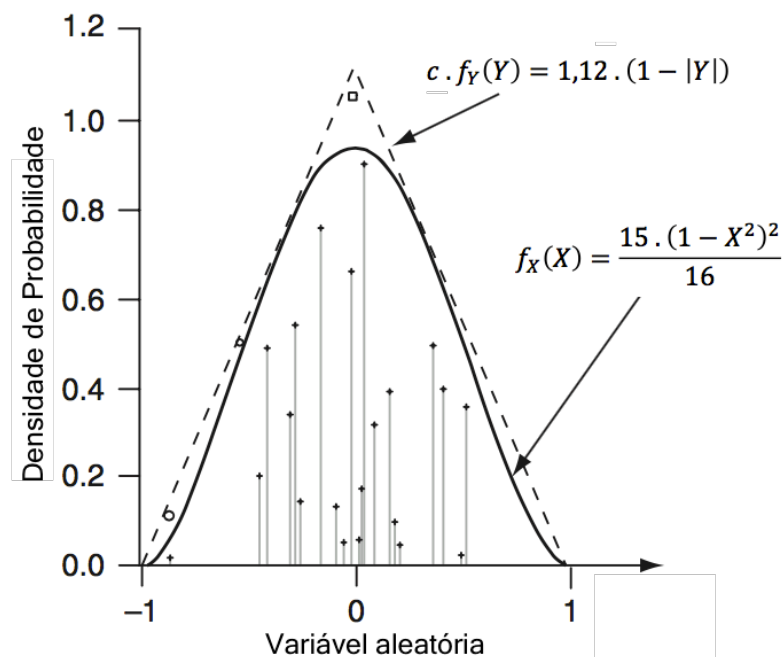
$$f_X(Y) \leq c \cdot f_Y(Y) \quad (3.13)$$



Com base no critério anterior torna-se possível simular a variável aleatória  $X$  a partir da razão entre a FDP de  $f_X$  e o produto da FDP de  $f_Y$  pela constante  $c$ . Gentle (2005) demonstra o pseudocódigo do método da aceitação/rejeição em três passos:

1. Gerar a variável  $Y$ .
2. Gerar a variável  $U(0,1)$  com distribuição uniforme.
3. Caso  $U \leq f_X(Y) / [c \cdot f_Y(Y)]$ , então
  - a.  $X = Y$ ;
  - b. Caso contrário, retorne ao primeiro passo.

Como pode ser observado, a partir do pseudocódigo, o método tem uma formulação simples. Apesar disso, Wilks (2006) destaca duas principais desvantagens do uso da técnica da aceitação/rejeição: a primeira é que a realização de forma eficiente depende de uma FDP adequada da variável aleatória  $Y$  (que tenha formato semelhante a  $f_X$ ) com a finalidade de minimizar a rejeição das variáveis candidatas. Em outras palavras, deve-se procurar a obtenção de uma constante mais próxima possível do valor limite igual a 1; já a segunda é que a quantidade de números aleatórios necessários para a obtenção de uma variável aleatória de acordo com a distribuição de interesse é indeterminada. A Figura 3.1 evidencia a aplicação do método da aceitação/rejeição.



**Figura 3.1** – Método da aceitação/rejeição.  
 Fonte: adaptado de Wilks (2006).

Como pode ser entendido na figura 3.1, quanto menor valor da constante  $c$  menor será probabilidade de rejeição de um valor  $Y$  na etapa 3. O método da aceitação/rejeição para algumas distribuições, a exemplo da Gama, é rotineiramente utilizado. Entretanto, apesar de ser aplicável para uma grande quantidade de distribuições a técnica da aceitação/rejeição nem sempre é a escolha mais adequada para a obtenção de variáveis aleatórias a partir de uma distribuição não uniforme, como é o caso de algumas distribuições de probabilidades mistas onde o método da composição se mostra mais adequado.

### 3.2.3 Método da composição

O método da composição é aplicado usualmente para produzir variáveis aleatórias de distribuições mistas nas quais a FDP podem ser representadas sob a forma expressa na Eq. 3.14.

$$f_X(X) = \sum_{j=1}^k w_j \cdot p_j(X) \quad (3.14)$$

Onde  $f_X(X)$  é a função densidade de probabilidade mista,  $p_j(X)$  são as FDP que compõem a mista e as constantes  $w_j$  são as proporções de cada  $p_j(X)$  para a formação de  $f_X(X)$ . Conseqüentemente, temos o somatório de  $\sum_{j=1}^k w_j = 1$ . Desta forma, o método da composição pode ser evidenciado a partir de 3 passos (GENTLE, 2006).

1. Gerar um número pseudoaleatório  $U$ ;
2. Comparar  $w_j$  com  $U$  para selecionar a FDP  $p_j(X)$ ;
3. Produzir  $X$  de acordo com o  $p_j(X)$  selecionado.

O método da composição é aplicável à geração de distribuição Exponencial Mista com três parâmetros, que por sua vez, é largamente utilizada nos geradores de precipitação (DETZEL, 2009; WILKS, 1999; MORENO-PÉREZ *et al.*, 2014). A FDP da distribuição Exponencial Mista pode ser vista na Equação 3.15.

$$f_X(x) = \alpha \cdot e^{-x \cdot \lambda_1} + (1 - \alpha) \cdot e^{-x \cdot \lambda_2} \quad (3.15)$$

Onde  $X$  é uma variável aleatória,  $\alpha$  indica a proporção da mistura de exponenciais e  $\lambda_i$  indicam os diferentes parâmetros das distribuições exponenciais que são combinadas para a produção da distribuição Exponencial Mista. Neste sentido, caso a distribuição mista tenha

FDP semelhante a Exponencial Mista-3P, outra forma de explicitá-la é demonstrada na Eq. 3.16.

$$f_X(X) = w \cdot p_1(X) + (1 - w) \cdot p_2(X) \quad (3.16)$$

A obtenção da variável aleatória de  $f_X(X)$  pode ser realizada a partir da geração de outra VA seguindo a distribuição de Bernoulli com probabilidade de sucesso igual  $w$ . Em seguida, com a ocorrência do sucesso, é gerada uma variável aleatória de acordo com a distribuição cuja a FDP é  $p_1$ , caso contrário utiliza-se  $p_2$  (GENTLE, 2005). No caso da distribuição Exponencial Mista, o método aplicado para transformação dos números aleatórios aplicados em  $p_1$  e  $p_2$  pode ser a transformada inversa. O algoritmo é o seguinte:

1. Gerar dois números pseudoaleatórios  $U_1$  e  $U_2$ ;
2. Comparar  $w$  com  $U_1$  para selecionar a FDP  $p_j(X)$ ;
3. Utilizar  $U_2$  para produzir  $X$  a partir da transformada inversa da Exponencial selecionada.

O conceito de geração de números pseudoaleatórios e de variáveis aleatórias distribuídas de forma não uniforme é fundamental para a realização de simulações e modelos estocásticos a exemplo dos geradores de precipitação que serão apresentados no tópico seguinte.

### **3.3 Geradores estocásticos de precipitação**

Segundo Brissette *et al.* (2007), os geradores estocásticos de precipitação (GEP) são modelos computacionais com a finalidade de produzir séries sintéticas com propriedades estatísticas semelhantes às observadas. Usualmente, estes geradores são divididos em função da metodologia para a produção de séries sintéticas como é o caso de Srikanthan e McMahon (2000) que os dividem em quatro grupos: modelos bipartidos, modelos de reamostragem, matrizes de probabilidade de transição e séries temporais.

Apesar da existência de outras categorizações como a realizada por Brissette *et al.* (2007) – que dividem os geradores em modelos não paramétricos, modelos híbridos ou semi-empíricos e modelos paramétricos – para a revisão da literatura deste tema será utilizada a classificação proposta por Srikanthan e McMahon (2000), por definir de forma mais clara cada grupo com suas vantagens e desvantagens.

O primeiro estudo que se tem notícia relacionado à geração estocástica de precipitação diária foi realizado por Quetelet (1852, *apud* Wilks e Wilby, 1999). Tal estudo evidenciava a propriedade estatística de persistência tanto para dias chuvosos quanto para dias secos em Bruxelas entre 1833 e 1850. Desde então muitos estudos que tratam a geração estocástica de precipitação foram produzidos e, unidos ao desenvolvimento dos computadores, tornaram possível uma grande diversidade de GEP possibilitando criar múltiplas classificações para estes. Os geradores estocásticos de precipitação serão aprofundados a partir de cada grupo nos tópicos subsequentes.

### **3.3.1 Modelos bipartidos**

Os modelos bipartidos, segundo Srikanthan e McMahon (2000), são majoritários na modelagem estocástica de precipitação. A alcunha do método é proveniente da divisão clara entre a modelagem de ocorrência de precipitação e da quantidade de precipitação. Outra característica inerente a este tipo de modelo é sua natureza paramétrica. Por isso, com a finalidade de representar a variabilidade sazonal, usualmente, os parâmetros das duas partes deste modelo variam mensalmente. Devido à divisão do modelo em duas partes será abordado no próximo tópico o módulo de ocorrência seguido do módulo de quantidade precipitada.

#### **3.3.1.1 Módulo de ocorrência**

O módulo de ocorrência de precipitação, etapa do gerador na qual é tratada apenas se o evento é chuvoso ou seco, é rotineiramente abordado de duas formas: cadeias markovianas com dois estados e processos de alternância com renovação.

Segundo Ross (2007), os processos de alternância com renovação são definidos como um sistema com dois estados ao longo do tempo, independentes e sucessivos. Desta forma, os processos de alternância com renovação começariam a partir do estado  $Z_0$  por um intervalo de tempo seguido da ocorrência de um estado  $Y_0$  por outro período de tempo acompanhado do estado  $Z_1$  seguido de  $Y_1$  e assim por diante.

Nos processos de alternância com renovação aplicados à precipitação, os dois estados sucessivos são os períodos chuvosos ( $Z_T$ ) e secos ( $Y_T$ ). Apesar da possibilidade de aplicação de forma contínua e em menores escalas de tempo, no caso da precipitação diária as variáveis  $Z_T$  e  $Y_T$  são as sequências de dias seguidamente chuvosos e secos. Para a realização da

modelagem das sequências de dias secos e chuvosos são utilizadas distribuições teóricas de probabilidade.

Em relação a modelagem de sequências de dias secos e chuvosos, estudos realizados desde a metade do século XX, a exemplo de Williams (1952 *apud* WILKS e WILBY, 1999) e Longley (1953 *apud* WILKS e WILBY, 1999), já ressaltavam que os dados desta sequência podiam ser ajustados adequadamente à distribuição de probabilidade geométrica.

Srikanthan e McMahon (2000) salientam que a modelagem de ocorrência de precipitação por meio de processos de renovação considera, frequentemente, diferentes distribuições para os intervalos secos e chuvosos. Vale ainda ressaltar que, usualmente, na modelagem dos processos de alternância com renovação são empregadas distribuições de probabilidade de natureza paramétrica, das quais se destacam a Geométrica, Binomial Negativa e Geométrica Mista (WILKS, 1999).

Diferentemente dos processos de alternância com renovação ocorre a modelagem por meio das cadeias de Markov com dois estados que será discutido por ora. Um dos estudos pioneiros em relação ao uso de cadeias de Markov com dois estados foi realizado por Gabriel e Neumann (1962) que observaram que o uso de cadeias markovianas de primeira ordem eram apropriados para os dados observados de precipitação diária em Tel Aviv. Além disso, as sequências de dias chuvosos de cada mês eram aparentemente independentes entre si. As conclusões realizadas pelos autores supracitados são de grande importância para os geradores estocásticos de precipitação diária dado que boa parte destes geradores utilizam cadeias markovianas com diferentes parâmetros para cada mês.

Segundo Srikanthan e McMahon (2000), a maioria dos modelos de geração estocástica se limitam à utilização de cadeias de Markov de primeira ordem cuja a premissa é expressa na Equação 3.17:

$$P_{01} = P \{X_t = 1 | X_{t-1} = 0\} \quad (3.17)$$

Onde as variáveis  $X$  são os estados que representam a ocorrência ou não de chuva. O termo à esquerda refere-se às probabilidades de transição de um dia seco para um chuvoso. Além disso, neste tipo de modelagem, usualmente os estados chuvoso e seco são associados com os valores um e zero, respectivamente.

Sendo assim, a Equação 3.18, por sua vez, explicita o estimador das probabilidades de transição de um dia chuvoso dado que o dia precedente é seco para o caso de CM com dois estados.

$$\hat{P}_{01} = \frac{n_{01}}{n_{00} + n_{01}} \quad (3.18)$$

Onde  $n_{01}$  são os números de observações de transições de um precedente seco para um dia chuvoso e  $n_{00}$  é número de transições entre dois dias sem chuva. As equações 3.19, 3.20 e 3.21 estimam as outras probabilidades de transição.

$$\hat{P}_{00} = \frac{n_{00}}{n_{01} + n_{00}} \quad (3.19)$$

$$\hat{P}_{11} = \frac{n_{11}}{n_{10} + n_{11}} \quad (3.20)$$

$$\hat{P}_{10} = \frac{n_{10}}{n_{11} + n_{10}} \quad (3.21)$$

Para as cadeias de Markov de primeira ordem com dois estados são obtidos um total de quatro probabilidades de transição ( $P_{11}$ ,  $P_{01}$ ,  $P_{10}$ ,  $P_{00}$ ). Através das equações 3.18, 3.19, 3.20 e 3.21 pode-se evidenciar que  $P_{00} = 1 - P_{01}$  e  $P_{11} = 1 - P_{10}$ . Desta forma, percebe-se que para a obtenção de todas as probabilidades de transição é necessário apenas estimar duas delas. Outra forma de explicitar os parâmetros das cadeias de Markov é a partir da probabilidade de dias com “chuva” ( $\pi$ ) e a autocorrelação de primeira ordem da ocorrência de precipitação, também conhecido como parâmetro de persistência, ( $d$ ) especificados nas equações 3.22 e 3.23 (KATZ e PARLANGE, 1998).

$$\pi = \frac{P_{01}}{1 - d} \quad (3.22)$$

$$d = P_{11} - P_{01} \quad (3.23)$$

Por fim, a modelagem estocástica a partir de cadeias de Markov com dois estados é realizada a partir da comparação de números pseudoaleatórios ( $u$ ) com a probabilidade crítica  $P_c$ . A equação 3.24 explicita a obtenção de  $P_c$  para CM de primeira ordem e a equação 3.25 é utilizada para a modelagem de ocorrência de precipitação.

$$P_c = \begin{cases} X_{t-1} = 0 & \rightarrow P_c = P_{01} \\ X_{t-1} = 1 & \rightarrow P_c = P_{11} \end{cases} \quad (3.24)$$

$$X_t = \begin{cases} 1, & \text{se } u_t \leq P_c \\ 0, & \text{caso contrário} \end{cases} \quad (3.25)$$

Apesar da predominância de cadeias markovianas de primeira ordem com dois estados, Chin (1977), Gregory *et al.* (1992), Azevedo e Leitão (1990) e Wilks (1999) evidenciam a escolha da ordem da cadeia deve ser previamente analisada, uma vez que nem sempre a cadeia de primeira ordem reproduz adequadamente a série histórica de ocorrência precipitação.

Neste sentido, podem ser utilizadas cadeias markovianas de ordem superior, na qual a ordem é relacionada com a dependência de estados anteriores, ou cadeias híbridas. Em linhas gerais, o emprego do segundo tipo de cadeia consiste na utilização de ordens diferentes para um dado estado anterior, sendo que o estado precedente seco, usualmente, é modelado por uma ordem superior. Por exemplo, no caso de cadeias de Markov híbridas de segunda ordem, é utilizada uma cadeia de primeira ordem para os dias precedentes chuvosos e, no caso do dia precedente seco, uma cadeia de segunda ordem. Obtém-se, assim, seis probabilidades de transições ( $P_{11}$ ,  $P_{10}$ ,  $P_{101}$ ,  $P_{001}$ ,  $P_{100}$ ,  $P_{000}$ ) sendo necessário apenas estimar a metade destas, desde que os estados precedentes sejam distintos.

Com a finalidade de estabelecer o tipo de cadeia markoviana a ser utilizada e a sua ordem ótima, é usualmente aplicada uma análise a partir dos critérios de informação, sendo os critérios de informação de Bayes (BIC) e Akaike (AIC) as formas mais rotineiras. Contudo, é de extrema importância ressaltar que a utilização dos critérios de informação vai além da escolha apenas da ordem e tipo de cadeia a ser empregada. Neste sentido, outras aplicações são constantemente realizadas, como a comparação entre os modelos de alternância com renovação e cadeias markovianas ou entre as distribuições teóricas de probabilidade tanto para o módulo de quantidade quanto para o de ocorrência de precipitação como observado em Wilks (1999). As equações 3.26 e 3.27 explicitam o AIC e BIC respectivamente.

$$AIC(\theta) = -2 \cdot L_\theta + 2 \cdot m \cdot (s - 1) \quad (3.26)$$

$$BIC(\theta) = -2 \cdot L_\theta + m \cdot [\ln(n)] \quad (3.27)$$

Onde  $m$  é o número total de parâmetros do modelo,  $s$  é o número de estados,  $n$  é o tamanho da amostra e  $L_\theta$  é a função de máxima verossimilhança do modelo. Para as cadeias de Markov particularmente, a função log-máxima verossimilhança do modelo é explicitada na Eq. 3.28.

$$L_{\theta} = \sum_{i=1}^j n_i \cdot \ln(\hat{P}_i) \quad (3.28)$$

Onde  $\hat{P}_i$  são as probabilidades de transição do modelo utilizado,  $n_i$  são os números de observações de transições de estado contidos na amostra e  $j$  é o número total de probabilidades de transição de estados da cadeia markoviana necessários para definir todas as probabilidades de transição. Por fim, o modelo com o menor critério calculado é considerado como o mais adequado em ambos os critérios de informação.

Com base nisso, Chin (1977) utiliza uma metodologia a partir do critério de informação de Akaike para estabelecer a ordem ótima das cadeias de Markov para mais de 100 séries históricas de precipitação espalhadas pelos Estados Unidos e conclui que para alguns locais é necessário o uso de cadeias de ordem superior a um.

Katz (1981), por sua vez, ao comparar o AIC com o BIC por meio de simulações estocásticas, define que o segundo critério de informação (assintótico e não enviesado) é mais adequado, uma vez que o primeiro tende a superestimar a ordem ótima da cadeia. Além disso, o autor, devido à inconsistência do AIC obtida no estudo, levanta a suspeita de não haver necessidade de uso de cadeias de ordem superior a um, já que estudos anteriores a exemplo de Chin (1977) e Gates e Tong (1976, *apud* KATZ, 1981) utilizavam o AIC para estimar a ordem de cadeia markoviana mais adequada.

Diferentemente de Katz (1981), Wilks (1999) utilizou o critério de informação de Bayes e obtiveram resultados nos quais o uso de cadeias markovianas com ordem superior – híbridas de segunda ordem – era relevante para certas regiões (próximo a 50%). Portanto, a suposição do primeiro trabalho se mostra pouco consistente tendo em vista os resultados obtidos no segundo.

Embora o BIC, como já evidenciado, seja assintótico e não enviesado, Woolhiser e Roldán (1982a), por meio do critério de informação de Akaike, compararam as diferentes metodologias presentes nos módulos de ocorrência de precipitação. Com base em quatro estações, os autores compararam as cadeias de Markov de primeira ordem com uma distribuição geométrica truncada para intervalos de dias úmidos e uma distribuição binomial negativa truncada para intervalos de dias secos. Por fim, com base nos dados, concluiu-se que a utilização das cadeias markovianas eram mais adequadas.



Entretanto, é importante explicitar a presença de algumas nuances no estudo de Woolhiser e Roldán (1982a) como a variação diária dos parâmetros do módulo de ocorrência, por meio da utilização de séries de Fourier, e o teste da razão de máxima verossimilhança para estabelecer a significância da adição de parâmetros do harmônico. Posteriormente, Wilks (1999) analisou de forma detalhada o módulo de ocorrência, tanto para o caso dos modelos de alternância com renovação, quanto para as cadeias de Markov. No total, foram estudadas 30 séries históricas de precipitação dos Estados Unidos divididas em Leste, Centro e Oeste.

Além disso, no mesmo estudo, ao avaliar o módulo de ocorrência a partir do critério de informação de Bayes, as diferentes metodologias de produção de séries sintéticas de precipitação foram analisadas separadamente. No caso das cadeias de Markov, apesar da predominância da primeira ordem, é notável que em aproximadamente 17% dos casos a “cadeia markoviana ótima” era a híbrida de segunda ordem. Já para a modelagem a partir dos processos de alternância com renovação, tanto para as sequências dos dias secos quanto para os chuvosos há uma prevalência da distribuição geométrica. Contudo, vale notar que a distribuição binomial negativa é elegida pelo BIC em aproximadamente 30% e 22% dos casos de sequências de dias secos e chuvosos respectivamente.

No caso das séries históricas de ocorrência de precipitação no Brasil há uma grande variabilidade. Azevedo e Leitão (1990) analisam ordens das cadeias markovianas para o estado da Paraíba em 33 estações pluviométricas no trimestre mais chuvoso tendo em vista os critérios de Akaike e Bayes. Neste estudo é observada uma predominância das cadeias markovianas de terceira ordem para ambos os critérios estabelecidos. Onde vale notar que os parâmetros das cadeias markovianas foram ajustados para o trimestre mais chuvoso, e que não foram examinadas as cadeias híbridas.

Por outro lado, apesar de só produzir séries sintéticas a partir de cadeias de Markov de primeira ordem, Detzel (2009) determina a melhor ordem a ser utilizada com base nos critérios de Bayes e Akaike, para as estações localizadas no interior da região sul e sudeste. A partir disso, comparando ambos, é possível notar valores sistematicamente superiores na ordem das cadeias markovianas quando utilizado o critério de Akaike, em consonância com o estudo de Katz (1981). Para o BIC, é possível evidenciar uma maior predominância das cadeias de primeira ordem.

Ao longo da revisão bibliográfica, no que tange o módulo de ocorrência, percebe-se que a utilização de uma modelagem específica, em detrimento das outras, depende da região estudada. Neste sentido, baseado em Detzel (2009) observa-se que a utilização de cadeias markovianas de primeira ordem, baseado no critério de informação de Bayes e Akaike, é adequada para a região Sul do Brasil. Em seguida é apresentada a revisão de literatura do módulo de quantidade precipitada dos modelos bipartidos.

### 3.3.1.2 Módulo de quantidade precipitada

Nos modelos bipartidos, o módulo de quantidade precipitada, usualmente, é de natureza paramétrica. Para a realização desta etapa do modelo, números pseudoaleatórios são utilizados novamente para produzir uma variável aleatória de acordo com uma distribuição teórica de probabilidades adotada para produzir a quantidade precipitada de cada passo de tempo da série sintética. Segundo Detzel (2009), comumente são aplicadas distribuições de probabilidades do tipo Gama, Exponencial e Exponencial Mista. A distribuição Exponencial é exposta a partir da Equação 3.29

$$f_X(x) = \frac{1}{\theta} \cdot e^{-\frac{x}{\theta}} \quad (3.29)$$

Onde  $X$  é uma variável aleatória e  $\theta$  é o parâmetro da distribuição Exponencial. Como pode ser observado no tópico 3.2.1, o método da transformada inversa pode ser facilmente aplicado para este tipo de distribuição. Já a função densidade de probabilidade da distribuição Exponencial Mista com três parâmetros é explicitada pela Equação 3.30.

$$f_X(x) = \alpha \cdot \frac{e^{-x/\theta_1}}{\theta_1} + (1 - \alpha) \cdot \frac{e^{-x/\theta_2}}{\theta_2} \quad (3.30)$$

Onde  $\alpha$  indica a proporção da mistura de exponenciais e  $\theta_i$  indicam os diferentes parâmetros das distribuições exponenciais que são combinadas para a produção da distribuição Exponencial Mista. No tópico 3.2.3 é elucidado que o método da composição é altamente recomendado para misturas de distribuições, como no caso da distribuição Exponencial Mista. A distribuição Gama, por sua vez, tem a FDP ilustrada por meio da Equação 3.31.

$$f_X(x) = \frac{-x/\theta^{\eta-1} \cdot e^{-x/\theta}}{\theta \cdot \Gamma(\eta)} \quad (3.31)$$

Onde  $\eta$  e  $\theta$  são os parâmetros de forma e escala, respectivamente. Devido à ausência de forma fechada da FAP da distribuição Gama, geralmente é aplicado o método da aceitação-rejeição descrito no subcapítulo 3.2.2.

A partir da distribuição Gama ilustrada anteriormente, é possível evidenciar uma variação utilizada no módulo de quantidade precipitada com base no entendimento de que o volume de precipitação não é independente em relação aos dias vizinhos com ocorrência de precipitação. Wilks (1999), para um dado local e mês do ano, divide os dados observados com ocorrência precipitação em três grupos:

- a) dia isolado de precipitação;
- b) primeiro dia de uma sequência de dias de chuva; e
- c) dias subsequentes das sequências.

Com base neste agrupamento, foi observado, de maneira geral, que as médias eram distintas entre si para cada grupo, crescente do grupo “a” ao “c” (BUISHAND *apud* WILKS, 1999). Em seguida, foi ajustada uma distribuição Gama para cada um desses grupos. Por fim, foi observado que ao estimar os parâmetros da distribuição Gama foi obtido o parâmetro  $\eta$  semelhante. Desta forma, este modelo, intitulado Gama  $\eta$ -comum, tem o mesmo  $\eta$  para todos dias de precipitação e o parâmetro  $\theta$  condicionado a ocorrência de precipitação nos dias adjacentes com um total de quatro parâmetros para cada mês.

Ao utilizar trinta estações pluviométricas em diversas regiões dos Estados Unidos, Wilks (1999) verificou, ao comparar a distribuição Gama, Exponencial Mista com três parâmetros e o modelo Gama  $\eta$ -comum baseado critério de informação de Bayes, que a distribuição Exponencial Mista era mais adequada para modelar as quantidades precipitadas a nível diário. O modelo Gama  $\eta$ -comum, por sua vez, era adequado em aproximadamente 26% dos casos.

De forma parecida ao modelo Gama  $\eta$ -comum, é realizada a simulação de séries de precipitação do notório gerador de clima WGEN explicitado por Richadson e Wright (1984). O WGEN, na etapa relativa à geração estocástica diária, consiste em um modelo bipartido markoviano no qual os parâmetros variam mensalmente. Para o módulo de ocorrência é adotado uma cadeia de primeira ordem e para a modelagem de quantidade precipitada é utilizada a distribuição Gama com parâmetros distintos, dada a ocorrência de precipitação no dia anterior.

Sobre a realização de estimativas mensais de Woolhiser e Roldán (1982b) deve-se evidenciar que, em consonância com Woolhiser e Roldán (1982a), nem sempre são utilizadas janelas mensais para análise dos dados separadamente. Naquele caso foram empregadas, para descrever os parâmetros das alturas precipitações, séries de Fourier para incorporar a variabilidade intra-anual. Além disso, no que diz respeito à escolha da melhor distribuição teórica de probabilidades, a Exponencial Mista mostrou-se mais adequada.

Especificamente no contexto brasileiro, Detzel e Mine (2011), a partir de 11 estações no sudeste brasileiro, utilizaram o critério de Bayes, Akaike, o gráfico quantil-quantil e o teste de aderência de Filliben (FILLIBEN,1975 *apud* DETZEL e MINE, 2011) para realizar uma análise comparativa quanto às distribuições utilizadas no módulo de quantidade diária de precipitação. Para a comparação, recorreu-se à distribuição Exponencial com um parâmetro e dois parâmetros, a Gama e a Exponencial Mista. A distribuição Exponencial com dois parâmetros é ilustrada na Equação 3.32.

$$f_X(x) = \frac{1}{\theta} e^{-\left(\frac{x-\alpha}{\theta}\right)} \quad (3.32)$$

Os resultados obtidos são divergentes: no caso do gráfico quantil-quantil a distribuição Exponencial Mista apresenta melhores resultados; a distribuição Exponencial com dois parâmetros foi mais apropriada de acordo com os critérios de informação; já com base no teste de Filliben, houve um número reduzido de rejeições de todas as distribuições empregadas.

Em relação ao uso da distribuição de probabilidades Exponencial, Richardson e Wright (1984) destacam que apesar da Exponencial ter menos parâmetros, a distribuição Gama reproduz de forma mais adequada as alturas diárias de precipitação. Por outro lado, na maioria dos casos descritos nesta revisão bibliográfica, é possível notar uma concordância entre os autores acerca da adequabilidade da distribuição Exponencial Mista.

Apesar da predominância na geração estocástica, os modelos bipartidos apresentam alguns aspectos negativos. Um exemplo disto é o problema da *overdispersion* – variância mensal, sazonal ou anual das séries sintéticas, sistematicamente, inferior às observadas – como evidenciado por Katz e Parlange (1998), Wilks e Wilby (1999), Li *et al.* (2013) e Costa (2015).

Em relação ao exame da *overdispersion*, Katz e Parlange (1998) evidenciam que parte da variância da precipitação mensal do modelo é dependente da variância dos números de dias chuvosos em um dado mês. No caso das cadeias markovianas é expresso pela Equação 3.33.

$$Var [N (T)] \approx T . \pi (1 - \pi) . [(1 + d)/(1 - d)] \quad (3.33)$$

Onde  $T$  é o período de tempo analisado,  $Var [N (T)]$  corresponde a variância do número de dias chuvosos em um determinado período e tanto  $\pi$  quanto  $d$  são parâmetros das cadeias markovianas. A partir da Equação 3.33, a variância mensal nos modelos bipartidos markovianos pode ser calculada através da Equação 3.34

$$Var [S(T)] \approx T . \pi . \sigma^2 + Var [N(T)] . \mu^2 \quad (3.34)$$

Onde  $Var [S(T)]$  é a variância da precipitação no período  $T$ . Adicionalmente,  $\mu$  e  $\sigma^2$  são a média e a variância do módulo de quantidade precipitada do modelo, respectivamente. A Equação 3.35 explicitada por Wilks (1999), por sua vez, fornece uma quantificação do fenômeno estudado.

$$overdisp = \frac{Var [S(T)]_{obs}}{Var [S(T)]_{Mod}} - 1 \quad (3.35)$$

Katz e Parlange (1998) realizaram uma análise ampla nos geradores markovianos, abordando algumas alterações da modelagem proposta. O gerador estocástico tomado como base pelos autores consistia em: um módulo de ocorrência com CM de primeira ordem; e um módulo de quantidade precipitada que empregava a distribuição normal truncada para a produzir as alturas precipitadas no qual parâmetros são definidos mensalmente.

As variações analisadas naquele estudo consistiam na utilização de ordem superior das cadeias markovianas, de diferentes parâmetros condicionados à precipitação no dia anterior e da abordagem autoregressiva tanto para a ocorrência quanto para as alturas de precipitação. Deve-se ressaltar que a última modificação extrapola o conceito dos modelos bipartidos.

A partir das variações do modelo proposto, assim como suas combinações, com os dados históricos do estado da Califórnia (apenas o mês de janeiro), foi observado que a utilização de cadeias de Markov de ordem superior reduzia uma das fontes da variância ignorada pelos modelos: a variância no número de dias chuvosos nas cadeias markovianas. Além disso, a

utilização de distribuições condicionadas à ocorrência de precipitação dos dias precedentes também reduz a *overdispersion*.

Mesmo assim, Katz e Parlange (1998) evidenciam que os modelos, até mesmo os que possuem autocorrelação, apresentam uma maior diferença entre a variância mensal observada e simulada quando comparado com modelos bipartido simples condicionado a uma variável exógena (pressão no nível do mar em um ponto do Oceano Pacífico) realizado por Katz e Parlange (1993).

Wilks (1999) faz uma avaliação da *overdispersion* em relação às diversas variações nos modelos bipartidos, tanto para o módulo de quantidade quanto para o de ocorrência. O referido estudo é aplicado a 30 séries históricas de precipitação distribuídas ao longo do território dos Estados Unidos dividido em duas áreas (oeste e central/leste). Além disso, são utilizadas diversas variações dos modelos bipartidos: cadeias markovianas (1ª à 3ª ordem); cadeias híbridas (2ª à 4ª ordem); modelos de alternância com renovação (Binomial Negativa, Geométrica e Geométrica Mista); e distribuições distintas na modelagem de alturas precipitadas (Exponencial Mista, Gama e Gama  $\eta$ -comum).

A partir disso, o trabalho do autor anteriormente evidenciado revela sobre o módulo de ocorrência que:

- O uso de cadeias markovianas com maior complexidade para região oeste reduz, mas não elimina, o fenômeno da *overdispersion*. De maneira mais específica, o autor entende que o uso de CM de ordem superiores e híbridas se mostra mais adequado reduzindo a diferença entre desvio padrão observado e simulado e na modelagem de longas sequência de dias secos.
- No caso da região Central/Leste, para Wilks (1999), as cadeias de Markov de primeira ordem são aparentemente adequadas para a modelagem da ocorrência de precipitação. Contudo, algumas séries históricas apresentam uma variância menor quando comparada com as sintéticas, ou seja, ocorre a *underdispersion*. Por outro lado, os modelos com maior complexidade (cadeias markovianas de ordem superior e modelo de alternância com a binomial negativa) tendem a reduzir tal fenômeno. Neste sentido, o autor também indica que o ajuste da distribuição geométrica (intimamente ligado às

cadeias markovianas de primeira ordem) tendem a superestimar a probabilidade de sequências chuvosas mais longas.

- O uso de modelos de alternância com renovação, no caso da binomial negativa, apresentam resultados similares aos obtidos por cadeias markovianas híbridas e de ordem superior. O uso da distribuição Geométrica Mista reduz a *overdispersion*, mas para a região Central/Leste, a correção em relação a variância menor da série simulada não é verificada da mesma forma.

No caso do módulo de quantidade precipitada, Wilks (1999) – ao utilizar as distribuições Exponencial Mista, Gama  $\eta$ -comum e Gama – evidencia melhores resultados da primeira distribuição tanto em relação ao fenômeno de *overdispersion* (considerado pelo autor como uma “melhoria apreciável”) quanto para os valores extremos de quantidade de precipitação diária. Entretanto, em todos os módulos utilizados ainda é apontado um viés nas variâncias da precipitação diária, resultando em *overdispersion*. Já para o caso dos valores extremos, considerado pelo estudo as maiores precipitações observadas discriminadas mensalmente, as simuladas apresentam uma tendência de serem menores que as observadas.

Em relação ao sub-modelo Gama  $\eta$ -comum particularmente, deve-se destacar uma maior concordância das séries sintéticas com a histórica quando comparado com a distribuição Gama (e inferior em relação a Exponencial Mista), tanto em relação a *overdispersion* quanto para a análise de valores extremos.

Li *et al.* (2013), ao analisar a variância observada e simulada nos modelos bipartidos, utilizam apenas uma cadeia markoviana de segunda ordem na modelagem de ocorrência de precipitação e as distribuições Exponencial, Gama, Weibull, Normal Assimétrica, Exponencial Mista, e Híbrida Exponencial/Pareto para modelagem das alturas de precipitação. Neste estudo é observado que, na ordem anteriormente disposta das distribuições de probabilidades, a *overdispersion* é decrescente nas variações dos modelos bipartidos produzidos.

A partir de Katz e Parlange (1998), Wilks (1999), Li *et al.* (2013) identifica-se concordância implícita de que modelos com uma maior complexidade tendem a reduzir a diferença entre a variância observada e simulada, nas quais os modelos markovianos de estrutura simples (cadeia markoviana de primeira ordem unido a uma distribuição Gama) se mostram menos adequados. Ou seja, variações dos modelos bipartidos menos parcimoniosos podem gerar uma

melhoria na geração estocástica de precipitação a ponto de ser justificada a adição de novos parâmetros, seja na etapa de ocorrência, seja na de altura precipitada.

Em relação à origem do fenômeno da *overdispersion*, Wilks e Wilby (1999) sugerem que a causa mais plausível deste são as variações climáticas interanuais que, por sua vez, interferem de forma sistêmica nas propriedades estatísticas das precipitações. Desta forma, os geradores estocásticos usuais não conseguem capturar tal variabilidade climática, uma vez que o mecanismo destes geradores não foi produzido com esta finalidade.

Por outro lado, apesar do estudo de Grondona *et al.* (2000) tratar de um gerador bipartido condicionado a uma variável exógena (NIÑO 3), o autor observa que parte da variância mensal está intimamente ligada à *outliers* de altura de precipitação diária. Além do exemplo anterior, é possível observar, através do trabalho de Katz e Parlange (1998), que não há um consenso da origem da subestimação da variância mensal deste tipo de modelo, que pode ser atribuída a fatores como a modelagem de ocorrência, altura de precipitação ou a variações interanuais como sugerido por Wilks e Wilby (1999) e evidenciada pela primeira dupla de autores.

Costa (2015), além de apontar a dificuldade referente às variâncias mensais dos modelos bipartidos, cita outros problemas deste caso particular de geradores estocásticos de precipitação, a exemplo das alturas e ocorrências das séries sintéticas de precipitação serem independentes e igualmente distribuídas (i.i.d.) o que evidencia a incapacidade de produzir uma correlação entre as alturas de chuva em uma sequência de dias chuvosos. De forma diferente dos modelos bipartidos, os geradores que empregam matrizes de probabilidades de transição têm uma estrutura que possibilita produzir séries sintéticas de forma não independente entre os dias que ocorrem precipitação.

### **3.3.2 Modelos de matrizes de probabilidades de transição**

Os geradores com matrizes de probabilidade de transição (MPT) apresentam grande semelhança com os modelos bipartidos com cadeias de Markov. Como é possível perceber a partir de Haan *et al.* (1976) e Srikanthan e McMahon (1985), são modelos que também empregam cadeias markovianas. Diferentemente dos modelos bipartidos, tais cadeias possuem estados múltiplos (superior a dois), nos quais apenas um estado é referente à ocorrência do dia seco e os demais são relativos aos dias chuvosos.



A pluralidade de estados para os dias com ocorrência de precipitação tem como objetivo determinar faixas de valores de quantidade precipitada, sendo, comumente, o último estado modelado por meio de uma distribuição teórica de probabilidades. A maior dificuldade relacionada a este tipo de modelo é definir o limite entre os estados intermediários de quantidade precipitada. Por outro lado, ao compará-los com os modelos bipartidos, percebe-se que a modelagem dos valores de quantidade precipitada é feita de forma mais precisa quanto aos valores intermediários (COSTA, 2015).

Inicialmente, Haan *et al.* (1976) propôs um modelo de matrizes de probabilidades de transição (MPT) com 7 estados para cada mês, no qual os estados chuvosos eram modelados por uma distribuição uniforme, exceto o estado referente aos maiores valores de altura precipitada, que era modelado a partir de uma distribuição Exponencial. A divisão das faixas de valores no presente caso pode ser observada a partir da Tabela 3.1.

Como pode ser observado na Tabela 3.1, o limite inferior do estado 2, utilizado para modelar as precipitações menos intensas, é de 0,01 de polegada (aproximadamente 0,25 mm), que por sua vez, é o menor valor de registro das séries das estações pluviométricas utilizadas no estudo. Tal fato é entendido como consequência do sistema de unidades utilizado na localidade, conforme observado em outros casos à exemplo de Brissete *et al.* (2007) no Canadá e Katz (1977) nos Estados Unidos.

**Tabela 3.1** – Estados das cadeias markovianas em Kentucky – Estados Unidos.

Estados	Altura Precipitada (mm)
1	Sem precipitação
2	[0,25; 0,8)
3	[0,8; 1,8)
4	[1,8; 3,8)
5	[3,8; 7,9)
6	[7,9; 16,0)
7	[16,0; $\infty$ )

Fonte: Adaptado de Haan *et al.* (1976).

Ainda sobre o estudo realizado por Haan *et al.* (1976), vale notar que, para o estado 7, modelado via distribuição Exponencial, os valores do último estado de todos os meses foram agrupados devido a pequena quantidade de dados. Por consequência, para modelar as precipitações ao longo do ano na última faixa de valores de altura precipitada foi utilizado um mesmo parâmetro da distribuição Exponencial para todos os meses.

Srikanthan e McMahon (1985 *apud* Srikanthan e McMahon 2000) realizaram um modelo de MPT similar ao realizado por Haan *et al.* (1976) com algumas adaptações. Para os estados intermediários foram utilizadas distribuições lineares e, no caso do último estado, aquele que engloba as precipitações limitadas somente à esquerda, foi utilizada uma transformação Box-Cox. Além disso, os autores realizaram variações no tamanho da matriz de probabilidades de transição de cada mês com o propósito de obter uma maior quantidade de observações para estimar os parâmetros de modelagem da altura precipitada do último estado.

O modelo MPT realizado por Boughton e Hill (1997), aplicado no estudo de enchentes na bacia de Boggy Creek, Austrália, possui grande semelhança com o realizado por Srikanthan e McMahon (1985, *apud* Srikanthan e McMahon 2000), à exceção do emprego da distribuição log-Boughton no último estado. Em relação ao modelo realizado, é pertinente considerar que, ao seguir a metodologia proposta pelo segundo grupo de autores, fora utilizado apenas 6 estados para cada mês, como pode ser observado na Tabela 3.2.

**Tabela 3.2** – Estados das cadeias markovianas em Boggy Creek – Austrália.

Estado	Altura precipitada (mm)
1	zero
2	(0; 0,9]
3	(0,9; 2,9]
4	(2,9; 6,9]
5	(6,9; 14,9]
6	(14,9; ∞)

Fonte: Adaptado de Boughton e Hill (1997).

Apesar disso, o modelo se mostrou ineficiente para a análise de secas, uma vez que não foram gerados anos mais secos do que os dados observados. Adicionalmente, nota-se as séries sintéticas subestimam a variância da precipitação anual. Posteriormente, em decorrência da deficiência do modelo de Boughton e Hill (1997), Boughton (1999) propõe um fator de correção empírico a fim de retificar a variância dos valores de precipitações anuais.

Mesmo não sendo evidenciado de forma explícita em Boughton (1999), é possível observar, em relação ao gerador estocástico proposto por Boughton e Hill (1997), a ocorrência da *overdispersion* para a variância anual. Entretanto, é necessário ressaltar que não há uma análise relativa as variâncias das precipitações de cada mês.

A partir da Tabela 3.1 e Tabela 3.2, nota-se que tanto em Boughton e Hill (1997) quanto em Haan *et al.* (1976), foram utilizados diferentes limiares. Em ambos os estudos, percebe-se a

inexistência de definição, de forma objetiva, da escolha destes limites, bem como do número de estados. Desta forma, evidencia-se um dos principais empecilhos deste tipo de modelagem.

No contexto brasileiro, os modelos de matrizes de probabilidade de transição foram empregados em estudos como os de Lima (2004), Gontijo (2007) e Costa (2015). Nos dois primeiros casos foram aplicadas a modelagem proposta por Boughton (1999) para estimação de indiretas de quantis de vazão e para avaliação das relações entre enchentes raras e precipitações, respectivamente.

Costa (2015), diferentemente dos casos anteriores, estabeleceu um modelo no qual a ocorrência de precipitação era simulada por meio de matrizes de probabilidade de transições com 3 estados: ausência de precipitação; precipitações leves a moderadas; e severas. No caso das precipitações severas, a modelagem era realizada a partir de uma distribuição teórica de probabilidades superiormente limitadas. Para as precipitações leves e moderadas, foram aplicadas técnicas de reamostragem que será explanada no tópico seguinte.

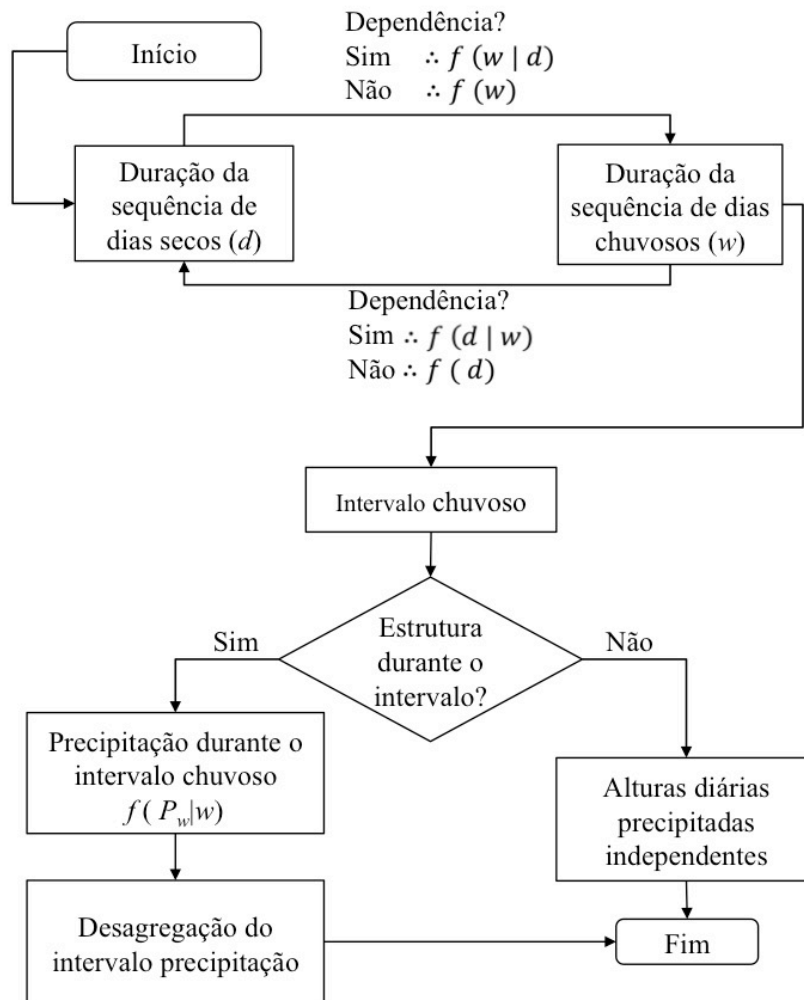
### **3.3.3 Modelos de reamostragem**

Segundo Haberlandt *et al.* (2011), os modelos de reamostragem são aqueles que fazem pequenas suposições sobre as propriedades de distribuição dos dados observados, ou sobre a forma paramétrica do modelo a ser introduzido. Os geradores estocásticos inseridos no grupo dos modelos de reamostragem usualmente empregam as técnicas de reamostragem do k-ésimo vizinho mais próximo (*k-nearest neighbor bootstrap*) como nos estudos de Lall e Sharma (1999), Buishand e Brandsma (2001) e Rajagopalan e Lall (1999) ou, como no caso Lall *et al.* (1996) e Rajagopalan *et al.* (1996), estimadores de núcleo (*kernel density estimators*).

Os estimadores de núcleo são uma forma não paramétrica para estimar funções de densidade de probabilidade, intimamente relacionada com histogramas, aplicável tanto para os casos multi-localidades como os pontuais. Lall *et al.* (1996) aplicaram os estimadores de núcleo, tanto para a ocorrência de precipitações quanto para as alturas precipitadas, obtendo bons resultados para ambos quando comparado com a série observada.

O gerador estocástico proposto consiste na modelagem da ocorrência via processos de alternância com renovação e na simulação das alturas precipitadas ambas baseadas nas estimativas das funções densidade (massa) de probabilidades através dos estimadores de núcleo. Cabe referenciar, no trabalho evidenciado, a possibilidade da existência de estruturas

de dependência tanto entre as sequências de dias chuvosos ( $w$ ) e secos ( $d$ ) quanto para as alturas precipitadas durante entre dias chuvosos inseridos em uma mesma sequência ( $P_w$ ). A estrutura do gerador discutido é demonstrada pelo fluxograma na Figura 3.2.



**Figura 3.2** – Estrutura do gerador de precipitação proposto por Lall *et al.* (1996).  
 Fonte: Adaptado de Lall *et al.* (1996).

Lall *et al.* (1996), ao aplicarem o estudo para uma estação pluviométrica na cidade de Salt Lake City, no estado de Utah, nos Estados Unidos, notam que tanto para as alturas de precipitações, quanto para as sequências de dias chuvosos/secos são simuladas adequadamente. Além disso, os autores concluem que a estrutura do modelo proposto é flexível e robusta para aplicações em diferentes regiões com suas respectivas condições. Por outro lado, observam as seguintes desvantagens: a extrapolação dos dados observados, ainda que seja possível, é limitada; e a quantidade de dados observados para a modelagem

estocástica deve ser preferencialmente superior quando comparada com os geradores paramétricos.

Apesar de utilizarem os estimadores de núcleo, Rajagopalan *et al.* (1996) propuseram uma metodologia diferente da indicada por Lall *et al.* (1996). Ao invés de uma modelagem da ocorrência de precipitação por meio de processos de alternância com renovação, os primeiros utilizaram cadeias markovianas de primeira ordem na qual as probabilidades de transições variam ao longo de todos os dias no ano. Para a realização da estimação dos parâmetros da cadeia markoviana são aplicados os estimadores de núcleo. Da mesma forma, ocorre com a produção das alturas de precipitação, utiliza janelas móveis (*moving window*) que consiste em analisar a série a partir de um período definido centrado no dia de interesse da modelagem para a posterior reamostragem, a fim de incorporar a sazonalidade da série histórica.

A aplicação a uma estação pluviométrica em Salt Lake City evidencia que as características das sequências de dias seguidos secos/chuvosos foram bem reproduzidas. Neste sentido, o uso de estimadores de núcleo é uma aplicação atraente quando utilizada na produção de séries sintéticas de precipitação, primeiramente devido à flexibilidade da estrutura do modelo como visto em Lall *et al.* (1996) e Rajagopalan *et al.* (1996). Além disso, a preocupação em relação a parcimônia do modelo a ser proposto torna-se uma questão secundária, permitindo assim a inserção algumas estruturas de dependência no processo de precipitação.

Nos modelos de reamostragem, além dos estimadores de núcleo, temos os geradores que empregam a técnica k-ésimo vizinho mais próximo. Segundo Haberlandt *et al.* (2011), a realização da reamostragem da variável a ser modelada é realizada por meio da distância entre vetores das características desejáveis a serem reproduzidas nas séries sintéticas. São exemplos destas características as alturas precipitadas nos dias anteriores ou até mesmo índices de circulação atmosférica ou temperatura.

Sharma e Lall (1999), utilizando o k-ésimo vizinho mais próximo, desenvolveram um modelo de processos de alternância com renovação para geração de séries sintéticas por meio do qual as sequências de dias secos (chuvosos) eram condicionadas as sequências anteriores de dias chuvosos (secos). A reamostragem de quantidade precipitada era realizada separadamente para cada dia e condicionada a partir de três condições: o tamanho da sequência atual de dias chuvosos, o número de dias precedentes e a altura precipitada no dia anterior. Com o intuito de incorporar a variabilidade anual, a reamostragem era baseada em janelas móveis de 60

dias. Como resultado, os autores relataram que o método proposto reproduzia de forma precisa diversas características da série histórica de precipitação como média, variância, assimetria e autocorrelação.

Rajagoplan e Lall (1999) também utilizam k-ésimo vizinho mais próximo com a abordagem das janelas móveis, mas, diferentemente do estudo anterior, eram simuladas outras variáveis além da precipitação (temperatura máxima e mínima, radiação solar, temperatura média de ponto de orvalho e velocidade média do vento).

Harrold *et al.* (2004a, 2004b), apesar de partirem de um modelo de maior complexidade, evidenciam a possibilidade de uso de ambas as técnicas anteriormente discutidas, k-ésimo vizinho mais próximo e estimadores de núcleo, em diferentes etapas da geração de séries sintéticas de precipitação (ocorrência e quantidade de precipitação, respectivamente). Além disso, naquele trabalho é ratificada a possibilidade de condicionamento a características em diferentes escalas de tempo da própria precipitação (como a escala interanual). Os resultados obtidos mostram que o modelo produzido é capaz de reproduzir características da série de precipitação original, tanto a nível diário quanto para escalas temporais maiores.

Costa (2015), por sua vez, utiliza um modelo híbrido de probabilidades de transição, que envolvia as precipitações: leves e moderadas; e extremas. Onde a simulação das precipitações moderadas e leves é realizada por meio de uma reamostragem simples a partir de uma janela móvel e as extremas por uma distribuição limitada superiormente. Por fim, para as regiões analisadas, o modelo proposto se mostrou capaz de reproduzir as características mensais de precipitação e fornecer uma extrapolação de dados uma vez que, para as precipitações extremas optou-se pelas distribuições teóricas de probabilidade.

Em resumo, as técnicas de reamostragem, em geral, são de grande vantagem por realizarem pequenas suposições relativas à propriedade da distribuição dos dados observados e da estrutura de dependência. Decorrente disso, tais modelos são consideravelmente mais flexíveis quando comparados com a modelagem paramétrica. Por fim, cabe ressaltar que os modelos estocásticos de precipitação, que empregam tais técnicas, têm uma capacidade singular de reproduzir propriedades estatísticas desejadas das séries históricas nas sintéticas.

Por outro lado, Srikanthan e McMahon (2000) evidenciam que os modelos de reamostragem apresentam duas principais limitações. A primeira refere-se à possibilidade de extrapolação

nos valores observados: se, ao utilizar a técnica do k-ésimo vizinho mais próximo, os valores da série sintética não excedem os observados, o uso de estimadores de núcleo, por sua vez, apresenta limitações na produção de valores superiores aos dados históricos. A segunda limitação diz respeito ao tamanho da amostra para este tipo de modelagem. Por fim, em ambos os casos, é desejável uma amostra com tamanho superior quando comparada a modelagem paramétrica (SRIKANTHAN E MCMAHON, 2000). Diferentemente da natureza não paramétrica das técnicas de reamostragem, temos os modelos de séries temporais.

### 3.3.4 Séries temporais

Apesar de não haver uma definição precisa na tipologia deste tipo de geradores estocásticos de precipitação, entende-se que a modelagem via séries temporais é limitada a modelos auto-regressivos com pequenas modificações. Neste caso, tanto a quantidade precipitada quanto a ocorrência de precipitação são modeladas de forma atrelada. Para isso, utiliza-se apenas uma distribuição normal truncada para produzir as alturas de chuva, unido a transformação desta variável aleatória com a finalidade de reproduzir a assimetria dos volumes diários precipitados.

Apesar de serem de fácil de interpretação, segundo Haberlandt *et al.* (2011) os modelos auto-regressivos não são prontamente aplicáveis quando são observadas descontinuidades nos dados históricos. Os principais trabalhos sobre este tipo de modelagem são Bárdossy e Plate (1992) e Huchthinson (1995), nos quais são utilizados modelos auto-regressivos de primeira ordem.

Huchthinson (1995) analisa a modelagem de séries temporais com distribuições normais truncadas na qual a autocorrelação de primeira ordem é determinada a partir da ocorrência condicionada de dias sem precipitação. Para o modelo proposto, é observado que esta metodologia superestima a autocorrelação entre dias com precipitação. O autor conclui, no que se refere a parametrização, que a simplicidade do modelo o torna promissor para aplicações como interpolação espacial e em cenários de mudanças climáticas.

Bárdossy e Plate (1992), de forma semelhante a Huchthinson (1995), propuseram um gerador estocástico multi-localidades do tipo séries temporais a partir do truncamento da normal. Por outro lado, o trabalho realiza o condicionamento do gerador a padrões da circulação atmosférica. Por se tratar de um modelo condicionado, este estudo será melhor discutido no seguinte tópico que aborda este tipo específico de gerador.

### **3.4 Geradores estocásticos de precipitação condicionados**

A utilização de modelos condicionados possui diversas motivações. Dentre as quais se destaca a reprodução de características importante das precipitações como é o caso das variações interanuais, por meio da associação com outras variáveis. Nos casos dos modelos bipartidos, estudos como Katz e Parlange (1993) e Grondona *et al.* (2000) evidenciam também uma melhoria no desempenho das propriedades estatísticas da série sintética quando comparada com a observada.

No estudo de Grondona *et al.* (2000), foram geradas séries sintéticas, por meio de um modelo bipartido, a partir de seis estações pluviométricas localizadas entre o Uruguai e Argentina para cada fase ENOS separadamente. Naquele caso, foi utilizado uma cadeia markoviana de primeira ordem e a distribuição Gama para a produção das séries sintéticas condicionadas. Com base no critério de informação de Akaike (AIC), o modelo condicionado ou parcialmente condicionado foi comparado com um modelo bipartido simples.

Para os resultados gerados a partir do AIC, a adição de novas variáveis na modelagem se mostrou competitivo quando comparada com a geração estocástica mais simples. Por outro lado, no estudo realizado por Grondona *et al.* (2000) verificaram que o condicionamento as fases ENOS produziu, ainda que insuficiente, uma melhora na dispersão dos dados de quantidade precipita mensal.

Katz e Parlange (1993) propuseram um modelo bipartido condicionado para diversas estações pluviométricas localizados no estado da Califórnia nos Estados Unidos para apenas o mês de janeiro. Neste modelo optou-se por uma cadeia markoviana de primeira ordem para simulação da ocorrência de precipitação. Já para modelar as alturas precipitadas, foi utilizada a transformação de Box-Cox para posterior utilização da distribuição normal.

O condicionamento, por sua vez, permitia que os parâmetros deste modelo fossem alterados de acordo com a pressão no nível do mar ( $40^{\circ}$  N e  $130^{\circ}$  W) localizado no Oceano Pacífico, na costa californiana. Consequentemente, a partir dos dados observados foram estimados diferentes parâmetros para os casos em que a pressão observada fosse inferior ou superior à média mensal em janeiro. Os resultados expostos por Katz e Parlange (1993) evidenciam que o condicionamento proposto reduz a *overdispersion* observada neste tipo específico de modelagem.



De forma semelhante a Grondona *et al.* (2000), Baú (2012) propõe um gerador bipartido no qual a série dos anos definidos como fase quente, neutra e fria do ENOS é a variável exógena que condiciona o modelo aplicado a uma bacia hidrográfica localizada no extremo oeste paranaense. O autor conclui que há uma grande influência nas precipitações na referida bacia em função das diferentes fases do ENOS discretizadas anualmente.

Outro estudo que envolve modelos bipartidos condicionados é aquele realizado por Moreno-Pérez *et al.* (2014) para os dados de precipitação no sudoeste da Espanha. Neste trabalho em particular, são analisados os efeitos da perturbação – utilizando o índice de oscilação do Atlântico Norte, NAO, que influencia as precipitações na Europa – nos parâmetros de um modelo bipartido que utiliza uma cadeia markoviana de segunda ordem no módulo de ocorrência e uma distribuição Exponencial Mista para modelar as alturas de precipitação.

Diferentemente dos outros casos explicitados, foram aplicadas séries de Fourier aos parâmetros, para incorporar a sazonalidade da precipitação. Adicionalmente, neste trabalho diz respeito ao condicionamento, a precipitação é condicionada ao índice NAO mensal. Para comparação com a modelagem anterior, é realizado um modelo semelhante ao explanado com a ausência de condicionamento.

Os resultados apresentados por Moreno-Pérez *et al.* (2014) evidenciam que a metodologia empregada detecta de forma consistente a influência do NAO, tanto no módulo de ocorrência quanto no de quantidade precipitada. Entretanto, é notado que tanto no modelo com o condicionamento quanto no sem condicionamento, o coeficiente de variação anual da precipitação é subestimado. Por isso, os autores sugerem que as causas deste problema são uma possível limitação do modelo markoviano empregado, ou das séries de Fourier em representar os parâmetros adequadamente, ou até mesmo a união de ambas situações anteriormente evidenciadas.

Além de Moreno-Pérez *et al.* (2014), Vergni *et al.* (2015) também realizam um modelo bipartido condicionado ao NAO (cadeia markoviana de primeira ordem e distribuição Weibull com dois parâmetros) para o inverno na região central da Itália. A partir disso, as séries sintéticas do gerador estocástico de precipitações proposto foram utilizadas em um modelo chuva-vazão. Os autores, conseqüentemente, concluem que a variável que condiciona o modelo interfere de forma relevante nas propriedades da precipitação diária. Por isso, o índice de Oscilação Atlântico Norte deve ser considerado nos modelos estocásticos da região com

objetivo de torná-la mais confiável, assim como, obter uma interpretação mais adequada relativa aos processos hidrológicos.

Diferentemente dos trabalhos discutidos anteriormente, Bárdossy e Plate (1992) concebem um modelo auto-regressivo de primeira ordem condicionado à padrões de circulação atmosférica no qual a precipitação é simulada por meio da distribuição normal truncada. Segundo os autores, além de reproduzir a estatísticas da precipitação, o modelo proposto tem a capacidade de produzir séries de precipitação não estacionárias aplicado a estudos de mudanças climáticas.

Como observado neste subcapítulo, grande parte dos modelos condicionados às variáveis exógenas são baseados em índices climáticos ligados a precipitação para a região de interesse. Por isso, o tópico seguinte trata da precipitação no sul do Brasil contemplando as variações anuais e suas relações com índices climáticos.

### **3.5 A Precipitação na região sul e variações interanuais**

Bertoni e Tucci (2012), definem a precipitação como um conceito amplo que abrange a transferência de água, no estado líquido ou sólido, da atmosfera para superfície terrestre a exemplo do granizo, chuva, geada e neve. A ocorrência deste fenômeno envolve diversos processos físicos como a formação do vapor d'água, a suspensão das massas de ar e o processo de condensação do vapor d'água. Segundo Chow *et al.* (1988) é a partir da suspensão da massa de ar que, usualmente, os processos precipitação são caracterizados, e a partir disso, conforme Viessman e Lewis (1996), pode ser classificado em três grupos: precipitações ciclônicas; convectivas; e orográficas.

A classificação das precipitações como ciclônicas é proveniente do deslocamento das massas de ar de uma região de alta pressão para regiões de baixa pressão e pode ser subdividida em frontais e não frontais. Segundo Viessman e Lewis (1996), as chuvas frontais são provenientes da elevação de massas de ar quente devido ao encontro com uma massa de ar fria. A partir desta elevação, verifica-se o resfriamento adiabático da mistura ar-água que, por sua vez, leva à formação das nuvens e a precipitação.

Já as precipitações ciclônicas não frontais ocorrem a partir da convergência horizontal das massas de ar para uma localidade de baixa pressão e posterior elevação. Segundo Reddy (2005), os eventos de chuva ciclônica apresentam longa duração, entre 24 e 72h. Nas

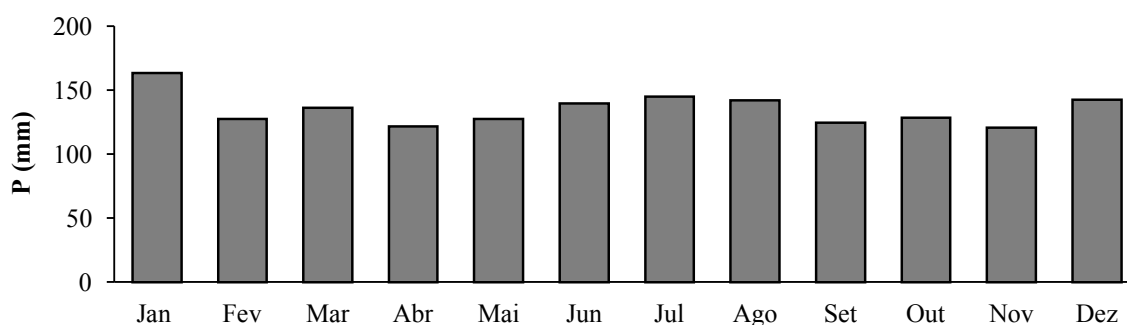
precipitações frontais a intensidade é moderada. Contudo, as precipitações ciclônicas não frontais de origem tropical podem produzir alturas acumuladas de até 375mm entre 12 e 24h. Para ambos os tipos de precipitação ciclônica, os eventos são notadamente conhecidos por abranger grandes áreas.

Já as precipitações convectivas ocorrem a partir da elevação das massas de ar com maior temperatura em relação às vizinhas devido à menor densidade da massa mais aquecida. Com a elevação, o ar resfria, se eleva e forma a precipitação. Os eventos de precipitação convectiva se caracterizam, comumente, pela curta duração e ocorrência em pequenas áreas (VIESSMAN E LEWIS, 1996). Além disso, este tipo de precipitação também pode apresentar uma intensidade extremamente elevada como comentado por Reddy (2005).

Por último, as precipitações orográficas são caracterizadas pela ascensão de massas de ar motivada por barreiras geográficas. Segundo Subramanya (2013), a declividade da barreira geográfica é um fator relevante para a intensidade da precipitação, pequenas declividades tendem a gerar precipitações menos intensas quando comparadas com uma declividade acentuada.

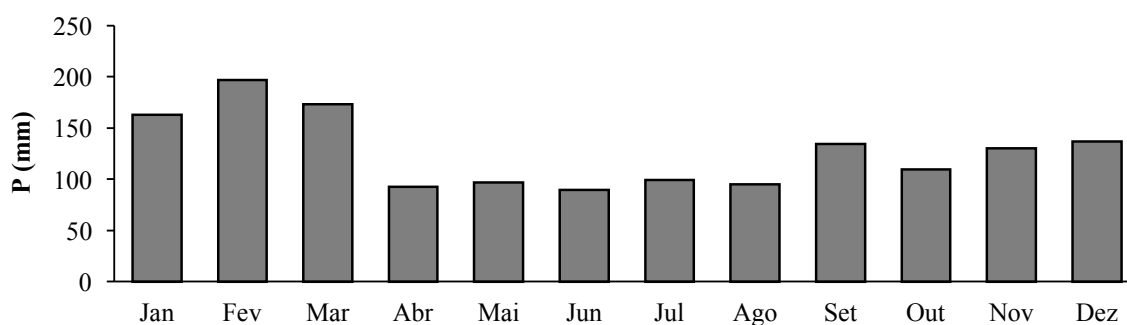
Como pode ser observado, por meio da caracterização dos tipos de eventos, a precipitação apresenta variações temporais e espaciais consideráveis em função apenas do tipo de evento. No caso específico das variações intra-anuais da região sul, Nimer (1971) nota que as precipitações acumuladas são bem distribuídas ao longo dos meses, impossibilitando a definição de estações secas. Neste sentido, a Figura 3.3 corrobora a observação anteriormente realizada, por meio das normais de precipitação acumulada mensal (1961–1990) da estação meteorológica Santa Maria localizada na cidade homônima no estado do Rio Grande do Sul, código 83936, na mesorregião Centro Ocidental Rio-Grandense.

Rojahn (2004) menciona que a principal causa de precipitações na região sul ao longo do ano, devido sua localização, são os sistemas frontais com predominância entre abril e setembro. Entretanto, podem ser evidenciados outros sistemas que atuam na localidade, como é o caso dos sistemas convectivos entre os meses de outubro e março. Por isso, apesar da baixa variabilidade das normais de precipitação mensal, por meio da caracterização dos seus tipos através da ascensão das massas de ar, entende-se que ainda há uma variação relevante no que diz respeito às características da precipitação ao longo do ano.



**Figura 3.3** – Normais de precipitação acumulada na estação meteorológica Santa Maria.  
Fonte: Instituto Nacional de Meteorologia, INMET, (2015).

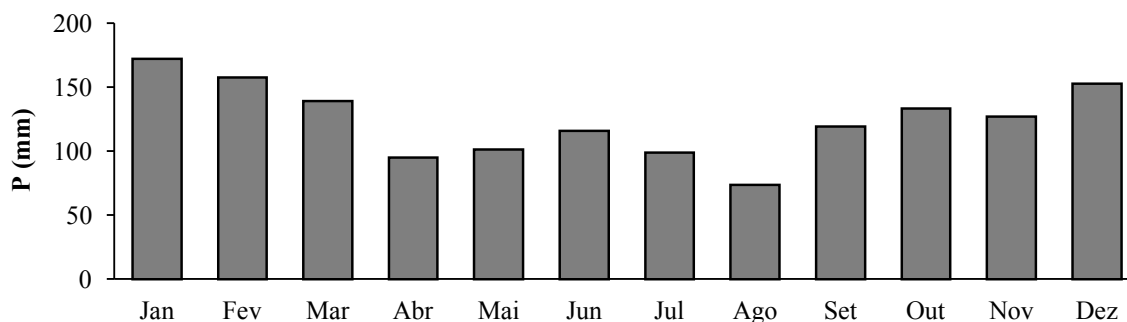
Apesar da consideração realizada por Nimer (1971), é importante notar que a região apresenta variações intra-anuais ao longo do território. Por consequência, é possível evidenciar uma variação mais acentuada em diferentes localidades no Sul do Brasil, a exemplo da Figura 3.4 e Figura 3.5, normais de precipitação mensal em Florianópolis – SC (cód. 83897) e Curitiba – PR (cód. 83842), respectivamente.



**Figura 3.4** – Normais de precipitação acumulada na estação meteorológica Florianópolis.  
Fonte: INMET (2015).

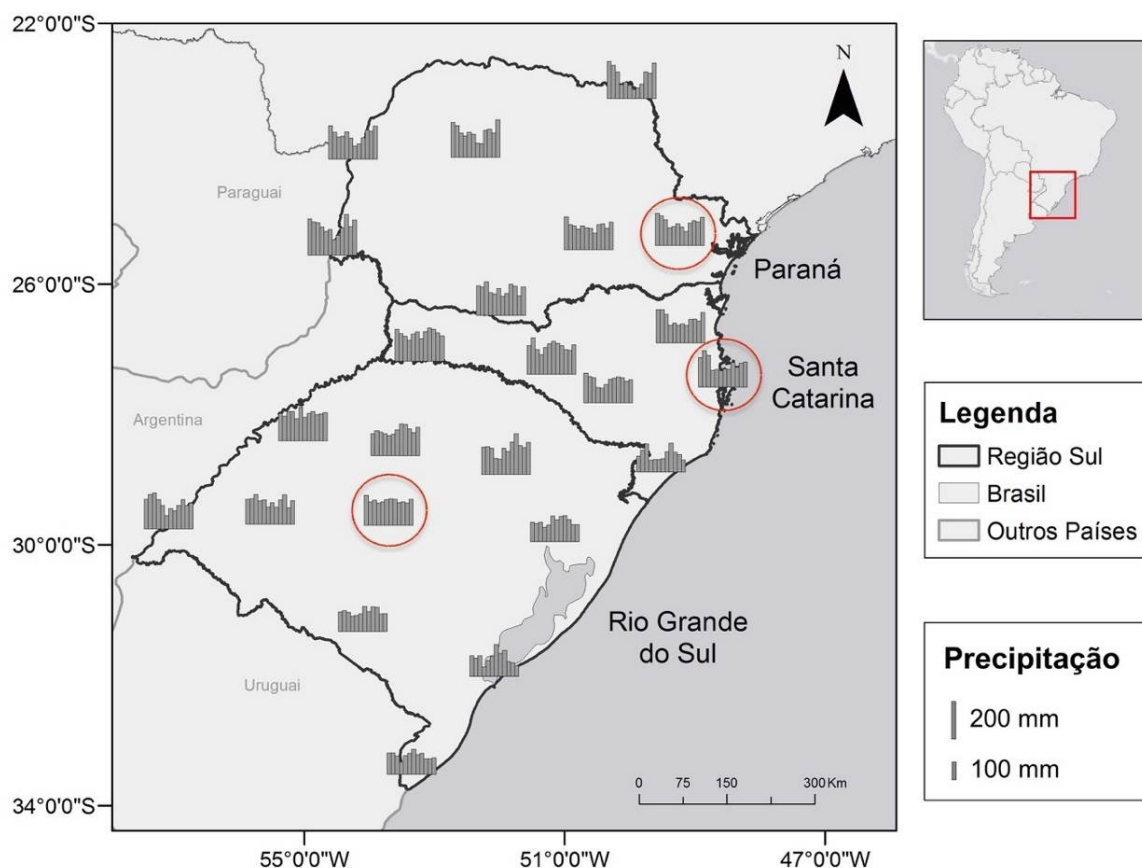
A partir da Figura 3.4, que evidencia as normais de precipitação na região costeira do estado de Santa Catarina, localizado na cidade de Florianópolis, observa-se uma maior variabilidade entre as normais, com uma maior precipitação acumulada mensal entre os meses de setembro e março.

Já a partir das normais mensais da estação meteorológica localizada em Curitiba – PR (Figura 3.5), verifica-se uma estação com menores valores de precipitação mensal definida entre os meses de março e setembro. Neste sentido, apesar de existir uma menor diferença entre variações intra-anuais de precipitação na região sul, quando comparada a outras como no caso do nordeste e sudeste, é possível estabelecer para parte da região estudada uma estação menos chuvosa, como no caso da estação meteorológica de Curitiba.



**Figura 3.5** – Normais de precipitação acumulada na estação meteorológica Curitiba.  
Fonte: INMET (2015).

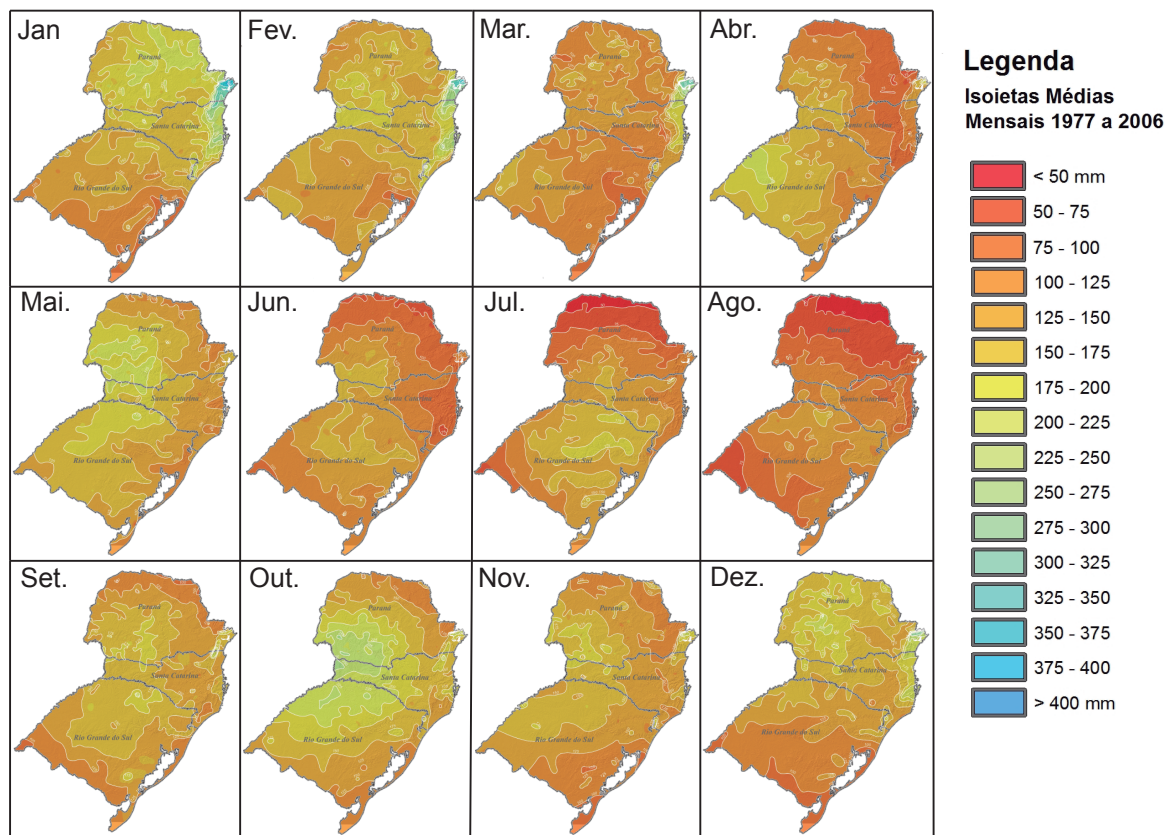
Por fim, a partir da Figura 3.6 na qual são indicadas as normais de precipitação mensal de 23 estações meteorológicas espalhadas ao longo do território da região sul, sendo que aquelas anteriormente evidenciadas estão circuladas em vermelho.



**Figura 3.6** – Normais de precipitação mensal na região sul do Brasil.  
Fonte: adaptado de INMET (2015).

Na Figura 3.6 é evidenciada uma variabilidade crescente, ao passo que as estações meteorológicas estão mais a norte. Sob tal perspectiva, é possível notar que o estado do Paraná, na maioria das localidades evidenciadas, apresenta uma maior variabilidade mensal

nas normais de precipitação quando comparado com os estados de Santa Catarina e Rio Grande do Sul. Em concordância com a Figura 3.6, a Figura 3.7 demonstra a variação das isoietas mensais ao longo da região de interesse.

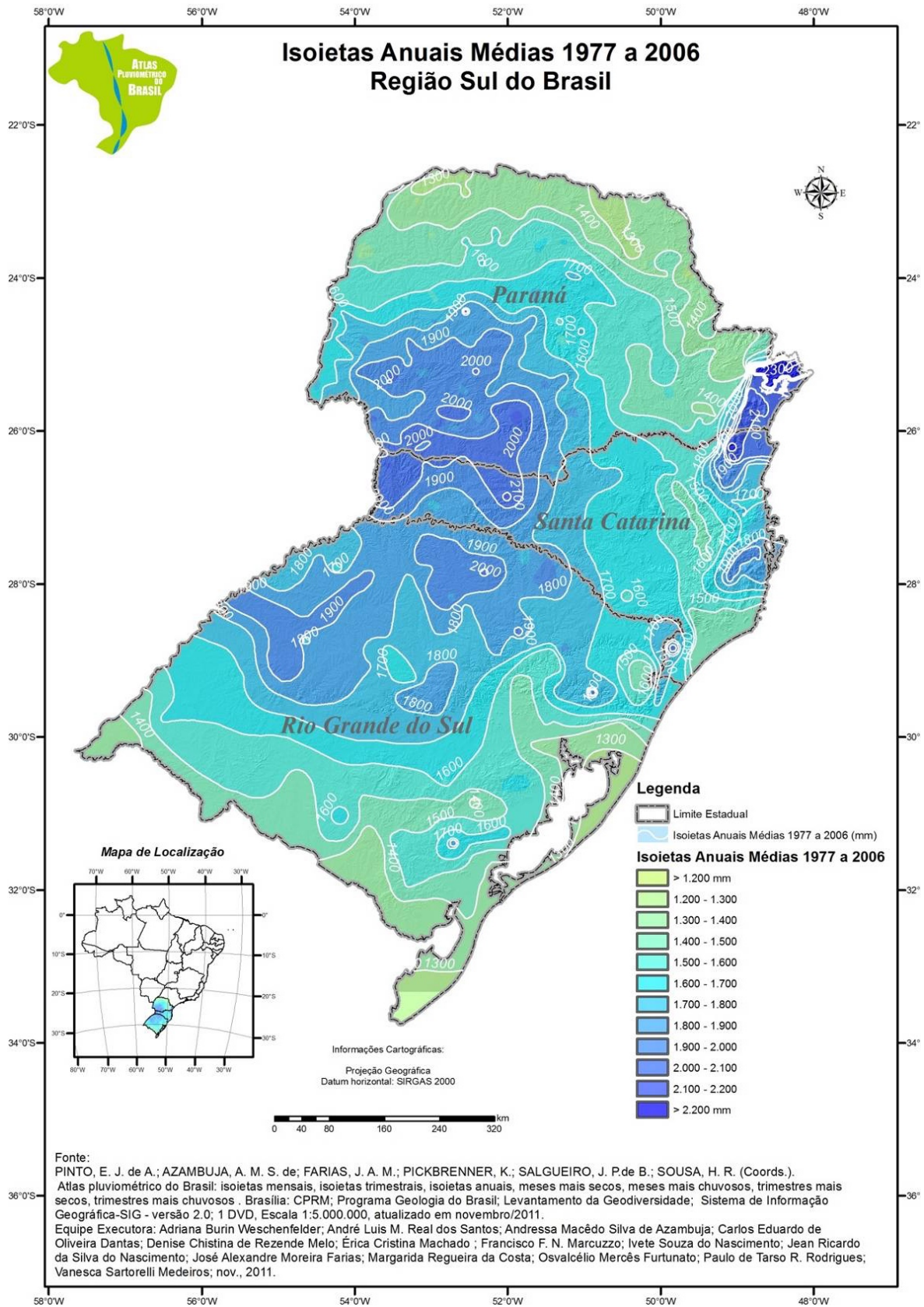


**Figura 3.7** – Isoietas mensais médias da região sul (1977–2006).

Fonte: adaptado de CPRM (2011).

Por meio da Figura 3.7 – com exceção do nordeste do Paraná onde a precipitação ultrapassa em média o valor de 350 mm no mês de janeiro (colorido em azul) e no norte paranaense onde em agosto a precipitação é inferior a 50 mm (vermelho intenso) – é observada a baixa heterogeneidade das precipitações mensais. No que diz respeito às isoietas anuais, há uma homogeneidade ainda mais considerável sendo grande parte da região sul com precipitações médias entre 1400 e 1900 mm, como evidenciado na Figura 3.8.

Ainda no que se refere a precipitação na área de estudo é importante ressaltar que tal revisão sobre este tema tem como função compreender, de forma abrangente, as características principais das chuvas e sua distribuição ao longo do ano. Desta forma, não foram examinadas características particulares de cada sub-região do sul brasileiro de forma incisiva.



**Figura 3.8** – Isoietas anuais médias da região sul (1977–2006).

Fonte: CPRM (2011).

Além das variações ao longo do ano, e apesar de não ser comumente tratada nos geradores estocásticos de precipitação, as séries temporais apresentam variações interanuais. Neste aspecto, tais variações costumam ser associadas às mudanças nos padrões de circulação atmosférica (PINTO, 2005).

As alterações nos padrões de circulação atmosférica podem provocar mudanças significativas em variáveis climáticas como a precipitação. Por consequência, em diversas ocasiões são notadas correlações entre índices climáticos e a precipitação. Desta forma, ao considerar a relevância desta variável para diversas áreas de conhecimento, a relação entre a precipitação e indicadores climáticos é um tema muito abordado na literatura científica.

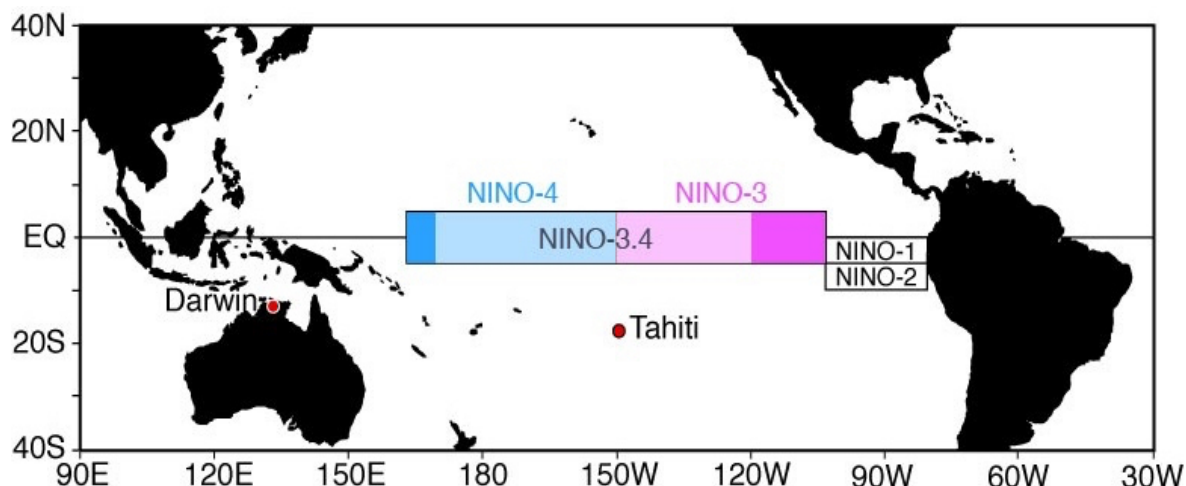
Entre as mudanças nos padrões de circulação atmosférica, merece destaque o El Niño – Oscilação Sul. O ENOS é um fenômeno de alterações de temperatura nas águas da superfície, associado a variações na pressão atmosférica nas regiões equatoriais do Oceano Pacífico que interfere indiretamente na circulação atmosférica global e consequentemente nas séries temporais de variáveis climáticas, incluindo a precipitação.

### **3.5.1 Teleconexões El Niño – Oscilação Sul**

Segundo Trenberth (1997), o fenômeno El Niño, cujo nome faz alusão ao nascimento de Jesus Cristo, se referia inicialmente ao aumento de temperatura do mar na costa do Peru e Equador próximo ao fim de ano. Com o passar do tempo, o fenômeno passou a ser associado ao aquecimento anômalo muito mais amplo na superfície do oceano Pacífico. Além do aquecimento anormal das águas do oceano, há também a componente atmosférica, a oscilação sul, que constituem um conceito mais recente do El Niño cunhado como El Niño – Oscilação Sul.

Por ser um fenômeno com consequências globais, o ENOS tem uma análise bem detalhada na literatura. Este cotejo é realizado a partir de alguns índices que, em sua maioria, empregam o sensoriamento remoto a partir de satélites e observações locais para estimar a temperatura na superfície do mar. Excluindo apenas o Índice de Oscilação Sul (IOS), que é baseado nas anomalias de pressão em Darwin-AUS e no Taiti, os outros principais indicadores do ENOS são as anomalias de temperatura na superfície do mar (ATSM) NIÑO 1, NIÑO 2, NIÑO 3, NIÑO 3.4 e NIÑO 4 no Oceano Pacífico. A Figura 3.9 apresenta as regiões NIÑO e os locais para o cálculo das anomalias de pressão utilizados para o cálculo do IOS ambos ligadas ao fenômeno ENOS.





**Figura 3.9** – Regiões NIÑO e Índice Oscilação Sul.

Fonte: *Department of Atmospheric and Oceanic Sciences – UCLA* (2015).

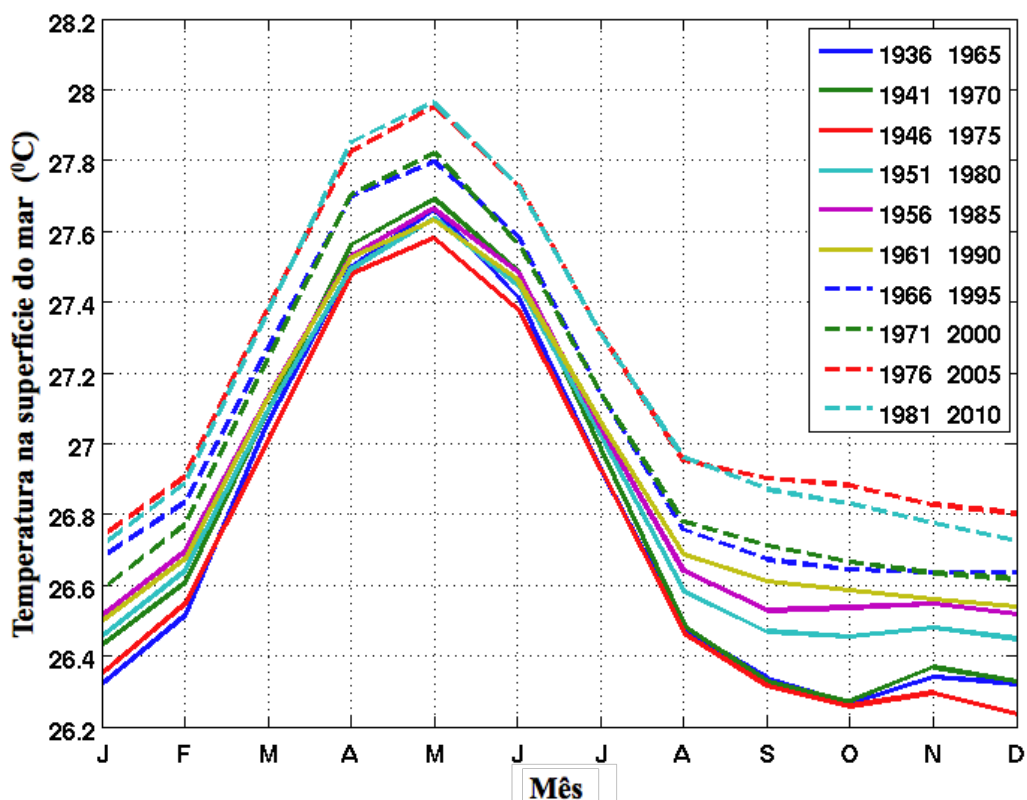
O Índice oscilação sul é quantificado a partir da diferença entre pressões atmosféricas padronizadas das estações localizadas no Taiti e na cidade de Darwin – Austrália. Já os outros índices referentes ao ENOS são associados às ATSMs a exemplo do NIÑO 1 localizadas entre as coordenadas 0 – 5°S e 80 – 90° W, NIÑO 2 (5 – 10°S e 80 – 90° W), NIÑO 3 (5 – 5° S e 90 – 150° W), NIÑO 4 (5 – 5° S e 160° L – 150° W) e o NIÑO 3.4 (5 – 5° S e 170 -120° W).

Trenberth (1997) define as fases do ENOS quantitativamente, por meio da ATSM na região NIÑO 3.4. Caso o limiar de + 0,4° C na média móvel de 5 meses seja excedido por 6 ou mais meses, tem-se uma fase quente do El Niño – Oscilação Sul, ou seja, um evento de El Niño. Na caracterização do La Niña – a fase fria – utiliza-se o mesmo método com o limiar -0,4° C. Os intervalos, que não são eventos de El Niño e La Niña, são definidos como fase neutra.

De forma semelhante ao estudo de Trenberth (1997), o CPC/NOAA define atualmente as fases ENOS a partir do índice ONI que utiliza a mesma região de anomalias de temperatura na superfície do mar. Contudo, são utilizados os limiares de  $\pm 0,5^\circ$  C da média móvel de três meses quando superado por cinco meses ou mais.

A obtenção da temperatura é realizada por meio dos dados de temperatura *in situ* e via satélite organizados no ERSST v.4, *Extended Reconstructed Sea Surface Temperature* versão 4. No que se refere ao cálculo das anomalias de temperatura, ao invés da utilização da normal de temperatura na região definida, são consideradas as médias de trinta anos centradas na data de cálculo do índice, atualizadas a cada 5 anos. Tal medida, como evidenciado na Figura 3.10,

visa incorporar as tendências de aquecimento observadas nas águas do Pacífico, principalmente nas décadas posteriores a 1950 na região do NIÑO 3.4 (CPC/NOAA, 2015b).



**Figura 3.10** – Média de temperatura na região NIÑO 3.4 (base de 30 anos).  
Fonte: Adaptado CPC/NOAA (2015b).

Embora Trenbeth (1997) mencione que até a data da publicação do seu estudo não existia consenso acerca de uma definição quantitativa do ENOS, atualmente a aceção do NOAA vem sendo largamente utilizada, ainda que de forma não unânime. Como pode ser observado, existem outras definições em uso, como no caso da média móvel de cinco meses da ATSM no NIÑO 3 superando o limiar de  $0,5^{\circ}\text{C}$  por mais de 6 meses, utilizada pela Agência Meteorológica do Japão (JMA, 2015).

Os estudos pioneiros sobre as teleconexões do ENOS realizados por Walker (1923, 1928 *apud* RAO e HADA, 1990; ROPELEWSKI E HALPERT, 1989), ainda que não utilizassem tal terminologia, já evidenciavam as relações entre a Oscilação Sul e as precipitações de algumas localidades como na Índia e no nordeste brasileiro. Os eventos de El Niño e La Niña, como explicitado por Grimm (2011), são as principais causas que influenciam a variabilidade das precipitações na América do Sul ao longo das estações do ano, excetuando o verão.

Entre as regiões do Brasil em relação às teleconexões do ENOS, têm grande destaque a região Sul e Nordeste. No caso da primeira região, Ropelewski e Halpert (1989) verificam anomalias positivas nas precipitações de novembro a fevereiro quando verificada a fase quente do ENOS (El Niño). Já na fase fria (La Niña), o mesmo estudo conclui a existência de anomalias negativas de julho a dezembro. Segundo a AMS (2016) anomalias é definida como um viés de uma série em uma dada região durante um período específico quando comparado com o valor médio a longo prazo.

Rao e Hada (1990) analisam o índice de oscilação sul (IOS), em particular, e em concordância com o estudo de Ropelewski e Halpert (1989), são observadas correlações entre o IOS e as precipitações na primavera na região sul. Contudo, foram notados sinais divergentes das correlações entre os trabalhos dos autores que, por sua vez, são provenientes das variáveis utilizadas, índice oscilação sul e as ATSM da região NIÑO 3.

Ao analisar o ENOS em relação a precipitação na região sul da América do Sul, Grimm *et al.* (2000) evidenciam que a região Sul do Brasil (especificamente os estados do Rio Grande do Sul, Santa Catarina e porção sul do Paraná) apresenta o maior sinal ENOS em comparação com as demais regiões delimitadas no estudo. Adicionalmente, é realizada uma análise dos períodos com precipitação acima do normal e abaixo do normal para as fases quente e fria do fenômeno El Niño baseados em testes de hipótese cuja a metodologia é abordada de forma mais detalhada em Grimm *et al.* (1998).

Os resultados obtidos pelos autores em relação ao sul do Brasil foram: nos anos que antecedem a fase quente verificam-se precipitações abaixo do normal para tal região no período entre maio e dezembro, em particular, nos períodos maio/julho, julho/setembro, agosto/outubro e outubro/dezembro a um nível de significância de 10%. No caso do ano da fase quente, tal nível de significância de precipitação acima do normal são observados entre setembro e janeiro. Já no ano posterior ao evento quente, para o referido nível de significância, foi identificado precipitação acima do normal para os meses junho/agosto.

Diferentemente da fase quente, a fria se caracteriza por uma aparente menor influência. Nos eventos de La Niña para região sul são observadas, a nível de significância de 10%, precipitações acima do normal no período de janeiro/março nos anos que precedem o dado evento e abaixo para os meses de outubro/dezembro no ano de ocorrência do fenômeno.

Grimm *et al.* (1998) em um estudo anterior especificamente para apenas a região sul do Brasil no qual a definição dos eventos ENOS é baseado em Ropelewski e Halpert (1989, *apud* Grimm *et al.*, 1998) e Kiladis e Diaz (1989, *apud* Grimm *et al.*, 1998) obtém resultados, no que diz respeito apenas ao referido teste de hipótese, mais consistentes que aqueles obtidos em Grimm *et al.* (2000).

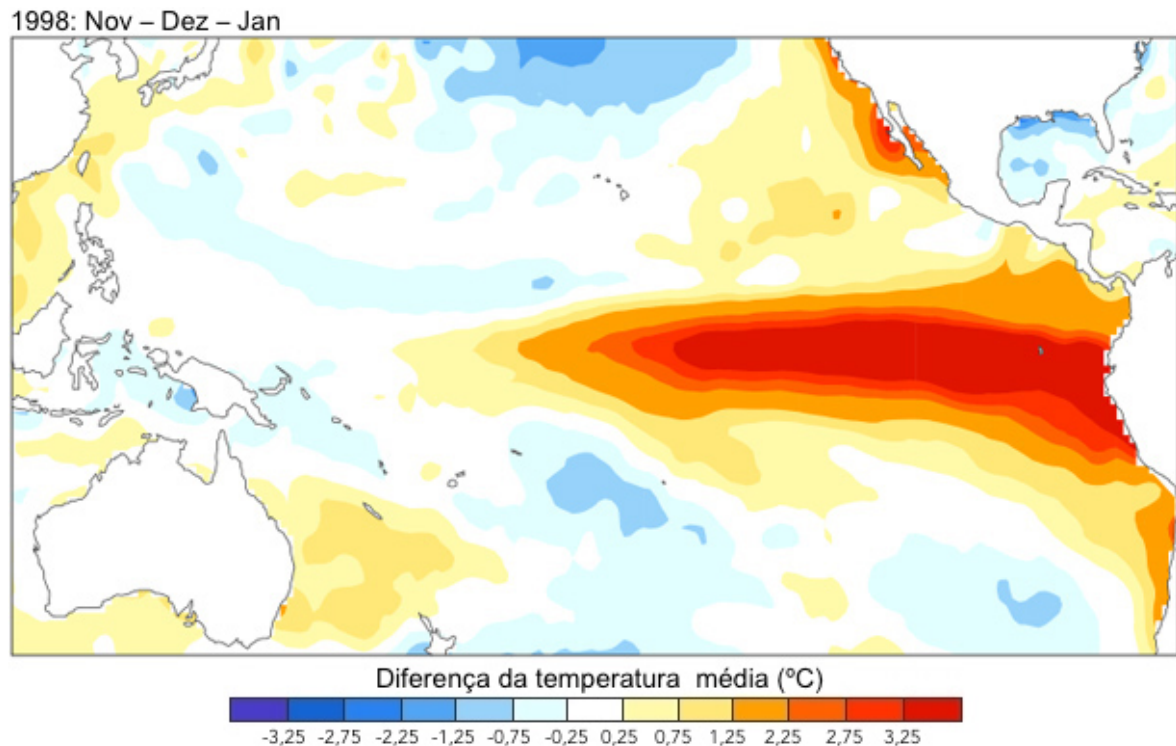
Deve-se notar, porém, que há algumas particularidades neste estudo como: os diferentes padrões homogeneidade para os eventos ENOS quentes e frios; no caso dos eventos quente na sub-região que engloba o oeste do Paraná não são notados a nível de significância de 10% períodos mais secos ou mais chuvosos nos anos posteriores ou anteriores aos eventos; e para apenas a fase fria não se nota uma coerência espacial para uma parte da região sul que explica a menor relação observada em Grimm *et al.* (2000).

De forma semelhante, Grimm e Tedeschi (2009), ao analisarem as relações entre os eventos extremos e o fenômeno ENOS na América do Sul, observam que o fenômeno El Niño – Oscilação Sul afeta de forma substancial a ocorrência de eventos extremos na região sudeste da AS, na qual a região do sul do Brasil está inclusa. O estudo evidencia que para fase quente (fria) do ENOS há um aumento (diminuição) de eventos extremo nesta região entre os meses de outubro, no ano de início do ENOS, até abril do ano posterior, excluindo apenas o mês de janeiro.

Ainda em relação ao estudo anterior, para definir os anos de El Niño e La Niña é utilizado o critério semelhante ao do JMA com a adição de um critério: além do limiar de 0,5° C, para a média móvel de cinco meses abrangendo seis meses consecutivos, como descrito pela Agência de Meteorologia do Japão, estas anomalias devem estar inseridas nos meses de setembro, outubro e novembro. De acordo com os autores, a adição deste critério é de grande valia para o estudo uma vez que para a região sudeste da América do Sul é a época com os sinais de maior intensidade do ENOS.

Em sua definição mais atual, o fenômeno ENOS é ramificado em duas categorias, o *Modoki* (Oceano Pacífico Central) e o Canônico (Pacífico Leste, tradicional). Segundo Ashok *et al.* (2007), a origem da subdivisão do fenômeno El Niño remonta ao evento quente de 2004/2005 no qual apesar de constatada ATSM positivas no Oceano Pacífico, não ocorreram as teleconexões usuais dos eventos quentes do ENOS tradicional.

Este evento foi caracterizado por meio de uma particularidade; de modo distinto do El Niño em sua forma mais tradicional, o fenômeno que ocorrera em 2004/2005 se distinguia pela ATSM positiva no Pacífico Central (NIÑO 4) cercado por ATSM negativas tanto ao Leste como no Oeste. A partir da Figura 3.11 e Figura 3.12 – que evidenciam o ENOS Canônico e *Modoki*, respectivamente – é possível perceber a grande distinção entre os eventos abordados a partir das ASTM no Oceano Pacífico.



**Figura 3.11** – ATSM do El Niño Canônico no Oceano Pacífico.

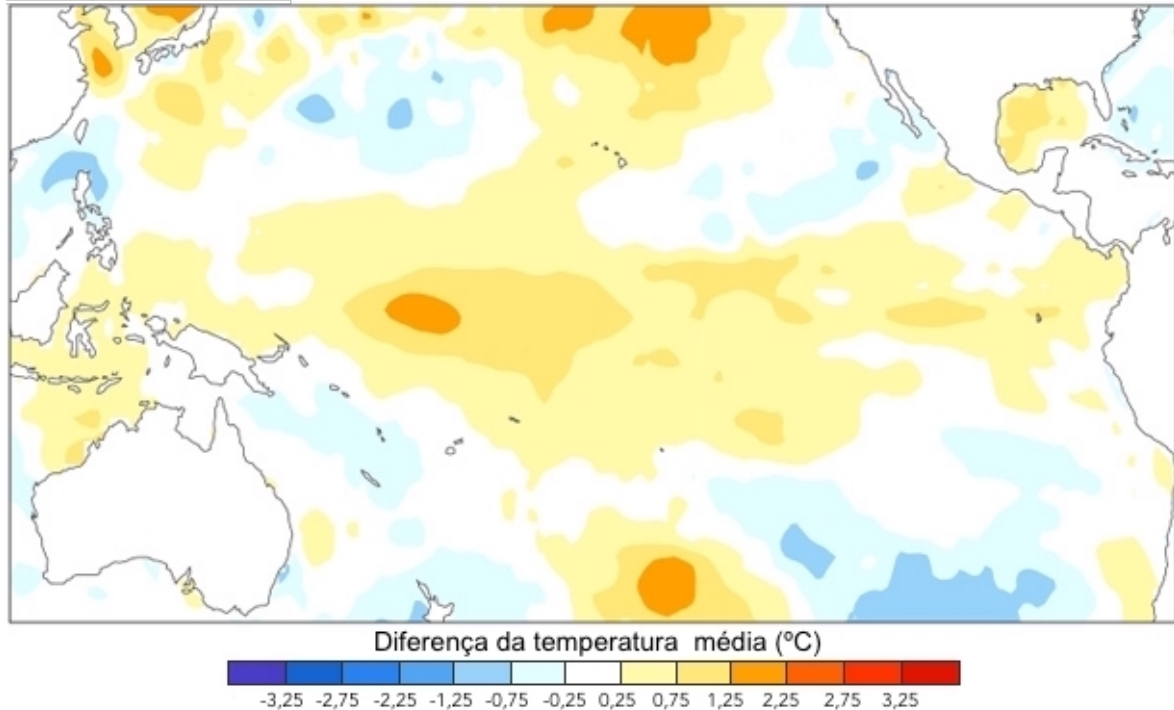
Fonte: adaptado de L'Heureux (2014).

Como pode ser observado na Figura 3.11, no El Niño canônico as anomalias de temperatura na superfície do mar se estendem da costa do Peru, Colômbia e Equador até o Oceano Pacífico central. Decorrente da forma das ASTM, este tipo de evento também é conhecido como “*Cold tongue*” e outras nomenclaturas como convencional e ENOS Pacífico leste são de uso corrente na literatura.

Já a Figura 3.12, mostra o ENOS *Modoki*, que se diferencia largamente da versão canônica. Tal distinção é decorrente da formação de um tri-pólo de anomalias, formado a partir das ASTM no Oceano Pacífico com anomalias localizadas ao longo da região NIÑO 4 sem a ocorrência destas nas regiões costeiras da Oceania e América do Sul. O ENOS *Modoki* também é conhecido como “*ENSO warm pool*” e outras nomenclaturas como “*ENSO*

*dateline*” (alusão a linha internacional da data) e ENOS do Oceano Pacífico Central são de uso corrente.

2005: Nov – Dez – Jan



**Figura 3.12** – ATSM do El Niño *Modoki* no Oceano Pacífico.  
Fonte: adaptado de L'Heureux (2014).

Diferentemente do canônico, o ENOS *Modoki*, proveniente das diferenças em suas características, apresentam teleconexões distintas. Tedeschi *et al.* (2013), verificam, a partir da ocorrência da fase quente do ENOS *Modoki*, a presença de anomalias negativas de precipitação nos meses DJF (dezembro – janeiro – fevereiro) para quase todas as partes do Brasil, inclusive na região Sul. Já nos meses MAM (março – abril – maio), as anomalias são limitadas apenas ao estado do Paraná, que integra a região de interesse do presente trabalho.

Quanto à fase fria do ENOS do Oceano Pacífico Central, embora não contemple toda região Sul do Brasil, pode-se evidenciar as anomalias negativas observadas na parte oeste do Estado do Rio Grande do Sul nos meses de setembro – outubro – novembro (SON), anomalias positivas nos meses JJA (junho – julho – agosto) para boa parte da região estudada, excluindo principalmente o litoral (TEDESCHI *et al.*, 2013).

Como já descrito anteriormente, para avaliar quantitativamente a ocorrência de eventos ENOS é realizada por meio do índice ONI proveniente do CPC/NOAA, ou no caso da Agência

Meteorológica japonesa (JMA) a partir das ATSM da NIÑO 3. Para o caso do índice ONI são expostos os eventos de fase quente e frio desde 1979 até 2013 na Tabela 3.3.

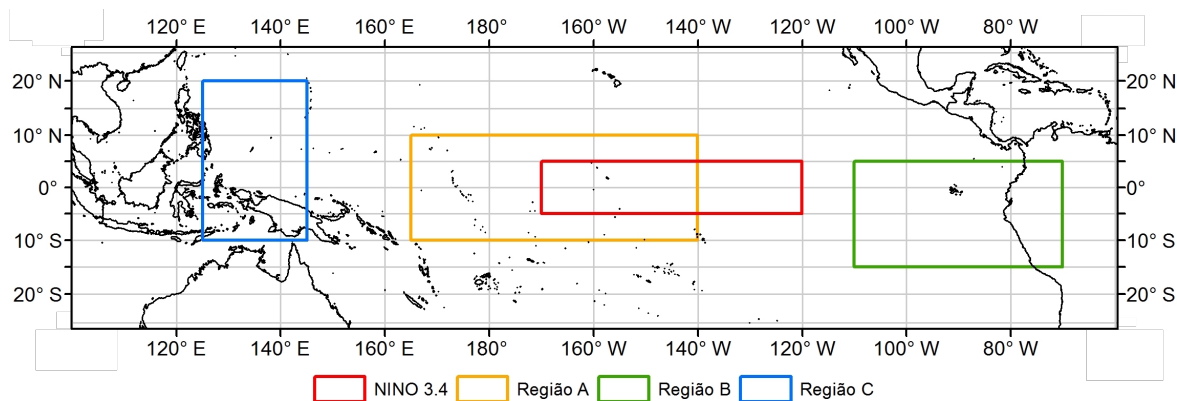
**Tabela 3.3** – Fases do ENOS de acordo com o índice ONI (1979-2013).

Fase	SON	DJF	MAM	JJA
Quente	1979, 1982, 1986, 1987, 1991, 1994, 1997, 2002, 2004, 2006, 2009.	1980, 1983, 1987, 1988, 1992, 1995, 1998, 2003, 2005, 2007, 2010.	1982, 1983, 1987, 1992, 1998, 2005, 2010.	1982, 1987, 1991, 1992, 1997, 1998, 2002, 2004, 2009.
Fria	1984, 1988, 1995, 1998, 1999, 2000, 2007, 2010, 2011.	1985, 1989, 1996, 1999, 2000, 2001, 2008, 2011, 2012.	1985, 1989, 1999, 2000, 2008, 2011.	1988, 1998, 1999, 2000, 2010.

Fonte: CPC/NOAA (2015a).

No que se refere ao evento *Modoki* foram criados novos índices para identificá-lo como realizado por Ashok *et al.* (2007) e Tedeschi *et al.* (2013). Ambos os índices são baseados em ATSM. No caso dos primeiros autores, o índice EMI (*El Niño Modoki Index*) é produzido a partir de ATSM de três regiões específicas (Figura 3.13), A (165°E-140°W, 10°S-10°N), B (110°W-70°W, 15°S-5°N), e C (125°E-145°E, 10°S-20°N). Por fim, para cálculo do índice é utilizada a Equação 3.36.

$$EMI = ASTM_A - 0,5 \cdot ASTM_B - ASTM_C \quad (3.36)$$



**Figura 3.13** – Regiões ENOS *Modoki* e NIÑO 3.4.

O termo à esquerda da Equação 3.36 é o índice calculado e os à direita fazem referência as anomalias de temperatura na superfície do mar dos quais as letras subscritas indicam as zonas utilizadas para o cálculo. Em relação a região A, especificamente, é necessário evidenciar que sua área engloba 60% da região NIÑO 3.4. Ainda neste sentido, é observada uma correlação entre o EMI e a ATSM utilizada no índice ONI de 0,47 (ASHOK *et al.*, 2007).

Neste sentido, foi produzida a Tabela 3.4, na qual são ilustradas as fases quentes e frias do ENOS *Modoki* entre os anos de 1979 e 2013 segundo o índice EMI, baseado na metodologia de Ashok *et al.* (2007) e utilizando a base de dados ERSST v.3. Com o intuito de evidenciar a relação ONI e EMI, as estações nas quais se observa a ocorrência de fases semelhantes para ambos índices estão destacadas em negrito.

**Tabela 3.4** – Índice EMI (1979–2013). Os valores em negrito evidenciam fases similares tanto no referido índice quanto no índice ONI.

Fase	SON	DJF	MAM	JJA
Quente	<b>1986</b> , 1990, <b>1991</b> , <b>1994</b> , 2001, <b>2004</b> , <b>2009</b> .	<b>1980</b> , 1991, <b>1992</b> , 1993, 1994, <b>1995</b> , 1997, 2002, <b>2003</b> , <b>2005</b> .	1980, <b>1982</b> , 1991, 1994, 1995, 2003, <b>2005</b> , 2007.	1990, <b>1991</b> , <b>1992</b> , 1994, <b>2002</b> , <b>2004</b> .
Fria	1983, <b>1984</b> , <b>1988</b> , 1997, <b>1998</b> , <b>1999</b> , <b>2000</b> , 2008.	<b>1989</b> , 1998, <b>1999</b> , <b>2000</b> , <b>2001</b> , <b>2008</b> , 2009.	1983, <b>1989</b> , 1998, <b>1999</b> , <b>2000</b> , 2001, <b>2008</b> .	1983, 1997, <b>1998</b> , <b>1999</b> , 2008.

Fonte: Tedeschi *et al.* (2013).

Como pode ser observado a Tabela 3.4 é proveniente de Tedeschi *et al.*, (2013), que emprega uma base de dados distinta da utilizada por Ashok *et al.* (2007). Desta forma, há pequenas diferenças de ocorrência nas fases entre os resultados obtidos pelos grupos de autores. Já o índice produzido por Tedeschi *et al.* (2013), *Modoki* +A, é semelhante ao EMI com uma restrição adicional, além do cálculo realizado de acordo com a metodologia expressa por Ashok *et al.* (2007), as ATSM na região A devem superar o limiar  $\pm 0,7 \sigma$  (desvio-padrão). Por fim, na Tabela 3.5 são apresentadas as fases do ENOS *Modoki* baseado no índice *Modoki* +A.

**Tabela 3.5** – Índice ENOS *Modoki* +A. Os valores em negrito evidenciam fases similares tanto no referido índice quanto no índice ONI.

Fase	SON	DJF	MAM	JJA
Quente	<b>1986</b> , <b>1991</b> , <b>1994</b> , <b>2004</b> , <b>2009</b> .	1991, <b>1992</b> , <b>1995</b> , <b>2003</b> , <b>2005</b> .	1991, 1994, 1995, 2003, <b>2005</b> .	<b>1991</b> , <b>1992</b> , 1994, <b>2002</b> , <b>2004</b> .
Fria	1983, <b>1984</b> , <b>1988</b> , <b>1998</b> , <b>1999</b> , <b>2000</b> , 2008.	<b>1989</b> , <b>1998</b> , <b>2000</b> , <b>2001</b> , <b>2008</b> , 2009.	<b>1989</b> , <b>1999</b> , <b>2000</b> , 2001, <b>2008</b> .	<b>1998</b> , <b>1999</b> , 2008.

Fonte: Tedeschi *et al.* (2013).

Tanto para o índice EMI quanto para o *Modoki* +A é possível notar que as fases estabelecidas pelo ONI englobam boa parte dos eventos do El Niño – Oscilação Pacífico Central. Desta



forma, percebe-se um aspecto negativo da utilização do ONI para definir os eventos ENOS. A não atribuição dos diferentes tipos de fenômeno gerados pela ATSM pode ocasionar a diminuição do sinal de ENOS em relação as anomalias de precipitação decorrente das teleconexões distintas para alguns meses entre os tipos de ENOS.

No presente tópico foram evidenciados os sinais do ENOS em relação à precipitação para área de estudo da presente dissertação, bem como os índices utilizados para estabelecer as fases deste fenômeno. Além das teleconexões evidenciadas, segundo Diaz *et al.* (1998) e Rojahn (2004) as anomalias de temperatura na superfície do Oceano Atlântico também exercem influência nas precipitações da região sul do Brasil.

### **3.5.2 Teleconexões Atlântico Sul**

O ENOS, como anteriormente pontuado, é considerado um fenômeno com influência em diversas regiões do globo como no caso da América, Ásia, África e Oceania. Dada a natureza global o El Niño – Oscilação Sul não pode ser ignorado no estudo de novas teleconexões. Desta forma, nos trabalhos de Diaz *et al.* (1998) e Rojahn (2004), então evidenciados, além da relação entre a precipitação na região sul e as anomalias de temperatura na superfície do Oceano Atlântico, são examinadas também as do Pacífico e suas inter-relações.

Diaz *et al.* (1998) ao analisarem a influência dos Oceano Atlântico e Pacífico em relação a precipitação no Uruguai e RS, a partir da análise de correlações canônicas, concluem que a variabilidade da precipitação está atrelada as ATSM de ambos os Oceanos para os locais estudados. Vale notar uma maior relação para as anomalias do Oceano Atlântico entre os meses de abril e julho. Apesar disso, há uma importante ressalva realizada pelos autores: a possibilidade de ATSM no Oceano Atlântico ser uma teleconexão do ENOS a partir das perturbações complexas que podem ser causadas pelo segundo fenômeno.

O estudo de Rojahn (2004) é realizado a partir da divisão de 61 estações pluviométricas localizadas nos estados de Santa Catarina, Paraná e Rio Grande do Sul em três grupos homogêneos com grande coerência espacial: O grupo A – leste do Paraná e nordeste de Santa Catarina; O grupo B – a região sudeste de Santa Catarina e leste do Rio Grande do Sul; e o grupo C – oeste dos três estados. Considerando apenas a relação entre precipitação e ASTM no Oceano Atlântico Sudoeste, (22,5 – 33,5° S e 48 – 57.5° W), coordenadas fronteiriças com o litoral da região sul, é evidenciado pelo autor decorrente da influência das anomalias de temperatura desta região do Oceano atlântico na precipitação em toda região. Contudo, nota-

se uma maior relação entre as variáveis estudadas com grupo A (mais próxima ao litoral) e menos intensa no grupo C (mais distante) proveniente de uma maior interação com o oceano do primeiro grupo.

Em um aspecto geral, o estudo das teleconexões é de extrema importância por diversos motivos. No caso específico deste estudo é que ao ser notada a relação de uma variável climática com a precipitação, torna-se possível utilização desta na geração estocástica de precipitação como utilizada por Grondona *et al.* (2000), Baú (2012), Moreno-Peréz *et al.* (2014) e por Vergni *et al.* (2015).

Como anteriormente explicitado na etapa de objetivos, foi proposto neste trabalho um gerador estocástico de precipitação diária com algumas variações no módulo de quantidade precipitada, unido à possibilidade da realização de condicionamento ao índice ONI mensal. A partir do presente capítulo, no qual é explicitado o referencial teórico tem-se uma discussão mais minuciosa no que diz respeito aos geradores bipartidos, suas vantagens e deficiências. Devido a isso, é importante explicitar a finalidade destas variações realizadas neste trabalho.

Ao considerar de forma ampla os geradores estocásticos de precipitação, nota-se que todos os tipos apresentam limitações. Como abordado, no caso particular dos modelos bipartidos tem-se a menor variância das séries sintéticas quando comparado com a série histórica em escalas de tempo mensais e anuais. Por isso, a investigação ora proposta analisa a produção de séries sintéticas a partir do condicionamento de uma variável exógena mensal, as fases ENOS, como uma forma de redução desta característica indesejada na geração estocástica de precipitação aplicada à região Sul do Brasil.

Com a finalidade de verificar a mitigação da subestimação da variância mensal nos geradores bipartido, por meio do condicionamento, torna-se necessário não apenas a realização da produção de séries sintéticas baseadas nas fases ENOS, como também séries sintéticas sem condicionamento. Definida a primeira variação, proveniente do principal objetivo deste estudo, as outras variações são explicitadas a seguir.

Em relação à geração das alturas precipitadas nos modelos bipartidos sem o condicionamento, apesar de não ser conclusivo há evidências de que a utilização da distribuição Exponencial Mista no módulo de quantidade precipitada produz resultados adequados a exemplo de Detzel e Mine (2011), Wilks (1999), Li *et al.* (2013). Por outro lado, no que diz respeito à geração de

séries sintéticas de precipitação condicionadas aos índices climáticos, especificamente no caso bipartido, geralmente não são realizadas comparações entre diferentes distribuições de probabilidade. Desta forma, consoante com os autores estudados, não se pode definir uma distribuição teórica de probabilidades que apresentem geralmente resultados mais adequados quando comparados com a série histórica para a geração estocástica de precipitação condicionada como no caso dos geradores que não estão relacionados a outras variáveis.

A partir desta ressalva, torna-se importante averiguar as características das diferentes distribuições – tendo em vista da distribuição teórica de probabilidade (entre a Gama e Exponencial Mista) mais adequada para a geração estocástica das alturas de precipitação para o caso condicionado nas estações do sul do Brasil. Adicionalmente, com o intuito de avaliar se há uma relação direta entre as séries sintéticas produzidas, no que diz respeito a sua conformidade com a série histórica, são avaliadas se uma relação entre a utilização de uma mesma distribuição teórica de probabilidade com bons resultados para a geração de dados diários de precipitação sem e com o condicionamento.

Por fim, é importante abordar o último tipo de variação nos modelos bipartidos exposto nesta pesquisa: aquela que utiliza diferentes distribuições (Exponencial, Gama e Exponencial Mista, com suas principais características evidenciadas no Anexo I) ao longo dos meses e fases ENOS baseado em um critério objetivo, o BIC. Nesta variação específica, há possibilidade de reduzir o número de parâmetros, fator relevante no caso da modelagem condicionada. Adicionalmente, tem-se a possibilidade de uma maior flexibilidade neste caso paramétrico de modelagem estocástica de precipitação. Com tais variações em vista, o capítulo seguinte descreve de forma mais detalhada a metodologia do presente trabalho.

## 4 METODOLOGIA

Os estudos relativos à geração estocástica de precipitação tratam, geralmente, de uma bacia específica ou um grupo de bacias como nos casos de Lima (2004), Gontijo (2007), Detzel (2009) e Costa (2015). Contudo, o estudo ora realizado tem a finalidade de analisar – de forma ampla – a reprodução das características originais da precipitação nas séries sintéticas dos geradores bipartidos condicionados. Neste sentido, com o intuito de tornar tal avaliação mais robusta, por meio da utilização de um maior número de estações pluviométricas foi definida como área de interesse uma região geopolítica, o sul do Brasil.

A região Sul do Brasil está situada no sudeste da América do Sul, aproximadamente entre as coordenadas 22° – 34° S e 48°– 58° W e possui três unidades federativas: Rio Grande do Sul, Santa Catarina e Paraná. A Tabela 4.1 ilustra as principais características desta região dividida por estado.

**Tabela 4.1** – Síntese das características da região Sul por estado.

<b>Sigla</b>	<b>Estado</b>	<b>Área (km<sup>2</sup>)</b>	<b>População <sup>(2)</sup></b>
PR	Paraná	199.307,945	11.163.018
SC	Santa Catarina	95.733,978	6.819.190
RS	Rio Grande do Sul	281.731,445 <sup>(1)</sup>	11.247.972
–	<b>Total</b>	<b>576.773,368</b>	<b>29.230.180</b>

<sup>(1)</sup> – Incluindo a área das lagoas dos Patos e Mirim.

<sup>(2)</sup> – População estimada 2015.

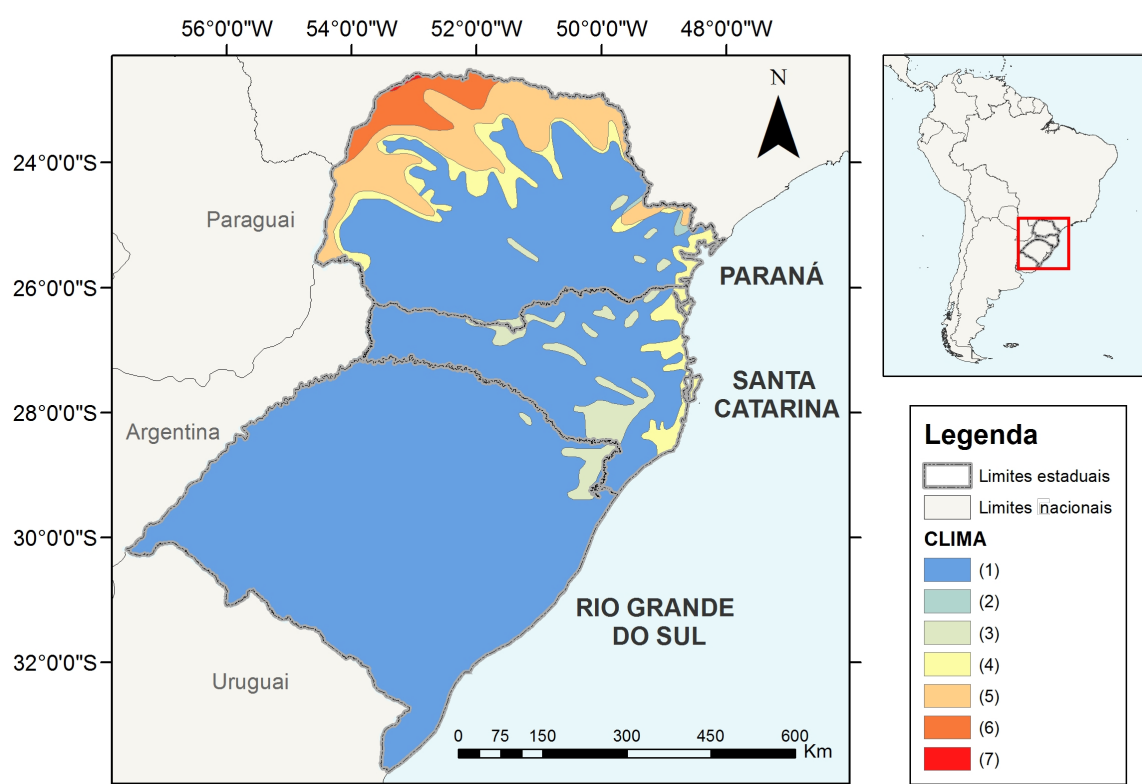
Fonte: Adaptado de IBGE (2015).

Apesar da área de estudo deste trabalho ter uma extensão considerável, podemos considerá-la relativamente pequena, quando comparada com todo o território brasileiro (superior a 8 milhões de km<sup>2</sup>). Por outro lado, sua população engloba cerca de 15% do total nacional. Além disso, no que diz respeito à economia regional, a precipitação é um fator extremamente relevante decorrente da grande influência desta variável hidrológica em setores expressivos da economia no sul brasileiro: a agricultura e a produção de energia. Desta forma, ao considerar tal conjunto de fatores, é realçada ainda mais a importância dos estudos que abordam as precipitações no Sul do Brasil.

Além dos atributos já mencionados, uma breve caracterização física é imprescindível por auxiliar a escolha das estações pluviométricas, o entendimento dos resultados e até mesmo das limitações do uso do modelo na área de estudo. Por isso, além da precipitação tratada no

subcapítulo 3.5, serão abordados resumidamente o clima, a hidrografia e a topografia da região estudada.

Quanto ao clima, a classificação realizada por Nimer (1979, *apud* IBGE, 2002) – fundamentada a partir de três sistemas: climas zonais, regiões térmicas e padrões de umidade – foi utilizada para definir os climas do sul do Brasil. A partir da Figura 4.1, que explicita as unidades climáticas da região estudada, é evidenciada uma grande homogeneidade de forma semelhante à precipitação média anual. Desta forma, conclui-se que o clima predominante na região, baseado na classificação de Nimer (1979) é super-úmido, mesotérmico brando - média entre 10 e 15° C, sem seca.



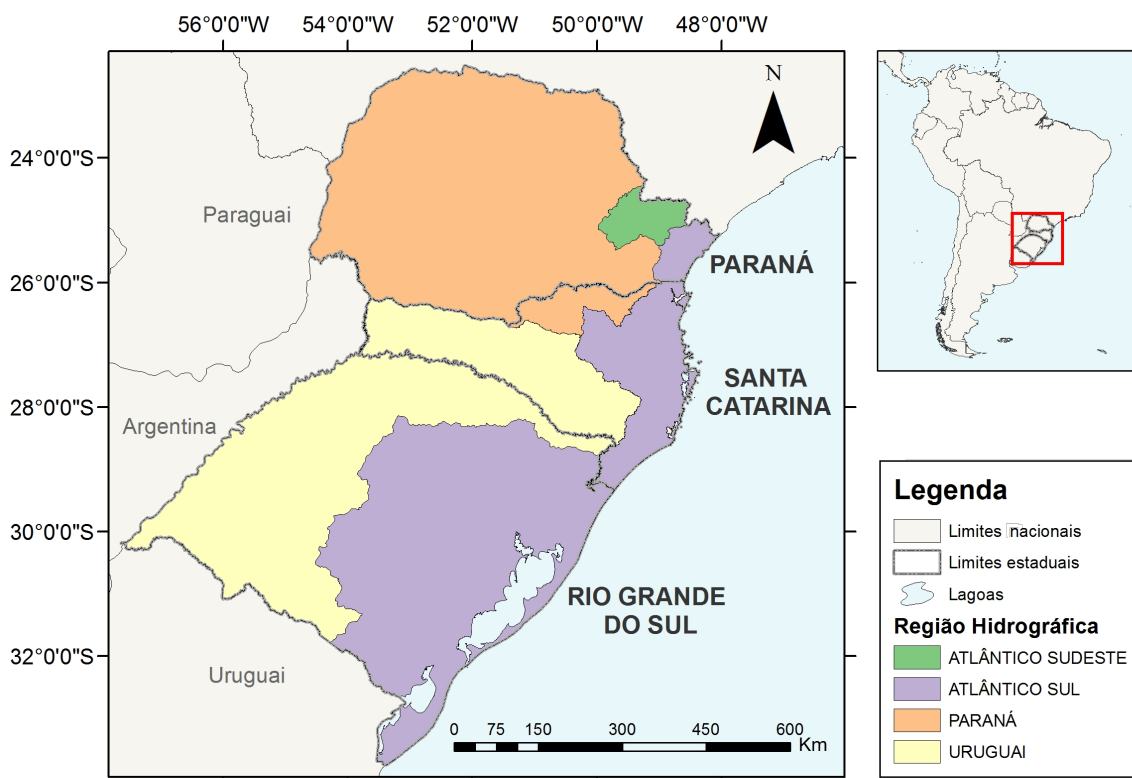
- (1) – super-úmido, mesotérmico brando - média entre 10 e 15° C, sem seca.
- (2) – super-úmido, mesotérmico brando - média entre 10 e 15° C, subseca.
- (3) – super-úmido, mesotérmico mediano - média > 10° C, subseca.
- (4) – super-úmido, subquente - média entre 15 e 18 ° em pelo menos 1 mês, sem seca.
- (5) – super-úmido, subquente - média entre 15 e 18 ° em pelo menos 1 mês, subseca.
- (6) – úmido, subquente - média entre 15 e 18 ° em pelo menos 1 mês, 1 a 2 meses secos..
- (7) – úmido, quente - média > 18° C em todos os meses, 1 a 2 meses secos.

**Figura 4.1** – Climas da região sul do Brasil.

Fonte: Adaptado de IBGE (2002).

Para a caracterização espacial da hidrografia do sul do Brasil foram utilizadas as regiões hidrográficas (RH), que por definição podem ser uma bacia, conjunto de bacias ou sub-bacias

hidrográficas adjacentes com características naturais, sociais e econômicas semelhantes (BRASIL, 2003). Como ilustrado na Figura 4.2, diferentemente das unidades climáticas, a divisão hidrográfica da região sul é mais heterogênea, sendo composta por quatro RH: Atlântico Sudeste, Atlântico Sul, Paraná e Uruguai.



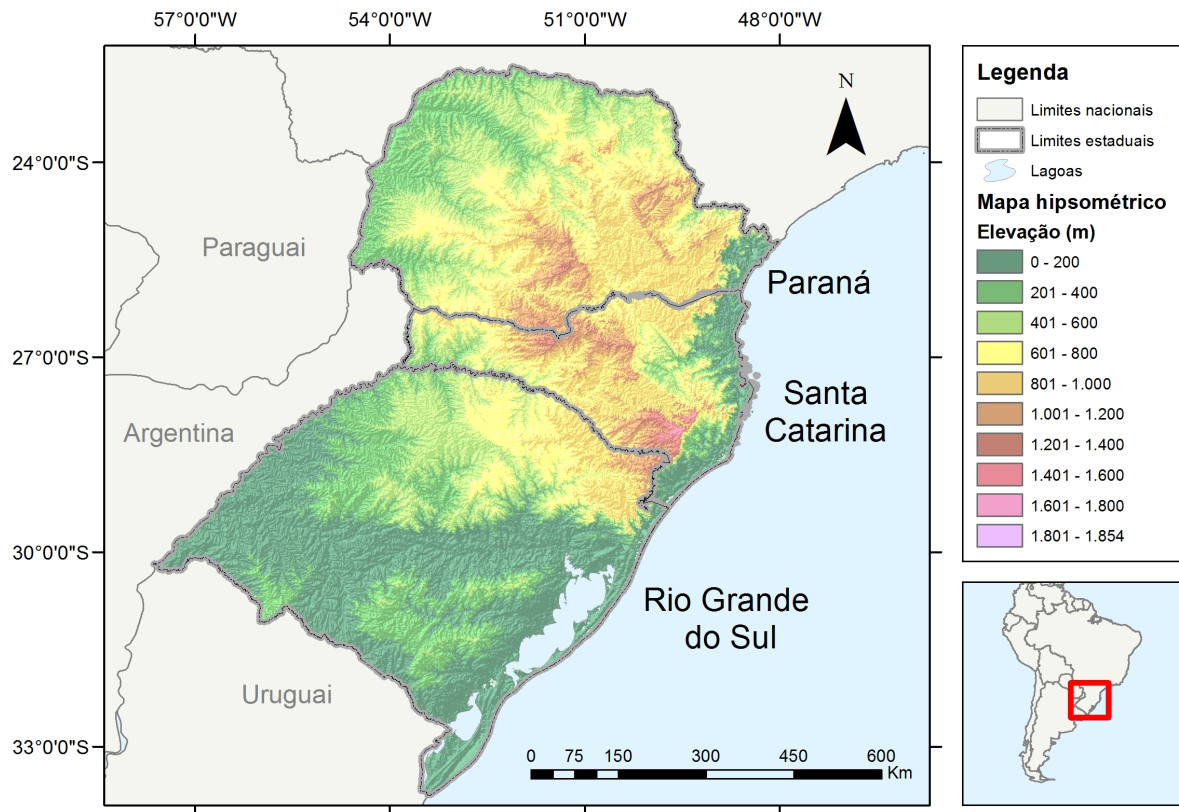
**Figura 4.2** – Regiões hidrográficas inseridas no sul do Brasil.

Fonte: Adaptado de Brasil (2003).

Já em relação a topografia da região, devido a extensão da área de estudo, nota-se uma grande amplitude de elevações desde alturas do nível do mar até valores de 1900 metros aproximadamente como pode ser observado pela Figura 4.3. Apesar de uma composição de relevo complexa, que inclui planaltos, depressões, planaltos rebaixados, planícies (IBGE, 2006), a porção sul do estado do Rio Grande do Sul, no que diz respeito as elevações, é limitada a alturas inferiores a 600 metros.

No caso do norte do Rio Grande do Sul, Santa Catarina e Paraná, em linhas gerais, o relevo é constituído, de leste para oeste, de planícies marinhas, serras e planaltos que, geralmente, possui elevações superiores a 600 metros excluindo apenas porção mais a oeste (entre 200 e 600 m). Segundo Grimm *et al.* (1998) tais características contribuem para características diferentes da precipitação entre o leste e oeste na região sul do Brasil. No que se refere as

precipitações na área de estudo, suas características anuais e ao longo dos meses são ilustradas por meio das Figuras 3.6, 3.7 e 3.8 (páginas 44, 45 e 46, respectivamente).



**Figura 4.3** – Mapa hipsométrico da região sul brasileira.  
Fonte: adaptado de Serviço Geológico do Estados Unidos (2016).

Ademais desta breve introdução, os objetivos e o referencial teórico são de grande valia para o desenvolvimento deste capítulo. Com base nisso, nos próximos tópicos são abordados os dados utilizados no estudo e a geração das séries sintéticas de precipitação.

#### **4.1 Dados utilizados para a geração de séries sintéticas**

Para a geração de séries sintéticas de precipitação diária condicionadas a uma variável exógena, por meio de um modelo bipartido, geralmente são necessários a série histórica e sintética da variável exógena e os dados observados de chuva diária. No que se refere à série condicionante, caso a mesma seja um índice climático (como pretende este estudo), é de extrema importância a teleconexão deste com a precipitação. Adicionalmente, para as observações pluviométricas é fundamental a consistência dos dados utilizados. Neste sentido, são discutidos nos tópicos seguintes os dados necessários para a geração estocástica de precipitação, a começar pela série histórica das fases ENOS.

#### 4.1.1 Série histórica da variável exógena

A série histórica da variável exógena utilizada para o condicionamento da precipitação foram as fases ENOS de acordo com o índice ONI mensal. Além da relação do índice com a precipitação na região estudada, tal escolha é decorrente de um conjunto de fatores como um método bem estabelecido e uma série longa (1950-2015), de fácil acessibilidade e utilização corrente (CPC/NOAA, 2015a). Este índice, em particular, é realizado a partir das anomalias de temperatura da região NIÑO 3.4, cuja descrição detalhada para definição de cada fase é explicitada no subcapítulo 0.

Como discutido na revisão bibliográfica, foi evidenciado o desdobramento do fenômeno em ENOS *Modoki* e Canônico no contexto das teleconexões El Niño – Oscilação Sul na região estudada. Apesar dos efeitos distintos de cada tipo no sul do Brasil como corroborado por Tedeschi *et al.* (2013), é necessário salientar que a divisão dos eventos ENOS no gerador estocástico de precipitação não é abordada. Tal omissão é consequência da necessidade de um modelo parcimonioso. Ou seja, para considerar as distinções entre *Modoki* e Canônico seriam utilizadas amostras ainda menores para definir os parâmetros de cada fase dos tipos de ENOS, prejudicando assim a confiabilidade do modelo.

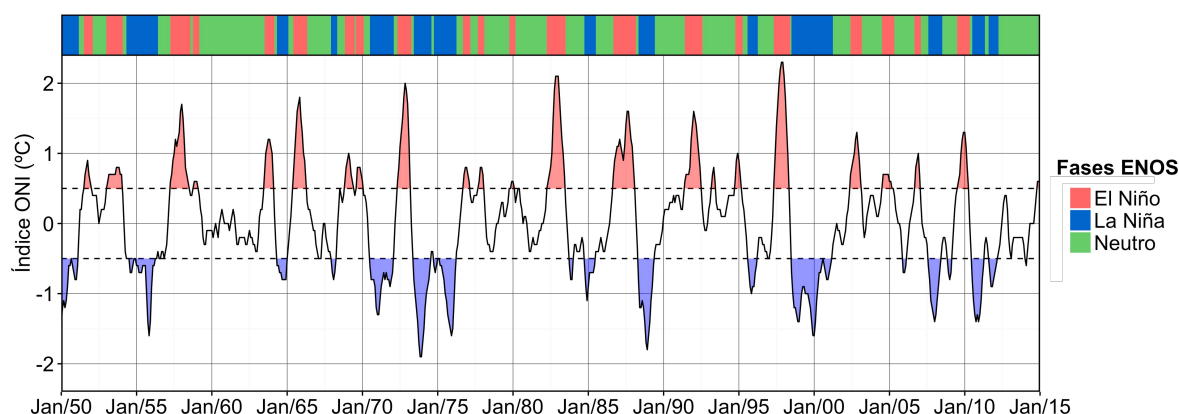
Por outro lado, como é possível observar nas tabelas 3.3, 3.4 e 3.5 (nas páginas 54 e 55), o índice ONI incorpora parcialmente os eventos ENOS *Modoki* definidos a partir de índices distintos. Neste sentido, baseado em Tedeschi *et al.* (2013), entende-se que há uma possível diminuição do sinal da teleconexão entre o índice ONI e a precipitação na região sul, uma vez que, para alguns trimestres, há sinais divergentes entre as subdivisões do fenômeno El Niño – Oscilação Sul. Como consequência disso, tem-se também a possibilidade de uma menor complexidade na variabilidade interanual das precipitações das séries sintéticas de precipitação.

Apesar da utilização da série anual do fenômeno ENOS se mostrar factível e até mesmo mais prático como utilizada por Baú (2012), as séries com este passo de tempo foram preteridas em relação ao índice ONI. Tendo em vista que o fenômeno em questão não tem início em janeiro e fim em dezembro, entende-se que é preferível a utilização de dados sazonais com a finalidade de minimizar a inclusão de meses que não sejam influenciados pelo fenômeno ENOS, que possivelmente geraria uma redução dos sinais de cada fase.



Em relação à região das anomalias de temperatura na superfície do mar, deve-se evidenciar que: apesar de ser observado na literatura referida uma maior aplicação das ASTM da região NIÑO 3 para definir as fases do El Niño – Oscilação Sul, foi mantida a utilização do Índice ONI (baseado na ASTM NIÑO 3.4). Tal escolha leva em conta, principalmente, o aspecto prático, devido à fácil acessibilidade do índice.

Por fim, a Figura 4.4 apresenta a série mensal do Índice ONI, na qual a linha contínua em preto representa os valores do índice ao longo do tempo. Os retângulos com as cores sólidas em vermelho, verde e azul definem, respectivamente, as fases ENOS quente (El Niño), neutro e frio (La Niña). As linhas tracejadas, por sua vez, ilustram os limiares de 0,5 °C e as cores com um grau de transparência elucidam os valores ao longo do tempo que ultrapassaram o limiar positivo (vermelho) e negativo (azul).



**Figura 4.4** – Série temporal do índice ONI (Jan/1950 – Dez/2014).

A Figura 4.4 explicita uma maior quantidade da fase neutra, próximo ao valor de 50 %. O restante da série temporal das fases ENOS é constituído das fases quentes e frias em torno de 25% cada. Tal constatação tem considerável influência sobre este trabalho ao tornar necessárias as séries de grande comprimento para uma estimativa mais adequada dos parâmetros, principalmente nas duas últimas fases anteriormente citadas. No Anexo II, são descritos os valores da série temporal do Índice ONI, por meio de uma tabela. Na etapa seguinte são discutidos os aspectos metodológicos referentes às estações pluviométricas utilizadas neste estudo.

#### 4.1.2 Estações pluviométricas utilizadas

A seleção adequada das estações pluviométricas a serem aplicadas no estudo é essencial. Para isso, diversos aspectos foram levados em conta, dentre os quais, a localização da estação e a

qualidade dos dados utilizados. Considera-se necessário, então, um maior aprofundamento sobre esta questão.

De maneira geral, o processo de escolha pode ser dividido em duas principais etapas: pré-processamento e análise da consistência dos dados utilizados. Na primeira parte, são levados em conta aspectos como a localização e a possibilidade do uso de uma série temporal no estudo.

Para uma análise estatística, com maior confiabilidade e posterior produção das séries sintéticas, foi estimada a necessidade de séries históricas em torno de 45 anos, uma vez que a utilização da variável exógena reduz substancialmente a disponibilidade dos dados para o posterior ajuste. Além disso, ao avaliar a série da variável exógena nota-se que o índice ONI tem seu início no mês de janeiro do ano de 1950. Desta forma, este estudo considerou apenas séries históricas de estações pluviométricas que possuíam aproximadamente 45 anos de dados diários de precipitação, desde que posteriores a 1949.

Já em relação à localização das estações pluviométricas procurou-se, prioritariamente, realizar distribuição de forma mais equitativa quanto possível das estações ao longo do território estudado. Neste sentido foram evitadas séries históricas demasiadamente próximas. Tal consideração tem a finalidade de representar a região estudada da forma mais ampla possível.

Com base no banco de dados da ANA, via aplicativo Hidroweb, em suas versões 2.0 e 3.0, foram obtidos os dados de precipitação diária. A partir disso, utilizou-se o ambiente de programação R (R CORE TEAM, 2015) para o tratamento destas informações e posterior realização de quatro arquivos de saída: planilha dos dados diários de precipitação, gráfico de barras dos dados anuais de precipitação, planilha dos dados anuais de precipitação e planilha de ocorrência de falhas.

As planilhas eletrônicas dos dados diários de precipitação são apenas uma modificação no formato dos dados anteriormente obtidos por meio da plataforma Hidroweb, com a finalidade de torná-los mais operacionais no ambiente de programação. A estrutura desta planilha possui apenas três colunas: a numeração da estação utilizada; as datas, e suas respectivas leituras de precipitação diária. Este arquivo de saída é de grande importância, porque é a partir dele que são produzidas as estimativas dos parâmetros do modelo para a geração das séries sintéticas.

A Figura 4.5 ilustra uma parte das planilhas de dados de precipitação diária utilizadas neste estudo, mais especificamente, os da estação pluviométrica Saudades, cód. 02653007, localizada no oeste do estado de Santa Catarina. Uma particularidade importante em relação às planilhas é que, caso não haja uma leitura de determinada data, o valor preenchido é “SL” acrônimo de sem leitura.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
1	Codigo	Data	Chuva						
2	2653007	01/07/54	0						
3	2653007	02/07/54	0						
4	2653007	03/07/54	0						
5	2653007	04/07/54	0						
6	2653007	05/07/54	0						
7	2653007	06/07/54	0						
8	2653007	07/07/54	0						
9	2653007	08/07/54	0						
10	2653007	09/07/54	0						
11	2653007	10/07/54	0						
12	2653007	11/07/54	0						
13	2653007	12/07/54	48.6						
14	2653007	13/07/54	9.2						
15	2653007	14/07/54	0						

**Figura 4.5** – Exemplo de planilha eletrônica de precipitação diária.

O segundo arquivo de saída do pré-processamento são os gráficos de barras das precipitações anuais, cuja finalidade é produzir uma avaliação inicial da qualidade dos dados, à exemplo de períodos com valores anormais (excessivamente altos ou baixos). Embora os gráficos de barras de todas as estações pluviométricas utilizadas tenham sido analisados, sua apresentação foi omitida neste trabalho, por configurar um aspecto menos relevante deste estudo.

O terceiro arquivo de saída são os dados anuais de precipitação dos gráficos de barras salvos no formato de planilha eletrônica para posterior aplicação na análise de consistência. Por fim, o último arquivo – a planilha eletrônica de ocorrência de falhas discretizadas mensalmente – informam se os dados estão completamente preenchidos, se há falhas parciais ou em todo o período do mês. Decorrente do mesmo motivo dos gráficos de barras anuais, os gráficos de barras mensais e as planilhas eletrônicas de falhas foram omitidas neste trabalho.

Como evidenciado anteriormente, foi procedida uma análise de consistência para as observações de precipitação de cada uma das estações pluviométricas empregadas neste estudo. Por este motivo, foram utilizados tanto os dados brutos quanto aqueles consistidos pelo órgão responsável, sendo o primeiro grupo preterido na presença do segundo. Desta forma, tornou-se possível aproveitar os dados de maneira mais ampla e adequada, uma vez que posteriormente há uma avaliação de qualidade.

Ainda em relação a esta etapa deve-se evidenciar que, além do uso das funções base da linguagem R, foram aplicadas algumas bibliotecas adicionais: “ggplot2” (WICKHAM, 2009) para a produção dos gráficos, “lubridate” (GROLEMUND e WICKHAM, 2011) para organização das datas, “svDialogs” (GROSJEAN, 2015) para organização dos dados de saída, “dplyr” (WICKHAM e FRANÇOIS, 2015) na manipulação dos dados.

Na etapa de análise de consistência foi realizada a curva duplo acumulativa das precipitações anuais de todas as estações pluviométricas selecionadas na etapa anterior, com base no estudo realizado por Searcy e Hardyson (1960). Por consequência, se fez necessária a escolha de novas estações pluviométricas, os apoios, para a posterior contabilização da média regional. Para tanto, diversos aspectos foram levados em conta, entre os principais: a proximidade do ponto de coleta da série histórica avaliada e o comprimento das séries de apoio.

No que diz respeito à proximidade, foram utilizados os dados de estações pluviométricas no raio de 50 Km do local de coleta da série histórica a ser analisada. Entretanto, para os casos em que os dados nas imediações não possibilitavam a produção da curva duplo acumulativa de parte considerável da série analisada, foram escolhidas as estações mais próximas até que tal avaliação fosse possível. Esta necessidade é consequência de dois fatores: uma menor densidade de estações pluviométricas em algumas sub-regiões inseridas no estudo e uma menor quantidade de séries históricas de precipitação com grande comprimento e que incluem os anos iniciais da análise (1950-1975).

Com os apoios definidos foi realizado um tratamento semelhante ao da etapa de pré-processamento. Entretanto, o único arquivo de saída neste caso, foram as planilhas dos dados anuais de precipitação. Por fim, com as precipitações anuais – tanto da série histórica a ser analisada quanto da média regional – foram produzidos dois gráficos para cada estação empregada no estudo: o da curva duplo acumulativa; e o de declividades ao longo dos anos do caso anterior.

Em ambos os gráficos obtidos através do procedimento das curvas de dupla massa deve-se evidenciar que só foram utilizados para análise os dados posteriores a 1949 devido à impossibilidade de aplicá-los neste estudo, uma vez que a série da variável exógena tem início apenas em 1950. Além disso, embora Searcy e Hardyson (1960) indiquem o procedimento adicional de avaliar também as estações pluviométricas de apoio – com a finalidade de comparar a consistência de cada série histórica utilizada com a tendência regional –, optou-se

pela sua não realização neste estudo. A motivação desta escolha de não realizar tal procedimento decorre do seu caráter excessivamente laborioso, pois envolve análise de um número superior a 100 estações pluviométricas.

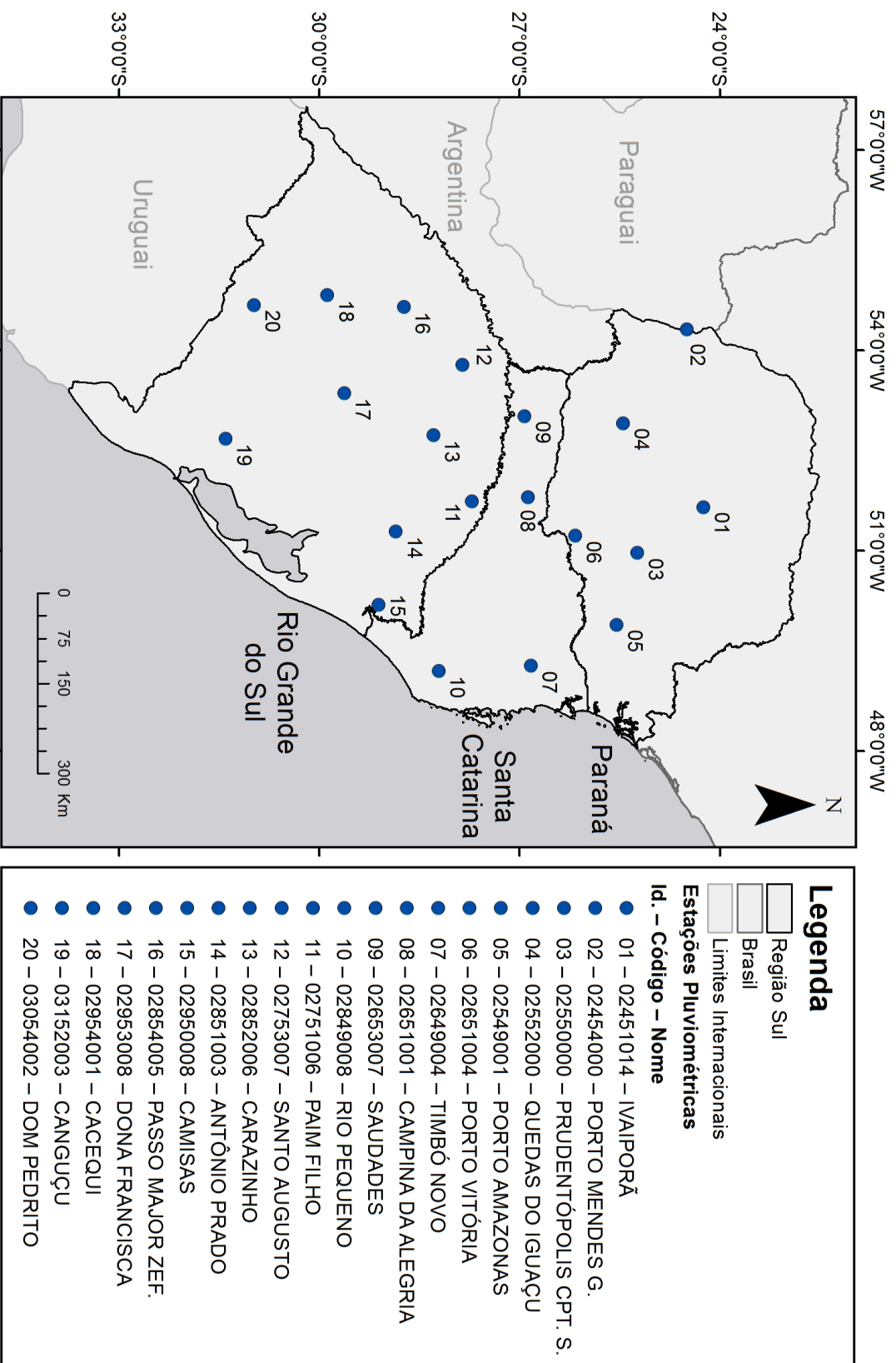
Outra diferença notável no que se refere à metodologia da investigação ora detalhada e o procedimento descrito em Searcy e Hardyson (1960) refere-se à abordagem quanto aos ajustes. Nenhum reparo das séries históricas de precipitação, quando observada mudanças de declividade das curvas duplo acumuladas, foi realizado neste estudo. Os casos em que foram identificados valores notadamente divergentes foram submetidos a uma investigação individual para a posterior rejeição ou aceitação de todos os dados da estação pluviométrica. Por fim, as estações pluviométricas aprovadas têm sua análise da curva duplo acumulativa evidenciadas no Anexo III.

Com o fim da verificação de consistência dos dados de precipitação, as estações pluviométricas aprovadas, cujas localizações constam na Tabela 4.2 e Figura 4.6, são empregadas neste estudo.

**Tabela 4.2** – Localização das estações pluviométricas utilizadas.

<b>Id.</b>	<b>Nome</b>	<b>Código</b>	<b>Estado</b>	<b>Longitude</b>	<b>Latitude</b>	<b>Altitude (m)</b>
1	Ivaiporã	02451014	PR	-24:15:0	-51:39:0	360
2	Porto Mendes Gonçalves	02454000	PR	-24:29:29	-54:18:34	225
3	Prudentópolis Capt. S.	02550000	PR	-25:14:14	-50:57:39	690
4	Quedas do Iguaçu	02552000	PR	-25:26:54	-52:54:16	550
5	Porto Amazonas	02549001	PR	-25:33:0	-49:53:0	793
6	Porto Vitória	02651004	PR	-26:10:0	-51:13:0	790
7	Timbó Novo	02649004	SC	-26:49:47	-49:16:19	70
8	Campina da Alegria	02651001	SC	-26:52:24	-51:47:47	1000
9	Saudades	02653007	SC	-26:55:44	-53:0:27	280
10	Rio Pequeno	02849008	SC	-28:12:34	-49:11:42	93
11	Paim Filho	02751006	RS	-27:42:45	-51:44:16	600
12	Santo Augusto	02753007	RS	-27:51:7	-53:46:35	520
13	Carazinho	02852006	RS	-28:17:36	-52:43:27	570
14	Antônio Prado	02851003	RS	-28:51:12	-51:17:4	630
15	Camisas	02950008	RS	-29:6:30	-50:11:13	920
16	Passo Major Zeferino	02854005	RS	-28:44:1	-54:38:52	160
17	Dona Francisca	02953008	RS	-29:37:28	-53:21:7	25
18	Cacequi	02954001	RS	-29:52:43	-54:49:31	100
19	Canguçu	03152003	RS	-31:24:16	-52:40:24	400
20	Dom Pedrito	03054002	RS	-30:58:41	-54:40:33	120

Fonte: ANA (2015).



**Figura 4.6** – Localização das estações pluviométricas utilizadas.

Como pode ser observado na Figura 4.6, as estações do nordeste paranaense não foram utilizadas. Isso se deve, principalmente, à não abordagem da região hidrográfica Atlântico Sudeste. Esta exclusão decorreu do fato de que a área da RH é relativamente pequena, como pode ser observado na Figura 4.2 e que a partir das Figuras 3.6, 3.7 e 3.8 (páginas 44, 45 e 46, respectivamente) possuem um regime pluviométrico ao longo do ano distinto da região sul como um todo.

A região norte do Paraná, centro-leste do Rio Grande do Sul e central do Estado de Santa Catarina também não foram examinadas neste estudo devido à ausência de estações pluviométricas nestes locais que satisfaziam os critérios estipulados na etapa de pré-processamento ou análise de consistência. O tópico seguinte discute os aspectos metodológicos referente a série sintética do índice ONI.

#### **4.1.3 Série sintética da variável exógena**

Para a utilização das séries sintéticas da variável, foram contempladas diversas possibilidades, entre elas, a da produção de fases ONI por meio de um gerador estocástico para este fim. Visto que a realização deste novo gerador, além de complexa e trabalhosa, aumentaria a incerteza relacionada aos resultados obtidos no presente trabalho, decidiu-se pelo uso da própria série histórica das fases ENOS para o condicionamento das séries sintéticas.

Considerando a utilização da série histórica do índice ONI para a produção das séries sintéticas nota-se que o comprimento de 65 anos destes dados históricos é insuficiente para avaliar a capacidade de geração das séries sintéticas a serem produzidas. Neste sentido, foi realizado um procedimento no qual serão geradas 500 séries de 65 anos, em que os momentos centrais, mensais e anuais, os valores máximos diários anuais de precipitação e as sequências de dias secos ao longo dos trimestres são obtidos e comparados com a série histórica. O tópico seguinte descreve o modelo adotado e suas variações.

## **4.2 Descrição do modelo adotado e suas variações**

Como mencionado na etapa de objetivos, para esta investigação foram desenvolvidos seis geradores de precipitação diária bipartidos que empregam cadeias markovianas de primeira ordem, sendo metade deles associados a uma variável exógena. Entretanto, este conjunto de geradores pode efetivamente ser entendido como apenas um modelo bipartido com algumas partes intercambiáveis, que por sua vez, facilitam assim variações posteriores.

No que diz respeito a estas variações do modelo, cada uma terá nomenclatura própria para um melhor entendimento do trabalho. Para os casos em que há o condicionamento às fases ENOS, as variações têm em sua nomenclatura a sigla “CC” e, para os não condicionados, a sigla “SC”.

Já as variações do modelo relacionadas à utilização da distribuição teórica de probabilidades, quando é empregada a distribuição Gama, a nomenclatura aplicada é o próprio nome da distribuição, caso seja utilizado a Exponencial Mista é aplicada a sigla “ME”, e para quando é aplicado o critério de informação de Bayes para definir a distribuição teórica de probabilidades a ser empregada na produção das alturas diárias de precipitação leva a sigla “BIC” em seu nome. Logo, temos os geradores: SC-Gama, SC-ME, SC-BIC, CC-Gama, CC-ME, CC-BIC.

Resumidamente, o modelo realizado neste trabalho possui quatro etapas: o pré-gerador, a geração das ocorrências de chuva, a geração das alturas de precipitação e o pós-gerador. Para a elaboração do modelo, foi utilizado o ambiente computacional R. A primeira etapa, o pré-gerador, é detalhada no tópico seguinte.

#### **4.2.1 Pré-gerador**

O pré-gerador tem como principal finalidade a obtenção dos parâmetros necessários para as etapas posteriores. Decorrente disso, esta etapa é realizada separadamente da geração das séries sintéticas e apenas uma vez para cada estação pluviométrica.

Como observado no capítulo de revisão bibliográfica, para os geradores bipartidos é essencial diferenciar o dia chuvoso de um dia seco (definir os dois únicos estados das cadeias markovianas) para a posterior estimativa das probabilidades de transição. Mesmo com a possibilidade de emprego de um limiar específico para definir a ocorrência de precipitação diária, neste trabalho foi utilizada a menor leitura possível realizada nas estações pluviométricas. Desta forma, ao observar tal definição nos casos analisados, o limiar referido é de 0,1 mm.

A modelagem da precipitação diária – por se tratar de uma variável, geralmente, assimétrica positiva e possuir valores pequenos – pode sofrer influência decorrente da utilização de limiares diferentes. Dada tais características, o uso de um limiar superior tende a gerar um aumento da média, uma vez que, alturas inferiores ao referido limiar passam a não ser



contabilizadas. Já para o caso da modelagem de ocorrência de precipitação a tendência é que haja uma redução na razão entre dias chuvosos e secos.

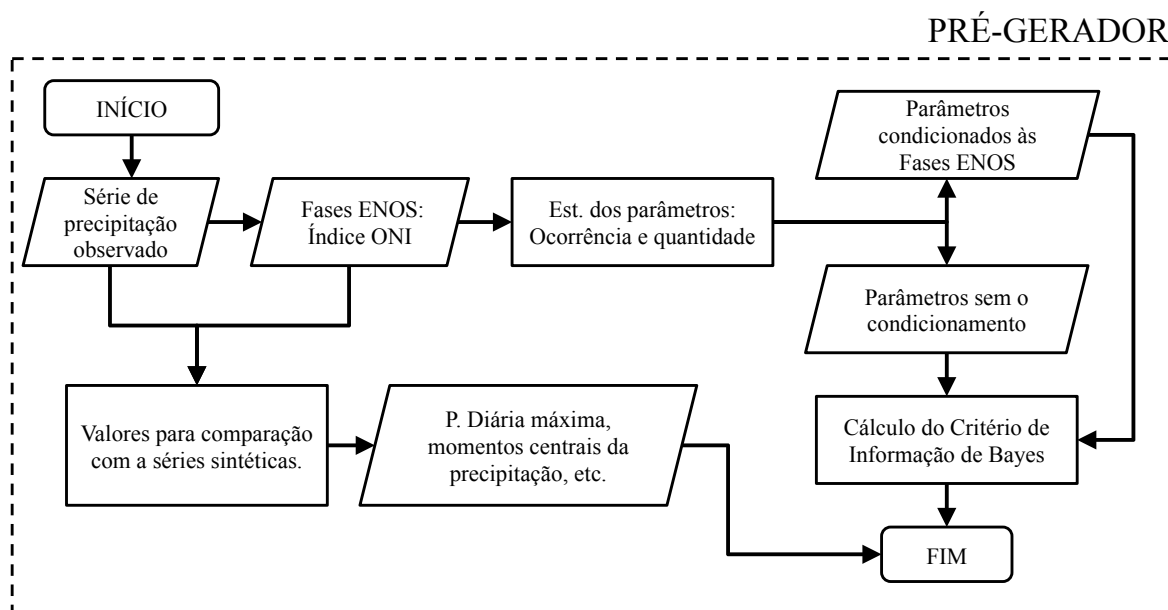
Com os estados definidos a partir da descrição realizada anteriormente, foram associados aos dados de precipitação o índice ONI. Com isso, torna-se possível estimar as probabilidades de transição levando em conta as fases dos ENOS, por meio da seleção dos dados a serem analisados. Para isso, foram aplicadas as equações 3.18, 3.19, 3.20 e 3.21 para cada mês quando não há o condicionamento e cada mês e fase ENOS para os tipos de modelo “CC”.

Adicionalmente, apenas para o caso sem condicionamento foram estimadas as probabilidades de cadeias markovianas de ordem superior. Em seguida, foi realizada a análise de ordem ótima, por meio do critério de informação de Bayes, com intuito de avaliar, preliminarmente, a adequabilidade do uso de cadeias markovianas de primeira ordem.

No que se refere aos parâmetros das distribuições teóricas de probabilidade, a partir dos subconjuntos das alturas de precipitação diária os parâmetros das distribuições Exponencial, Exponencial Mista e Gama para cada mês (variações “SC”) e para cada mês e fase ENOS (variações “CC”) foram estimados por meio do método da máxima verossimilhança. Ademais, com a função log-máxima verossimilhança, foram calculados os critérios de informação de Bayes para todas as distribuições que tiveram seus parâmetros estimados anteriormente.

Na última etapa de pré-processamento são calculadas as estimativas dos momentos centrais da precipitação diária e mensal, e produzidos os gráficos de diagramas caixa das precipitações diária e mensal da série histórica. Também são coletados os momentos centrais dos valores observados de dias chuvosos ao longo dos meses e as sequências de dias seguidamente secos e chuvosos. A Figura 4.7 apresenta resumidamente o fluxograma do Pré-gerador.

Ao considerar as sequências de dias consecutivamente chuvosos e secos, uma análise mensal é extremamente limitada, uma vez que há a possibilidade de que estes conjuntos de dias com um mesmo estado, principalmente secos, serem substancialmente superiores a um mês. Nesse sentido, foi estabelecida uma análise trimestral da série histórica de precipitação para uma posterior comparação com a sintética. Os trimestres utilizados para análise foram: dezembro – fevereiro; março – maio; junho – agosto; e setembro – novembro de forma semelhante a utilizada por Tedeschi *et al.* (2013).



**Figura 4.7** – Fluxograma do Pré-gerador.

Deve-se evidenciar que para contabilizar a série das sequências de dias seguidos chuvosos ou secos foram considerados apenas os dias inseridos em um dado trimestre. Consequentemente, mesmo que uma sequência de dias secos se prolongue até o trimestre posterior o valor contabilizado se limita apenas a aquele ao fim daquele trimestre, no caso do posterior a sequência tem início sempre no seu primeiro dia. Um detalhe importante no que se refere a relação entre o índice ONI e a série de dias seguidos secos e chuvosos é que é levado em conta apenas o último dia de uma dada sequência para definir a fase ENOS da mesma.

Por fim, é necessário evidenciar o uso das bibliotecas “MASS” (2016) para as estimativas de parâmetros Gama e Exponencial e “Renext” (DEVILLE e IRSN, 2015) da Exponencial Mista, “ggplot2” (WICKHAM, 2009) e “Hmisc” (HARRELL e DUPONT, 2015) para a produção de gráficos, “moments” (KOMSTA e NOVOMESTKY, 2015) para o cálculo dos momentos, “Rccp” (EDDELBUETTEL, 2013) para otimização de processos, “dplyr” (WICKHAM e FRANÇOIS, 2015) para a manipulação dos dados. Em seguida é abordada a geração da ocorrência de precipitação.

#### **4.2.2 Módulo de ocorrência de precipitação**

Nos modelos bipartidos, como já descrito no Capítulo III, a geração das séries sintéticas é dividida em dois módulos, sendo o primeiro deles referente à geração das ocorrências de precipitação ou, resumidamente, como o módulo de ocorrência. Diferentemente do pré-gerador, no qual são executados uma grande diversidade de processos, tal etapa tem apenas

dois propósitos: a obtenção da série sintética de ocorrência de precipitação e a de sequências de dias secos e chuvosos.

A partir das probabilidades de transição das cadeias markovianas de primeira ordem, obtidas no pré-gerador, são utilizadas as equações 3.24 e 3.25 de forma recorrente e assim é definido se há ou não precipitação em todos os dias da série sintética.

No que diz respeito às variações no módulo de ocorrência há apenas duas possibilidades:

- Com condicionamento – no qual as probabilidades de transição são definidas com base nas fases ENOS a partir do índice ONI. Tal variação implica a utilização de parâmetros distintos das cadeias markovianas por fase e mês totalizando um total de setenta e dois parâmetros (12 meses, 2 por mês, 3 fases do ENOS).
- Sem o condicionamento – sem a utilização de variável exógena a modelagem da ocorrência de precipitação necessita de vinte e quatro probabilidades de transição, dois a cada mês.

Ambas variações do modelo foram elaboradas com a utilização das bibliotecas “Rccp” (EDDELBUETTEL, 2013) com objetivo de otimizar computacionalmente a geração das séries sintéticas via cadeias markovianas, e “dplyr” (WICKHAM e FRANÇOIS, 2015) para organização os dados. Em seguida é explicada a etapa onde são geradas a alturas de precipitação das séries sintéticas.

#### **4.2.3 Módulo de quantidade precipitada**

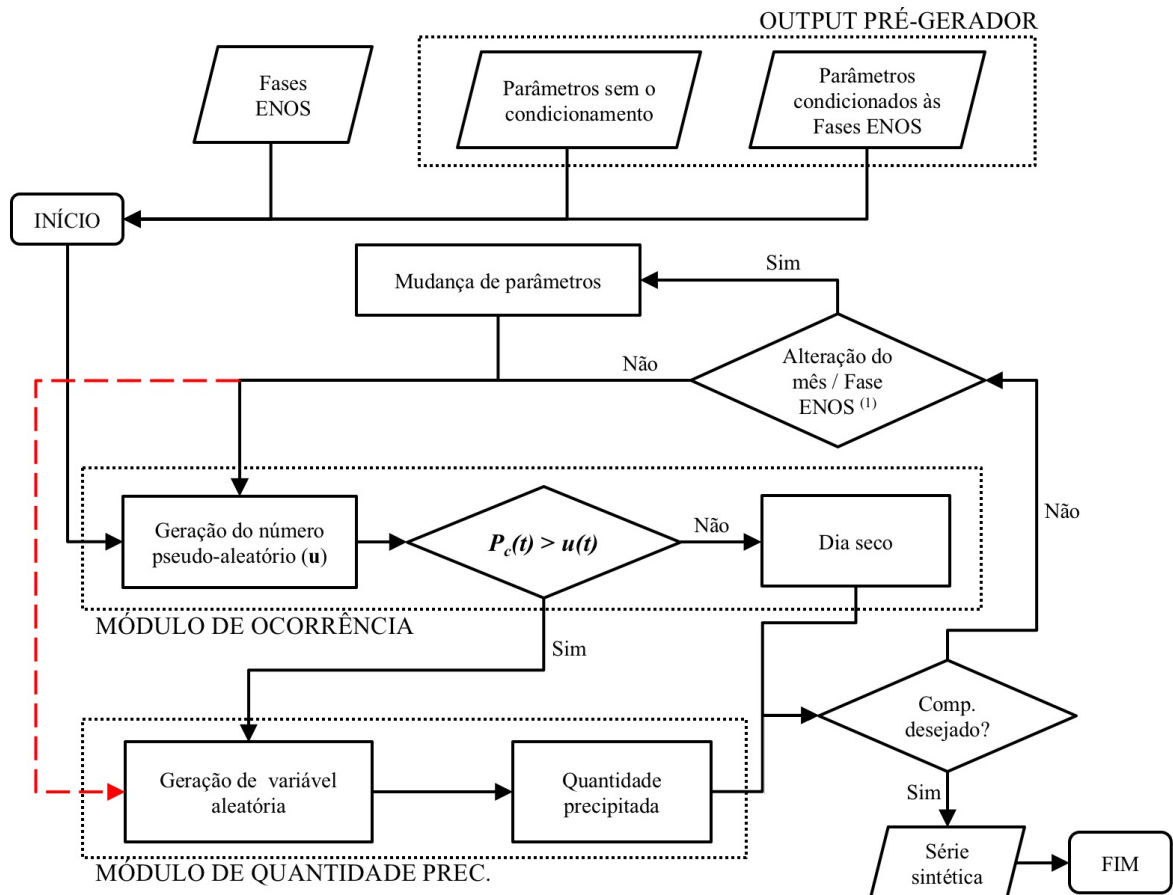
O módulo de quantidade precipitada é fundamentado nos subcapítulos 3.1 (Geradores de números pseudoaleatórios) e 3.2 (Geração de variáveis aleatórias). A partir do entendimento destes pontos, a geração das alturas de precipitação torna-se um processo de fácil compreensão e aplicação. Por se tratar, neste caso especificamente, de um modelo bipartido – no qual não são consideradas as relações entre os volumes precipitados nos diferentes passos de tempo – é necessário apenas gerar variáveis aleatórias independentes para os dias onde há precipitação de acordo com os parâmetros das distribuições teóricas de probabilidades definidas para um mês específico.

Ao considerar as variações presentes no módulo de quantidade precipitada, tem-se três variações de modelo: a primeira, na qual todas as alturas de precipitação são produzidas de

acordo com a distribuição teórica de probabilidade Gama; a segunda, que utiliza apenas a Exponencial Mista; e a última, na qual a distribuição a ser definida depende do resultado do critério de informação de Bayes entre a Gama, Exponencial e Exponencial Mista para o mês (ou mês e fase quando apropriado). Considerando as diferentes possibilidades, são obtidas seis variações do modelo de geração estocástica de precipitação.

- SC-Gama – Tal variação possui um total de 48 parâmetros a serem estimados, sendo metade deles referente a cadeias de Markov de primeira ordem e a outra decorrente dos parâmetros da distribuição de probabilidades Gama;
- CC-Gama – Decorrente do condicionamento, fato em que é necessário a estimativa de 144 parâmetros divididos igualmente entre os módulos de ocorrência (CM de primeira ordem) e o módulo de quantidade precipitada;
- SC-ME – Modelo com 60 parâmetros a serem estimados, 36 deles a partir do ajuste das alturas de precipitação diária, divididas ao longo dos meses, e os restantes derivados da ocorrência de precipitação baseado na cadeia markoviana de primeira ordem;
- CC-ME – Nesta variação há 72 parâmetros a serem determinados pelo módulo de ocorrência e 108 do módulo de quantidade precipitada.
- SC-BIC – Nos modelos que envolvem o critério de informação de Bayes, no módulo de quantidade precipitada, o número de parâmetros é definido a partir de cada caso particularmente variando entre 36 e 60; e
- CC-BIC – Da mesma forma da variação anterior, não se sabe exatamente a quantidade de parâmetros do modelo, que pode variar entre 84 e 180. Sendo o número de parâmetros para cada mês e fase ENOS definidos a partir do critério de informação de Bayes.

Por fim, do modelo explicitado e suas variações, foram geradas 3000 séries de 65 anos para cada série histórica, ou seja, 500 séries por variação. Uma observação importante quanto à produção das alturas de precipitação é que quando produzidos (a partir da geração de variáveis aleatórias) valores inferiores à menor leitura possível de precipitação, estes são aproximados a 0,1 mm. A Figura 4.8 ilustra de maneira genérica o fluxograma da geração de apenas uma série sintética.



**Figura 4.8** – Fluxograma de geração de série sintética.

Como pode ser observado na Figura 4.8, os inputs necessários são os parâmetros obtidos no pré-gerador e a série de fases ONI quando o modelo apresenta o condicionamento. Sendo o único output a série sintética analisada posteriormente no pós-gerador. Em relação ao uso de bibliotecas do R, foram utilizadas para a realização do módulo de quantidade de precipitação:

- “MASS” (VENABLES e RIPLEY, 2002) para produzir variáveis aleatórias distribuídas de acordo com a distribuição Gama e Exponencial;
- “Renext” (DEVILLE e IRSN, 2015) produção das VA da Exponencial Mista; e
- “dplyr” (WICKHAM e FRANÇOIS, 2015) manipulação dos dados.

#### 4.2.4 Pós-gerador

A partir das séries produzidas cabe ao pós-gerador, que é um conjunto de rotinas computacionais, extrair os resultados destas e compará-las com os dados históricos, bem como obter relações entre as variações propostas do modelo em um aspecto mais amplo, ou

seja, envolvendo todas estações pluviométricas. Consequentemente, esta etapa pode ser dividida em duas partes.

A primeira diz respeito apenas aos resultados entre as séries sintéticas produzidas e os dados históricos da estação pluviométrica em questão. Desta forma, é necessário obter das séries sintéticas (des)considerando as fases ENOS: as médias mensais e variâncias do número de dias secos e chuvosos ao longo dos meses; a contagem das sequências de dias seguidamente secos e chuvosos, os momentos de precipitação mensal e diária (sendo as últimas discretizadas mensalmente) e as precipitações diárias máximas anuais. Já a segunda parte do pós-gerador objetiva a análise de desempenho de cada variação do gerador, levando em conta todas estações pluviométricas analisadas para a posterior comparação.

Um aspecto importante relacionado ao pós-gerador, diz respeito aos casos nos quais a obtenção dos resultados dependem apenas do módulo de ocorrência. Para tais circunstâncias são evidenciados os resultados somente para dois conjuntos de 500 séries (CC-ME e SC-ME). Apesar de resultados distintos, o processo de geração das ocorrências de precipitação para os outros conjuntos é semelhante a uma das variações evidenciadas anteriormente (CM de primeira ordem com e sem o condicionamento). Desta forma, compreende-se que não há necessidade de analisar os resultados das variações SC-GAMA, SC-BIC, CC-GAMA e CC-BIC.

Por fim, com o objetivo de assegurar a reprodutibilidade deste estudo, cada conjunto de 500 séries é realizado a partir de uma semente específica ( $S_0$ ). A estratégia utilizada para a elaboração destas sementes, seguida de um pequeno exemplo, é ilustrada pela Tabela 4.3.

**Tabela 4.3** – Estratégia utilizada para a criação de sementes

Variação do modelo	Método de cálculo das sementes	Exemplo	
		Código	Semente
SC-Gama	$S_0 = 1 . Código + 11$	02954001	2.954.012
SC-ME	$S_0 = 2 . Código + 13$	02954002	5.908.015
SC-BIC	$S_0 = 3 . Código + 17$	02954003	8.862.026
CC-Gama	$S_0 = 4 . Código + 19$	02954004	11.816.035
CC-ME	$S_0 = 5 . Código + 23$	02954005	14.770.048
CC-BIC	$S_0 = 6 . Código + 29$	02954006	17.724.065

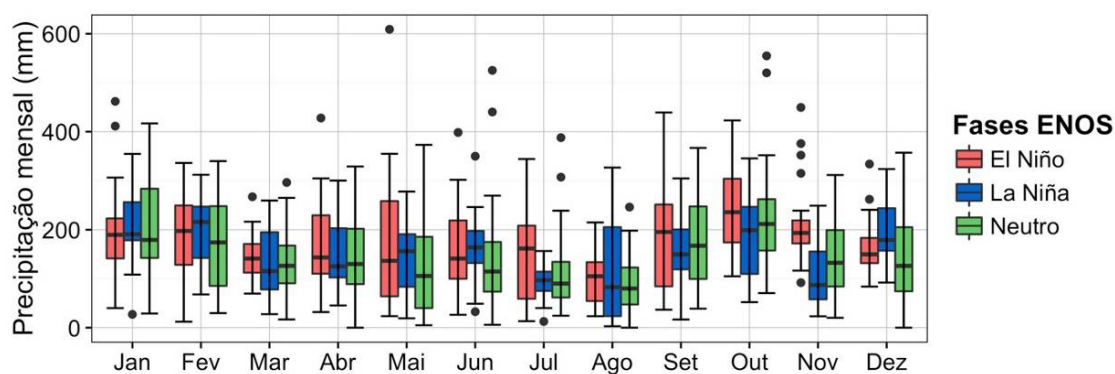
Em relação à estratégia produzida, deve-se evidenciar que não ocorreram repetições de uma mesma semente, ou seja, para cada variação do modelo e estação pluviométrica foi utilizada uma sequência de números pseudoaleatórios específica. Além disso, para a reprodução das séries sintéticas deste trabalho são indicados os algoritmos necessários para tal no Anexo IV. A partir disso, foram produzidas as séries sintéticas que são discutidas no capítulo seguinte.

## 5 RESULTADOS E DISCUSSÃO

Inicialmente, para a produção das séries sintéticas de cada variação do modelo – como descrito na etapa de metodologia – é necessário executar a rotina “Pré-gerador” para cada estação pluviométrica, nas quais são obtidos os parâmetros necessários para a geração das séries sintéticas. Além disso, nesta primeira etapa são armazenados os momentos da precipitação: as tabelas de contingência das sequências de dias seguidos secos e chuvosos e uma análise inicial referente a adequabilidade da cadeia markoviana de primeira ordem, apenas para o caso sem condicionamento.

Em relação à análise inicial da adequabilidade da ordem das cadeias, ao utilizar o critério de informação de Bayes, foi observado que na grande maioria dos casos a cadeia markoviana de primeira ordem é a ótima (89,2%). Em relação a outras ordens, as cadeias híbridas de segunda ordem prevalecem em 4,2% dos casos, as de ordem 0 em 2,9% e segunda ordem ou superior em 3,8%. Neste sentido, nota-se um bom indicativo do uso de cadeias markovianas de primeira ordem como apropriado para modelagem da ocorrência de precipitação.

No que se refere à relação entre o índice ONI e as chuvas nas estações pluviométricas na região sul, é possível observar essa influência nas precipitações mensais. A Figura 5.1, por sua vez, que descreve a pluviosidade observada por mês e discretizadas por fase ENOS, ilustra tal relação na estação Quedas do Iguaçu no estado do Paraná (cód. 02552000).



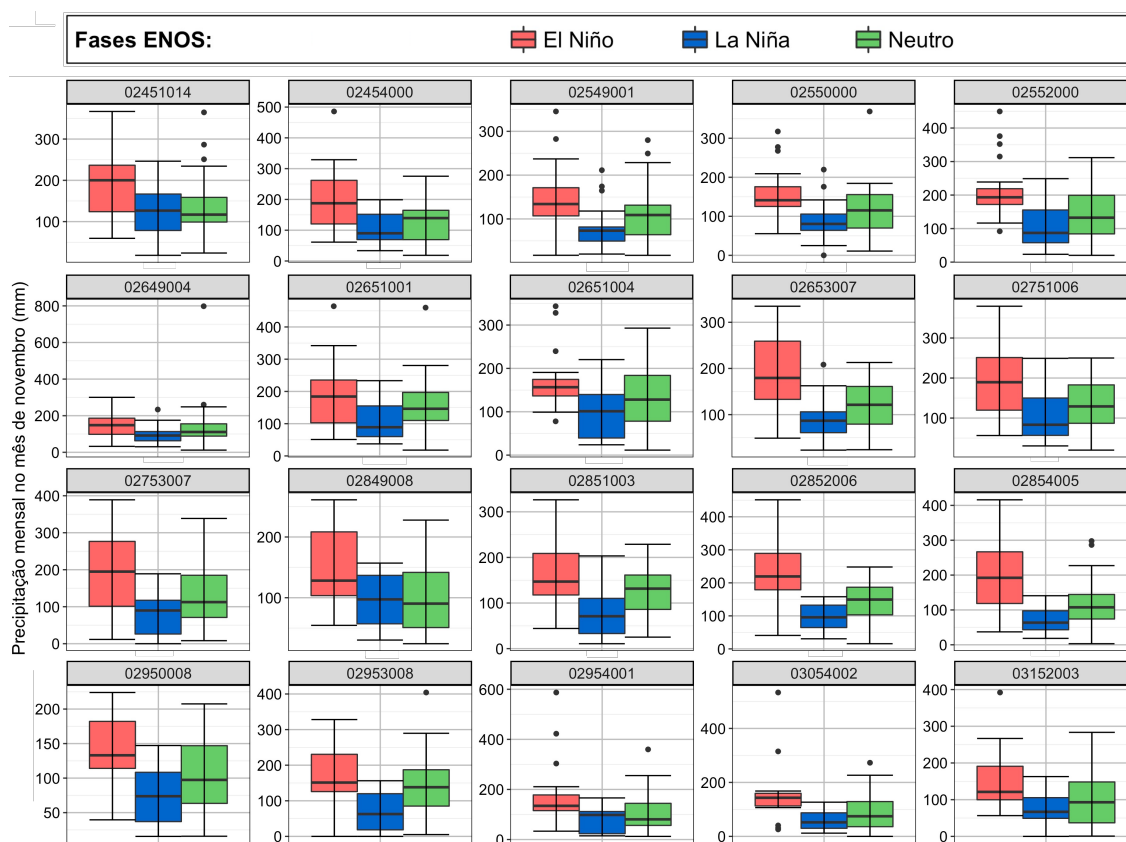
**Figura 5.1** – Precipitação mensal discretizadas por fase ENOS na estação pluviométrica Quedas do Iguaçu –PR

A Figura 5.1, como pode ser observado, concorda razoavelmente com a literatura, segundo a qual as medianas e o terceiro quartil das fases quentes são geralmente superiores quando comparado com outras fases, assim como uma menor quantidade de valores atípicos superiores – acima de 1,5 da amplitude interquartil (AIQ) – ligadas ao La Niña. Entretanto,



deve-se evidenciar que nem todos os meses possuem a relação entre precipitação e ENOS – maior precipitação na fase quente e menor na fase fria – como nos casos de fevereiro, março e dezembro.

Vale destacar que os meses de novembro (Figura 5.2) – em relação ao primeiro, segundo e terceiro quartil – se notabilizam por estarem de acordo com a relação fase quente com maior precipitação e fria com menor. Tal observação descreve uma relação já contemplada por Grimm (2011), na qual os meses da primavera possuem um sinal mais forte do fenômeno El Niño – Oscilação Sul para a região estudada.



**Figura 5.2** – Precipitações discretizadas por fase ENOS no mês de novembro.

O Anexo V descreve as precipitações mensais observadas por fase de todas as estações pluviométricas utilizadas no estudo. De maneira geral as observações realizadas a partir da Figura 5.1 são válidas também para as outras séries históricas de precipitação em maior ou menor grau, dependendo de cada estação. Contudo, são observados que as maiores precipitações acumuladas mensais (*outliers*) ocorreram durante a fase neutra na porção central (nas estações Campina da Alegria e Porto Vitória ambas em julho de 1983) e leste da região estudada (nas estações de Timbó Novo em novembro de 2008 e Canguçu em julho de 1995).

Em relação a estes eventos, deve-se evidenciar que em todos ocorreram durante uma fase neutra precedida de uma fase quente ou fria e sucedida de uma fase distinta da predecessora. Sobre a precipitação acumulada mensal ocorrida em Timbó Novo em novembro de 2008, segundo o Instituto Nacional de Pesquisas Espaciais (2008), teve como principal contribuição um evento de precipitação entre os dias 20 e 24 com acumulados que superou 500 mm decorrente de bloqueio atmosférico anômalo, no oceano atlântico próximo a região sul, associado a um vórtice ciclônico.

Decorrente da impossibilidade de uma análise mais objetiva sobre a natureza acerca destes eventos de precipitações extremas é importante realizar três ponderações: tendo em vista a relação entre o fenômeno ENOS e a precipitação na região estudada, é importante evidenciar que nem todos os meses são notados sinais fortes do ENOS. Além disso, considerando o tamanho de cada amostra por fase é plausível a presença de valores extremos mensais, como aqueles descrito anteriormente, durante a fase neutra, uma vez que, o tamanho da amostra é consideravelmente superior as fases frias e quentes.

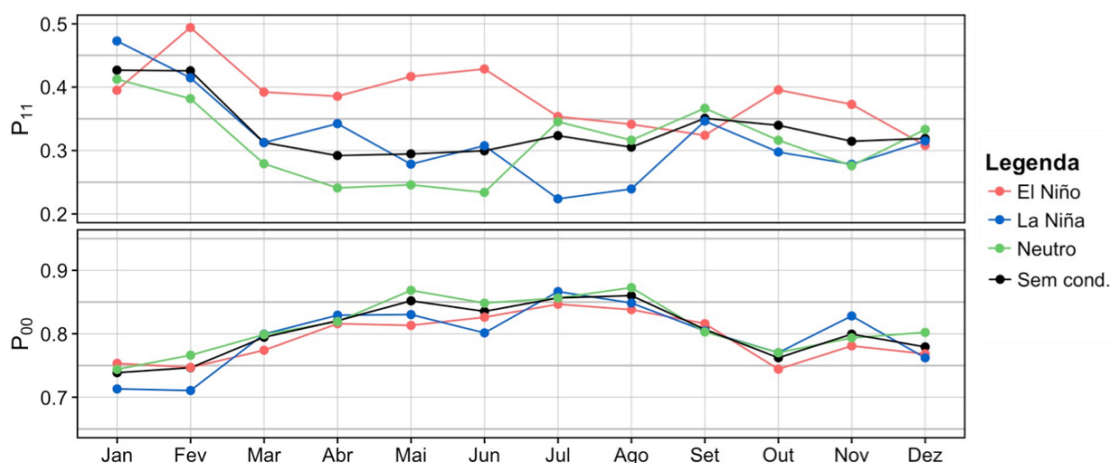
O terceiro aspecto provém da natureza hidrometeorológica extraordinária de um evento de precipitação, como o destacado anteriormente na estação Timbó Novo, e sua relação com a homogeneidade. Tendo em vista o mecanismo de formação peculiar de parte considerável da precipitação acumulada mensal abordada, há a possibilidade de entendimento da ocorrência de não homogeneidade nas séries históricas de precipitação. Desta forma, considerando as apreciações acima, ainda que subjetivas, é justificável a ocorrência dos eventos extremos durante a fase neutra.

Por fim, a mudança nas características mensais da precipitação em relação às fases ENOS demonstradas através dos diagramas caixa no Anexo V influenciam as estimativas dos parâmetros das cadeias markovianas e da modelagem de quantidade precipitada. Tais parâmetros são tratados no tópico seguinte.

### **5.1 Parâmetros do gerador estocástico de precipitação**

Como descrito na etapa de metodologia, foram estimados no pré-gerador os parâmetros do módulo de ocorrência, ou seja, as probabilidades de transição de estados da cadeia markoviana de primeira ordem de dois estados com e sem o condicionamento. A partir da maior variabilidade dos parâmetros obtidos, tem-se um indicativo do sinal da teleconexão

entre precipitação na estação pluviométrica e o índice ONI. Um bom exemplo disso é a Figura 5.3 que evidencia as probabilidades de transição de estados ao longo dos meses discriminados por fase incluindo também o caso sem o condicionamento na estação Quedas do Iguaçu no estado do Paraná.



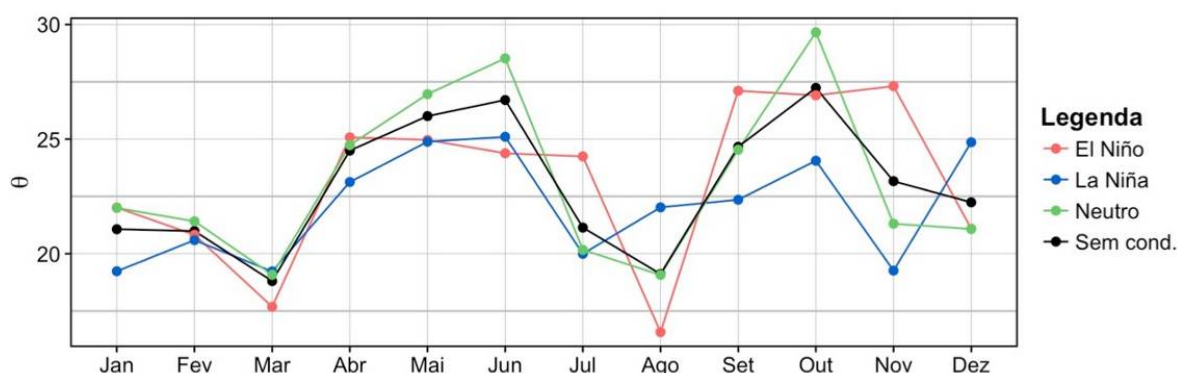
**Figura 5.3** – Probabilidades de transições de estados da série histórica da estação pluviométrica Quedas do Iguaçu.

Na Figura 5.3 nota-se uma variação considerável por fase ENOS no caso da probabilidade de transição entre dois dias chuvosos. Em consequência disso, há uma alteração considerável na capacidade do modelo, para o caso condicionado, na produção de sequências de dias chuvosos. Considerando o mês de julho, por exemplo, no qual  $P_{11} = 22,4\%$  na fase fria e  $35,4\%$  na fase quente, a probabilidade da ocorrência de precipitação de três dias consecutivos, dado que o dia anterior foi chuvoso quadruplica no modelo condicionado entre a fase quente e a fria.

No caso das transições entre dois dias secos ( $P_{00}$ ), na Figura 5.3, esta variação é visualmente menor. Por outro lado, as sequências de dias secos são consideravelmente mais longas, e conseqüentemente, uma pequena alteração neste parâmetro tem efeito significativo decorrente do caráter de progressão geométrica da geração destas. Tomando o mês de maio como exemplo, tem-se a alteração de  $P_{00}$  de  $85,2\%$ , sem o condicionamento, para  $81,3\%$  em uma fase quente no caso do modelo condicionado. Conseqüentemente, verifica-se uma mudança da probabilidade da continuação da sequência de dias seguidamente secos por mais 12 dias na série sintética de  $14,6\%$ , do caso sem a associação à uma variável exógena, para  $8,3\%$  em uma fase quente no caso condicionado.

O Anexo VI descreve todos os parâmetros do módulo de ocorrência para a totalidade das estações estudadas, juntamente com o resultado da cadeia markoviana ótima baseado no critério de informação de Bayes.

De forma similar aos parâmetros do módulo de ocorrência, os de quantidade precipitada se alteram ao longo das fases ENOS. A Figura 5.4 ilustra os parâmetros obtidos da distribuição Exponencial sem condicionamento e para as fases ENOS em cada mês da estação pluviométrica Quedas do Iguaçu.



**Figura 5.4** – Parâmetros da distribuição Exponencial estimados a partir da série histórica da estação pluviométrica Quedas do Iguaçu.

Como pode ser observado na Figura 5.4, há uma considerável variação em cada mês relacionada as fases ENOS, principalmente, no segundo semestre do ano. Por outro lado, não são todos os casos onde há uma relação semelhante à descrita na revisão de literatura (maior precipitação durante a fase quente e menor durante a fase fria). Além dos parâmetros da distribuição Exponencial, foram obtidos também os parâmetros das distribuições Exponencial Mista e Gama, assim como, extraído o critério de informação de Bayes destas distribuições para todas as estações pluviométricas que são explicitados no Anexo VII.

A partir do critério de informação de Bayes, a distribuição Exponencial é realizada em mais de 40% dos meses no modelo sem condicionamento e 60% das vezes no modelo condicionado às fases ENOS. Ao relacionar o BIC com a distribuição Exponencial Mista é verificada uma redução substancial nas escolhas destas de 31% do “SC” para apenas 16% no “CC”. Desta forma, deve-se notar que o modelo se torna mais parcimonioso sendo o número de parâmetros para geração das alturas de precipitação, inferiores em média, as variações do modelo que utilizam a Gama (4,5 parâmetros por mês nos condicionados e 1,9 nos sem condicionamento).

Uma consideração importante em relação aos parâmetros estimados da distribuição de probabilidades Exponencial Mista, é que foi observado em quase todas as estações pluviométricas (Tabela 5.1) que os dois parâmetros ( $\theta_1$  e  $\theta_2$ ) que constituem tal distribuição, possuíam valores virtualmente semelhantes.

**Tabela 5.1** – Estações com parâmetros semelhantes da distribuição Exponencial Mista

Id.	Nome	Código	Estado	Ocorrência de degenerações		
				Sem cond.	Por fases	Total
1	Ivaiporã	02451014	PR	0	1	1
2	Porto Mendes Gonçalves	02454000	PR	2	10	12
3	Prudentópolis Capt. S.	02550000	PR	3	9	12
4	Quedas do Iguaçu	02552000	PR	5	21	26
5	Porto Amazonas	02549001	PR	0	2	2
6	Porto Vitória	02651004	PR	2	9	11
7	Timbó Novo	02649004	SC	0	0	0
8	Campina da Alegria	02651001	SC	1	6	7
9	Saudades	02653007	SC	4	16	20
10	Rio Pequeno	02849008	SC	0	0	0
11	Paim Filho	02751006	RS	2	7	9
12	Santo Augusto	02753007	RS	12	34	46
13	Carazinho	02852006	RS	0	2	2
14	Antônio Prado	02851003	RS	0	7	7
15	Camisas	02950008	RS	4	12	16
16	Passo Major Zeferino	02854005	RS	0	6	6
17	Dona Francisca	02953008	RS	8	18	26
18	Cacequi	02954001	RS	4	15	19
19	Canguçu	03152003	RS	0	11	11
20	Dom Pedrito	03054002	RS	4	17	21

Nos mesmos casos, os parâmetros de forma da distribuição Gama ( $\eta$ ) também eram superiores a um. O  $\eta$ , por sua vez, está relacionado intimamente com o coeficiente de variação ( $CV$ ) da distribuição Gama como explicitado no Anexo I. Para  $\eta > 1$ , o coeficiente de variação da distribuição Gama será menor que um. Por consequência, teremos que a variância da distribuição é inferior ao quadrado da média.

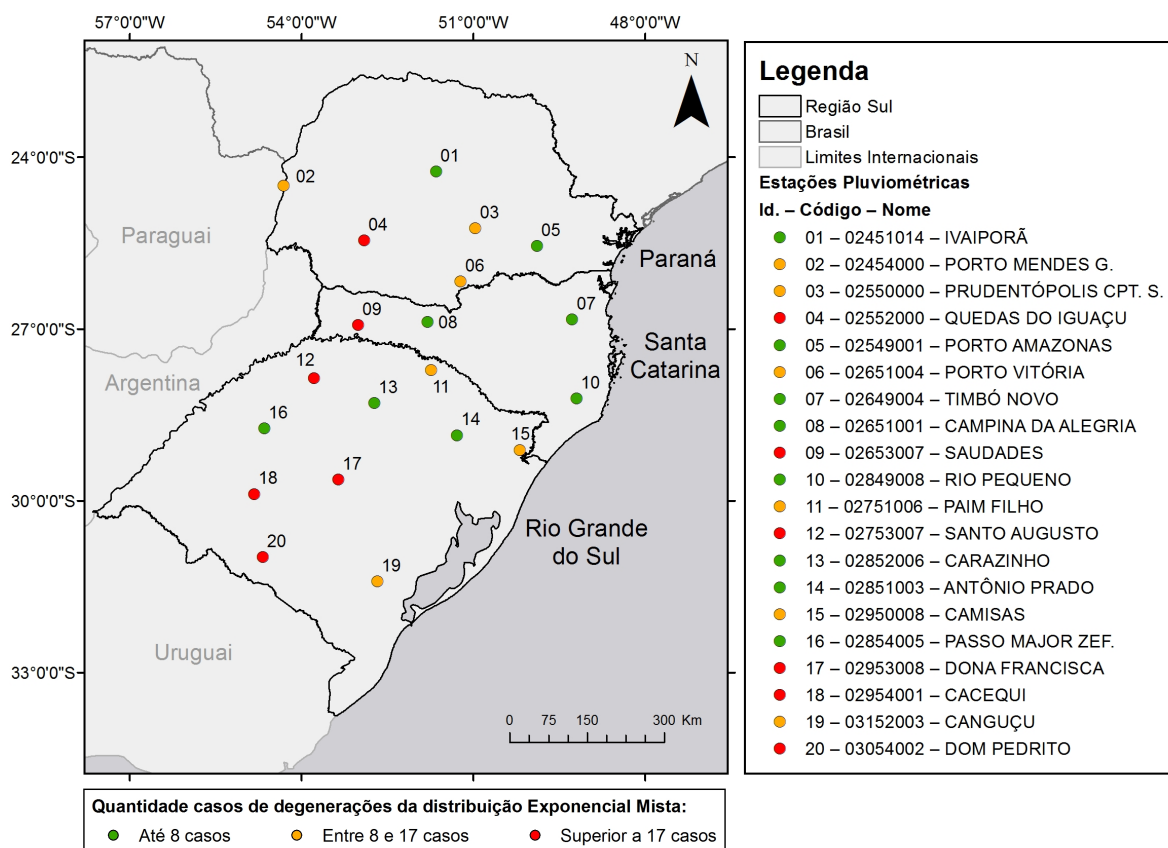
Como descrito no Anexo I, a distribuição Exponencial Mista, no que diz respeito ao seu coeficiente de variação, não possibilita valores inferiores a um. Para os episódios nos quais se observa parâmetros  $\theta_1$  e  $\theta_2$  semelhantes, temos que o  $CV$  da distribuição Exponencial Mista é igual ao da distribuição Exponencial, ou seja, um.

A ocorrência do parâmetro de forma da distribuição Gama superior a um, unido aos parâmetros  $\theta_1$  e  $\theta_2$  da distribuição Exponencial Mista semelhantes entre si, são fortes indicativos de que o coeficiente de variação amostral é inferior a um. Entretanto, cabe

ressaltar que não existe uma relação direta entre os momentos centrais e as estimativas dos parâmetros, uma vez que, estas são realizadas pelo método da Máxima Verossimilhança.

Neste sentido, quando observado um coeficiente de variação inferior a um e é utilizada a distribuição Exponencial Mista para a modelagem da precipitação diária, tem-se a possibilidade de superestimar a variância da precipitação diária. Por fim, para demonstrar as estações nas quais ocorrem a degeneração da distribuição Exponencial Mista – casos nos quais os parâmetros estimados resultam em uma distribuição exponencial simples ( $\alpha = 1$  ou  $\alpha = 0$  e  $\theta_1 = \theta_2$ ) – temos a Figura 5.5.

Considerando as 48 estimativas da distribuição Exponencial Mista por série histórica (12 para o caso sem condicionamento e 36 para as fases ENOS ao longo do ano), aquelas marcadas em verde indicam a presença de até 8 casos de degenerações da distribuição Exponencial Mista, as em cor laranja indicam entre 8 e 17 casos e, em vermelho, valores superiores a 17.



**Figura 5.5** – Ocorrência de degenerações da distribuição Exponencial Mista.

Como pode ser observado na Figura 5.5, as estações pluviométricas mais a oeste da região estudada são aquelas que apresentam o maior número de degenerações da Exponencial Mista,

excluindo apenas a estação pluviométrica Passo Major Zeferino na região Centro-Oeste do Rio Grande do Sul. No setor leste, a ocorrência de degenerações diminui sensivelmente, indicando maior adequabilidade da distribuição Exponencial.

Na Figura 4.3, quando relacionada a questão das degenerações, é observado que no setor leste da região sul predominam elevações acima de 600 m, excluindo parte do Rio Grande do Sul e o litoral. Diferentemente, a região oeste da área estudada, onde predominam as degenerações nas estações pluviométricas, estão localizadas em áreas, razoavelmente, planas e com elevações mais baixas. Desta forma, tem-se que uma de suas possíveis causas, podem ser as características geomorfológicas da região que, por sua vez, interferem nas precipitações.

Uma característica da precipitação, aparentemente, relacionada à ocorrência das degenerações da Exponencial Mista diz respeito a pequenos volumes. Esta relação se dá da seguinte forma: para uma grande quantidade de pequenos valores nota-se poucos casos de degenerações (no caso da estação pluviométrica de Timbó Novo na qual não é observada degenerações, ocorrem um total de 1197 dias com precipitação inferior a 1 mm); e para o caso de poucas precipitações, há uma grande quantidade de degenerações (estação pluviométrica de Santo Augusto, 46 degenerações e 3 dias de precipitações inferiores a 1 mm). A partir destas observações, deve-se destacar que uma menor quantidade de valores diminutos se afasta de uma das principais características da distribuição Exponencial Mista e até mesmo da Exponencial.

Conseqüentemente, com a constatação de um pequeno número de alturas de precipitação abaixo de 1 mm, torna-se possível presumir algumas alterações nos momentos centrais de segunda e terceira ordem dos dados observados. Nestes casos, supõe-se que haverá uma redução destes valores na série observada decorrente da contribuição reduzida no cálculo dos momentos na etapa da comparação das variáveis aleatórias com a sua respectiva média.

Ao relacionar as degenerações da distribuição Exponencial Mista com o critério de informação de Bayes, tem-se uma das possíveis razões do número elevado das seleções da distribuição Exponencial. Tal questão é proveniente de que com a ocorrência da degeneração há uma tendência de que os parâmetros da Exponencial Mista ( $\theta_1$  e  $\theta_2$ ) e Exponencial ( $\theta$ ) sejam similares. Como consequência disto, a função de máxima verossimilhança também será análoga entre as duas distribuições, sendo que a penalização da distribuição Exponencial Mista é maior devido ao número de parâmetros.

Desta forma, naqueles casos em que são verificadas essas degenerações, o critério de informação de Bayes a escolha ocorre apenas entre a distribuição Exponencial e Gama. A menor ocorrência de precipitações com pequena altura quando associada a outros estudos, tem-se uma das possíveis causas da boa adequabilidade da Exponencial com dois parâmetros no estudo realizado de Detzel e Mine (2011).

Já no que tange apenas a degeneração da Exponencial Mista, quando relacionada ao coeficiente de variação amostral, tem-se a produção de variâncias da precipitação diária nas séries sintética enviesadas (acima das observadas) amenizando a “*overdispersion*”, uma vez que esta característica é um dos fatores relacionados a este fenômeno. Decorrente disso, os efeitos das degenerações da Exponencial Mista serão tratados no tópico seguinte, quando serão avaliadas as variâncias das precipitações mensais.

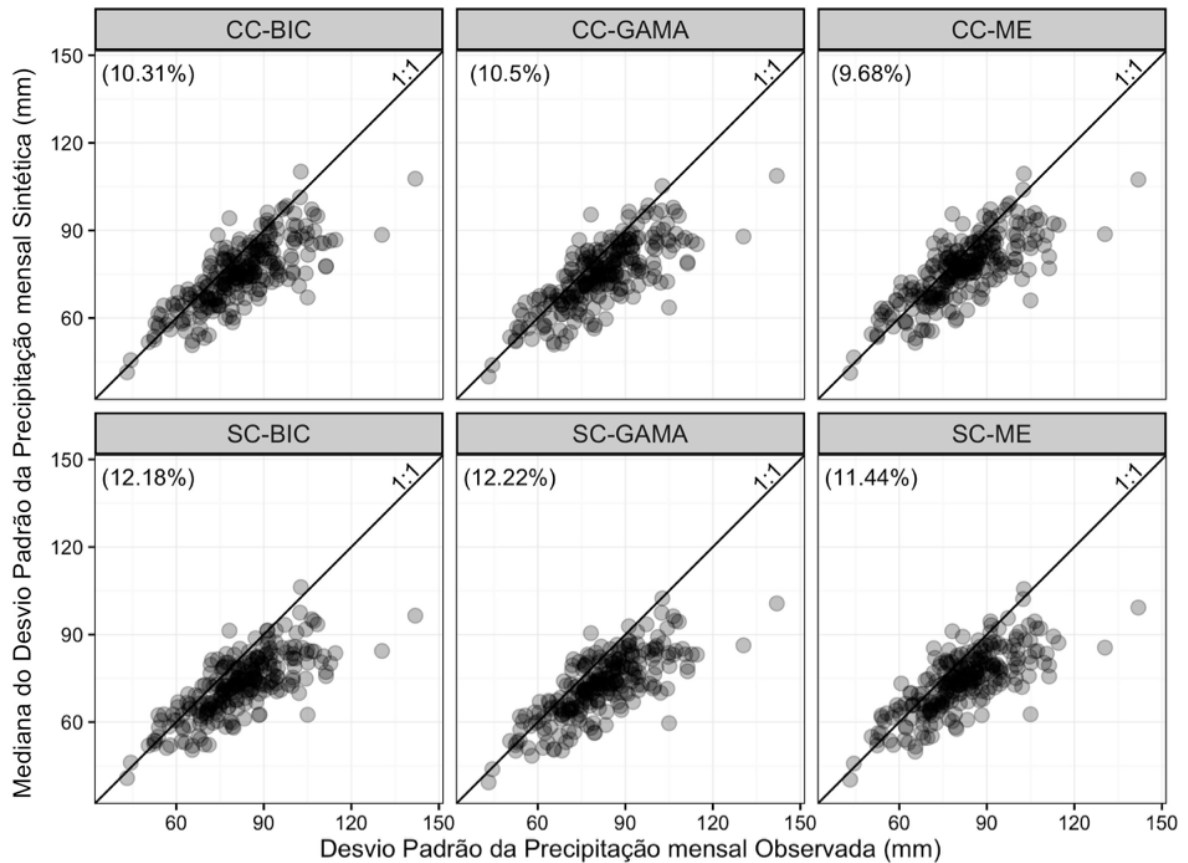
Além da questão anteriormente discutida, no próximo tópico é apresentada a análise das variâncias das precipitações mensais, tanto para a modelagem condicionada quanto para o caso sem condicionamento. Deve-se evidenciar que tal tema é referente ao objetivo principal deste trabalho, a avaliação da possibilidade do melhor desempenho dos geradores estocásticos bipartidos a partir da incorporação do índice ONI. Por fim, com os parâmetros produzidos baseado neste tópico, foi gerado o conjunto de 500 séries sintéticas das seis variações descritas nos objetivos.

## **5.2 Análise do desvio padrão das precipitações mensais das séries sintéticas**

Para analisar as variâncias de cada alteração do modelo foi elaborado o gráfico da relação entre os desvios padrão das precipitações mensais observadas e as respectivas medianas das simulações para cada mês envolvendo todas as estações pluviométricas. A partir disso, é possível visualizar a relação entre os desvios padrão das precipitações mensais observados e simulados, nos quais os pontos abaixo da reta 1:1 indicam “*overdispersion*” e acima indicam uma variância simulada superior a observada.

Além da análise visual, são apresentados entre parênteses o cálculo da média dos erros relativos entre o módulo da diferença dos valores observados e as medianas dos simulados. A Figura 5.6 explicita as relações entre os desvios padrão das precipitações mensais observadas e as medianas destes valores provenientes das simulações para cada modelo.





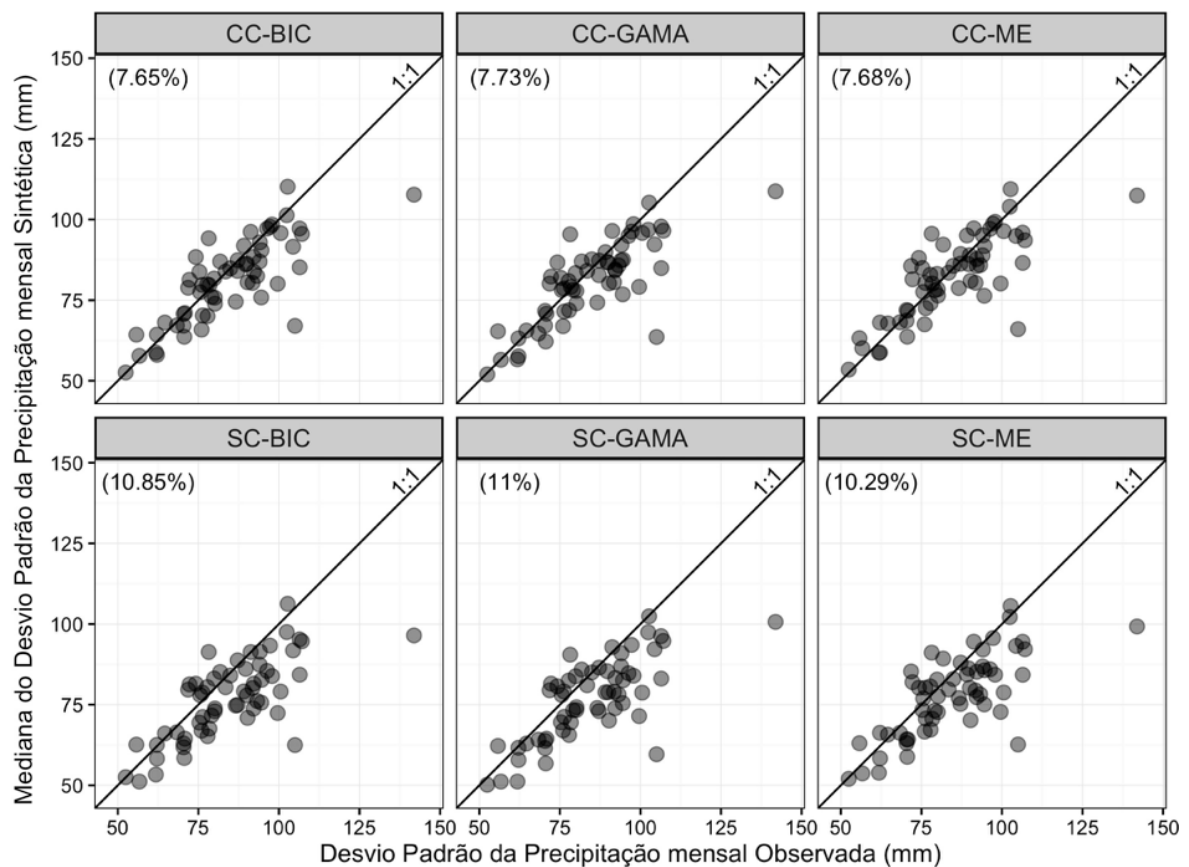
**Figura 5.6** – Desvio padrão mensal de todos os meses para cada variação do modelo.

Na Figura 5.6, tanto os modelos condicionados quanto aqueles sem o condicionamento, em um aspecto geral, apresentam variância da precipitação mensal simulada inferior à observada. Ao comparar os modelos, é observado que as variações condicionadas ao índice ONI são mais eficientes quanto a modelagem da variância da precipitação mensal, uma vez que há uma redução em média de 15% dos erros relativos quando comparado com aqueles sem o condicionamento. Apesar disso, os valores mais à direita (maior variância observada) possuem uma modelagem notadamente inferior para todos os casos que indicam, por sua vez, uma limitação do modelo bipartido.

Ao comparar apenas as distribuições teóricas de probabilidade, os modelos que utilizam a distribuição Exponencial Mista apresentam um desempenho melhor – menor *overdispersion* – com e sem o condicionamento. Entretanto, no caso específico desta distribuição, dada a ocorrência de degenerações, há a possibilidade que parte relevante desta performance esteja associada a uma superestimativa das variâncias da precipitação diária – para a Exponencial Mista o coeficiente de variação é maior ou igual a um – e, conseqüentemente, contribuindo para o aumento das variâncias da precipitação mensal simulada.

Já os modelos que utilizam o critério de Bayes, apesar de serem os mais parcimoniosos, tanto no caso associado ao índice ONI quanto para o sem condicionamento, produzem resultados melhores que a Gama, então o de pior desempenho como pode ser visualizado na Figura 5.6, CC-Gama e SC-Gama. Apesar disso, tal tema será melhor avaliado na análise das precipitações diárias como parte do presente subcapítulo.

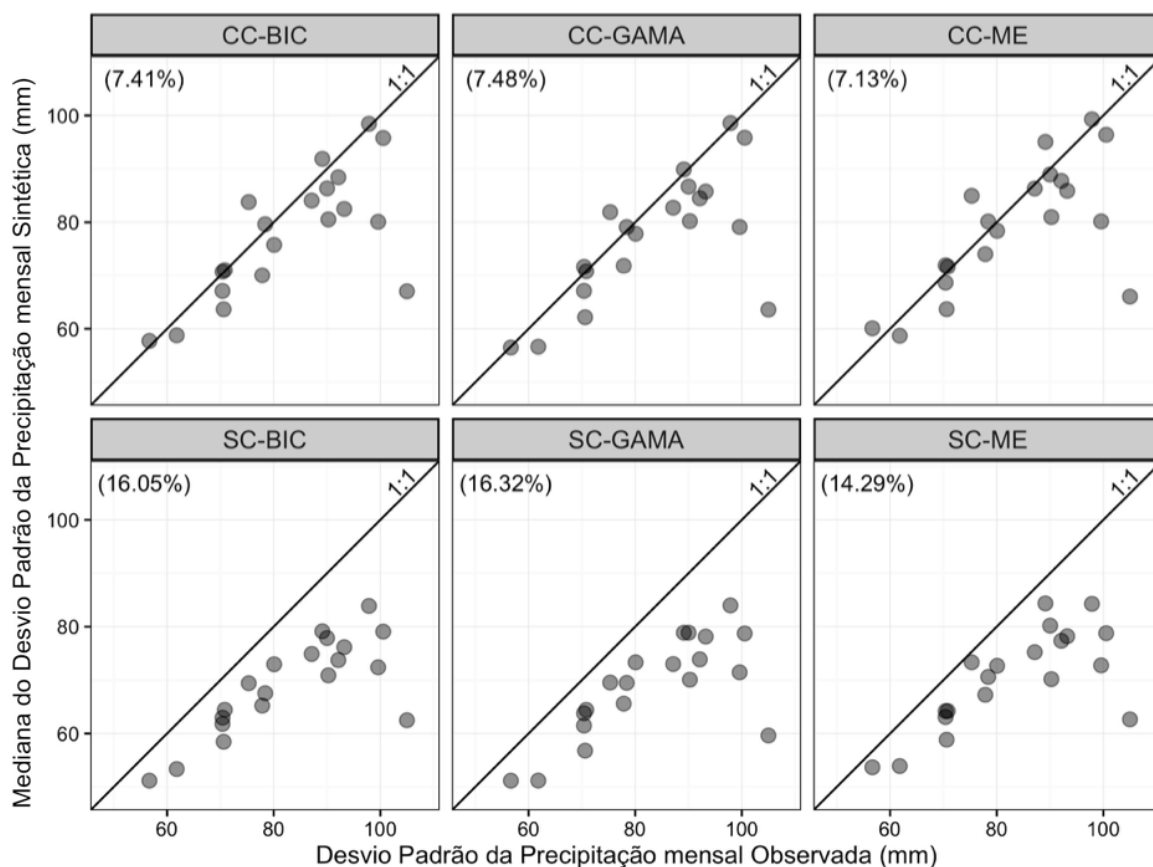
Segundo Grimm (2011), os meses da primavera possuem um maior sinal do fenômeno ENOS. Desta forma, com intuito de avaliar a relação entre seu sinal com a *overdispersion* são explicitadas as relações entre desvios padrão da precipitação mensal observado e simulados na primavera – apenas os meses de setembro, outubro e novembro – na Figura 5.7.



**Figura 5.7** – Desvio padrão mensal nos meses da primavera para cada variação de gerador.

A Figura 5.7 evidencia uma melhora em relação a redução da “*overdispersion*”, que por sua vez, pode ser notada visualmente uma aproximação à relação 1:1 entre os desvios padrão observados e simulados. No que se refere às médias dos erros relativos, comparando os modelos com e sem condicionamento, há uma redução de aproximadamente 28,2%. Por isso, entende-se que esta melhoria está ligada aos sinais ENOS.

Ao longo do mês de novembro foi verificada uma maior intensidade da relação entre ENOS e precipitação mensal observada (Anexo V). Por este motivo, é inserida a Figura 5.8 que demonstra os desvios padrão de cada variação do modelo no mês de novembro para todas estações analisadas.



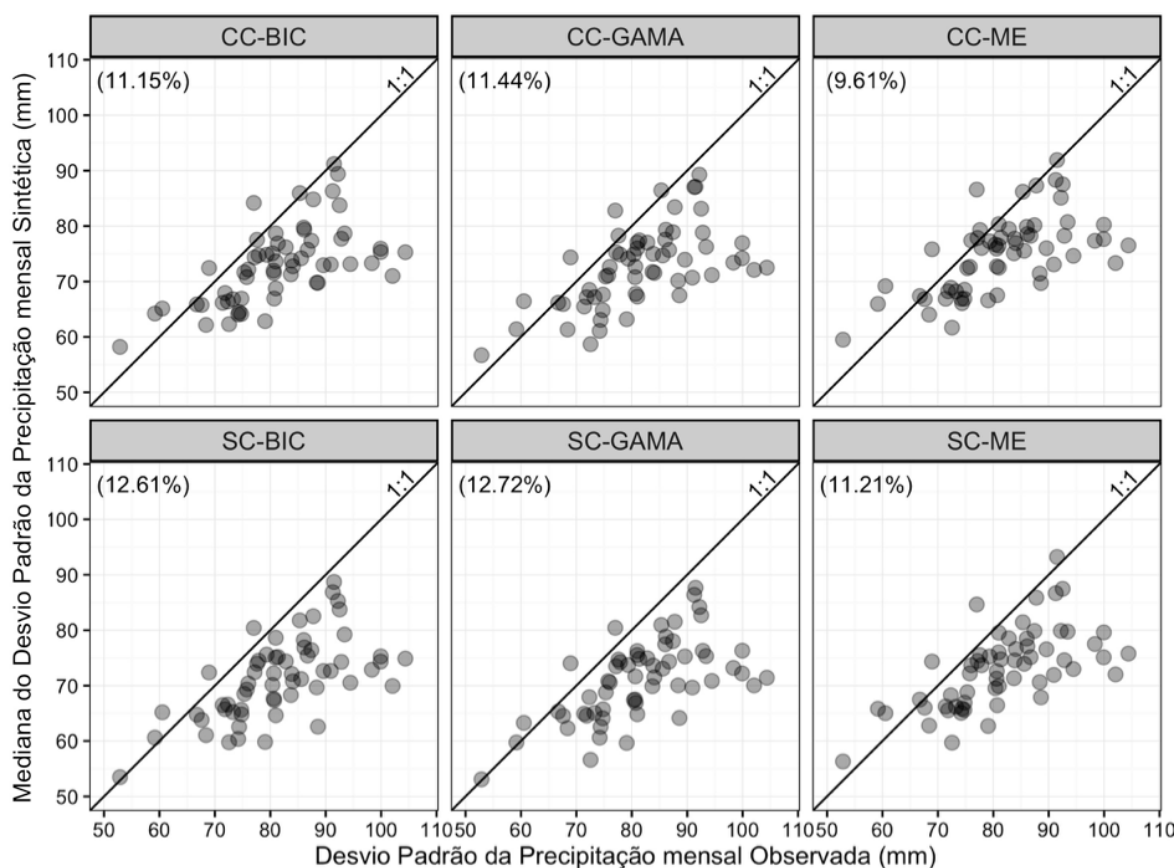
**Figura 5.8** – Desvio Padrão em novembro da precipitação mensal para cada variação do modelo estocástico.

No caso da Figura 5.8, além da maior *overdispersion* quando comparada aos outros meses, percebe-se também o melhor desempenho dos modelos condicionados com uma redução dos erros relativos superior a 50% para todos os casos. Desta forma, compreende-se que os modelos condicionados têm um papel importante na redução das diferenças entre as variâncias simuladas e observadas. Entretanto, para que isso ocorra de forma significativa, é necessário um maior sinal da teleconexão entre a variável exógena e a precipitação no referido mês.

Relacionando os resultados provenientes das figuras 5.7 e 5.8 com o realizado por Grondona *et al.* (2000), observa-se uma discordância no que se refere a *overdispersion*. Naquele trabalho nota-se uma melhoria insignificante para os meses analisados (entre outubro e

março). Diferentemente, neste trabalho (figuras 5.7 e 5.8) é ilustrado uma redução mais substancial da *overdispersion*, inclusive para os modelos que empregam a distribuição Gama semelhante a aqueles utilizados pelos autores citados previamente. Desta forma, entende-se que as diferenças entre os resultados deste trabalho e dos referidos autores é provavelmente decorrente do maior sinal ENOS na região Sul do Brasil quando comparada com as regiões aduaneiras.

Por outro lado, quando há um menor sinal ENOS, espera-se que a melhoria de desempenho dos modelos condicionados seja inferior quando comparados com aqueles com um sinal mais evidente. Neste sentido, a Figura 5.9 descreve os desvios padrão da precipitação mensal apenas para os meses do verão (dezembro, janeiro e fevereiro) descritos em Grimm (2011) como uma estação anual com menor influência do El Niño – Oscilação Sul.

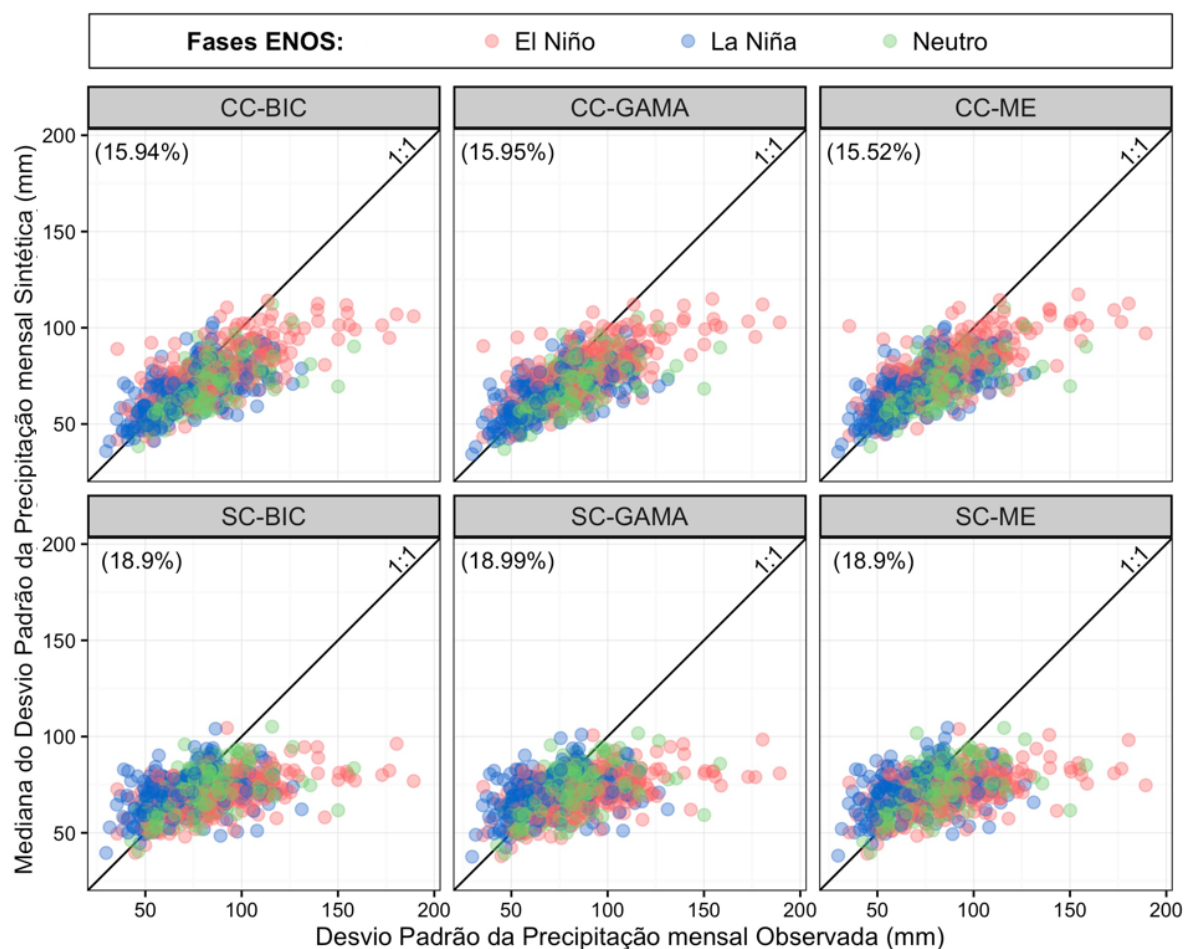


**Figura 5.9** – Desvio padrão mensal para os meses do verão para cada variação de gerador estocástico de precipitação.

Como esperado, a Figura 5.9, quando comparada com a primavera ou mais especificamente com o mês de novembro, indica um desempenho inferior nos modelos ligados ao índice ONI

quando comparados àqueles sem condicionamento. A redução média dos erros relativos, decorrente da associação à variável exógena para esta estação anual, é de apenas 11,9 %.

Ao analisar as figuras 5.6, 5.7, 5.8 e 5.9, entende-se que o desempenho dos modelos condicionados certamente está associado à força do sinal ENOS. Por fim, ao considerar a modelagem das variâncias de cada fase do fenômeno é apresentada a Figura 5.10 nas quais são indicados os desvios padrão divididos por fase, modelo nos quais os pontos em vermelho, verde e azul indicam os meses da fase quente, neutra e fria, respectivamente.



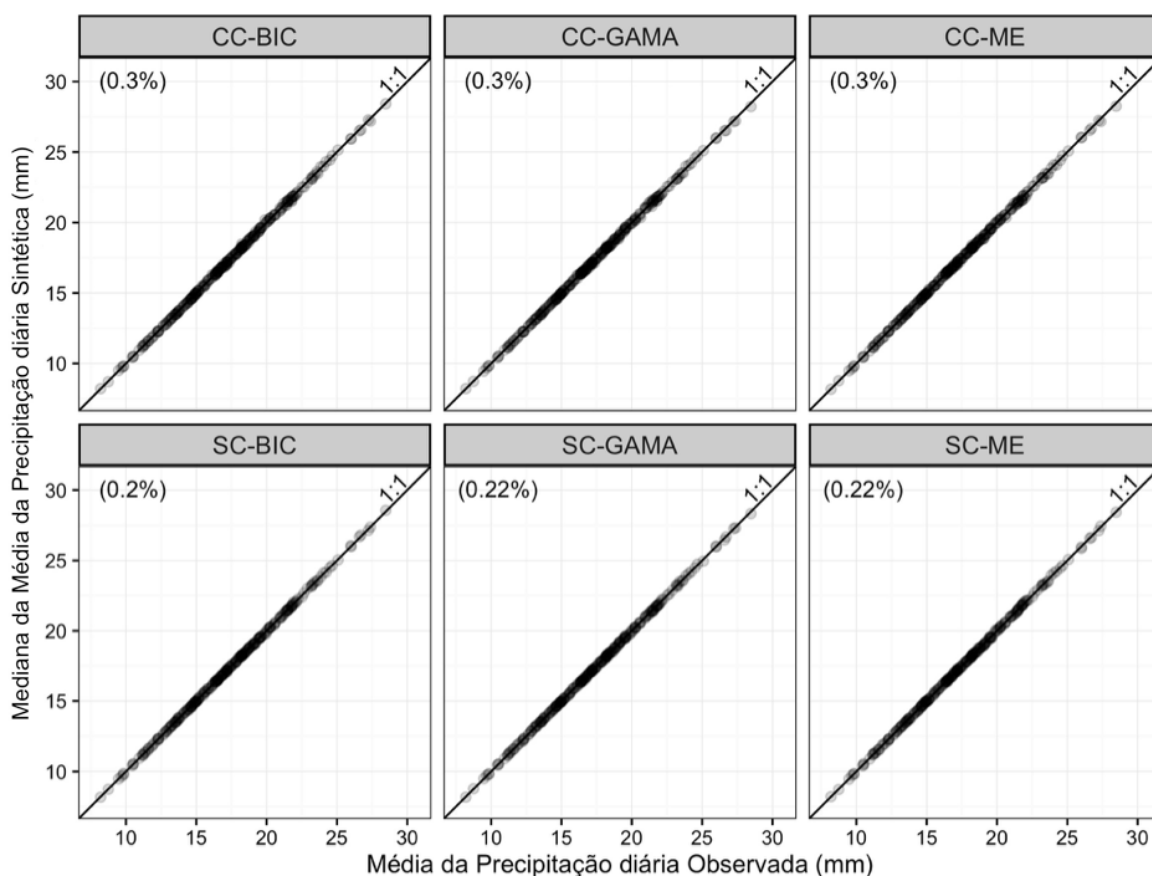
**Figura 5.10** – Desvio padrão mensal por fase e por modelo.

A Figura 5.10 mostra que as variações sem condicionamento, como esperado, não modelam adequadamente os meses discretizados por fase ENOS. Adicionalmente, destaca-se a crescente variância da precipitação mensal diretamente proporcional às fases indicadoras do aquecimento do Oceano Pacífico, no qual as fases quentes apresentam a maior variância e as frias a menor.

Como descrito na revisão de literatura, as variâncias das precipitações mensais dependem tanto das médias quanto das variâncias do número de dias chuvosos e da quantidade de precipitação. Desta forma, os tópicos subsequentes tratarão estes temas.

### 5.2.1 Análise das médias das precipitações diárias das séries sintéticas

Especificamente nos modelos bipartidos, as médias das precipitações diárias são uma das quatro partes relevantes das variâncias mensais como descrito por Katz e Parlange (1998). A relação entre as médias de precipitação diária observadas e as medianas das médias das precipitações diárias das 500 simulações para cada modelo é explicitada na Figura 5.11.



**Figura 5.11** – Relações entre as médias das precipitações diárias por mês discretizado a partir das variações do modelo.

No cotejo entre esta dissertação com a literatura, mais especificamente Chen e Brissete (2014), é possível observar que naquele trabalho as médias de precipitação diária são modeladas de forma acurada que corrobora com a Figura 5.11 do presente estudo para os casos que desconsideram o El Niño – Oscilação Sul. Apesar de pouco relevante, os modelos sem condicionamento possuem resultados mais próximos dos observados baseados nos

menores erros relativos. Acredita-se que isso é proveniente da existência de falhas nas estações pluviométricas observadas. Com o objetivo de esclarecer a interpretação anterior torna-se necessário destacar algumas questões referente a modelagem condicionada e sem condicionamento.

Nos modelos sem condicionamento é assumido o pressuposto que para um dado mês há apenas uma população. Diferentemente, no caso dos modelos condicionados, as séries sintéticas dependem das médias da precipitação diária de cada fase e sua proporção ao longo dos 65 anos compondo assim a “média global”. Como, geralmente, observado neste trabalho, as médias de precipitação diárias de um dado mês são distintas para cada fase do ENOS.

Conseqüentemente, levando em conta apenas a fase ENOS e os meses ao longo do ano, a principal distinção entre os dados observados e sintéticos se deve a proporção das fases que diferem entre si decorrente apenas da presença de falhas nos dados observados (ou não preenchimento dos dados ao longo dos 65 anos analisados neste estudo). Desta forma, entende-se que a maior discrepância entre as medianas das séries sintéticas da modelagem condicionada e da observada, não seja necessariamente proveniente de um pior desempenho deste tipo de modelagem, mas sim de um aspecto metodológico.

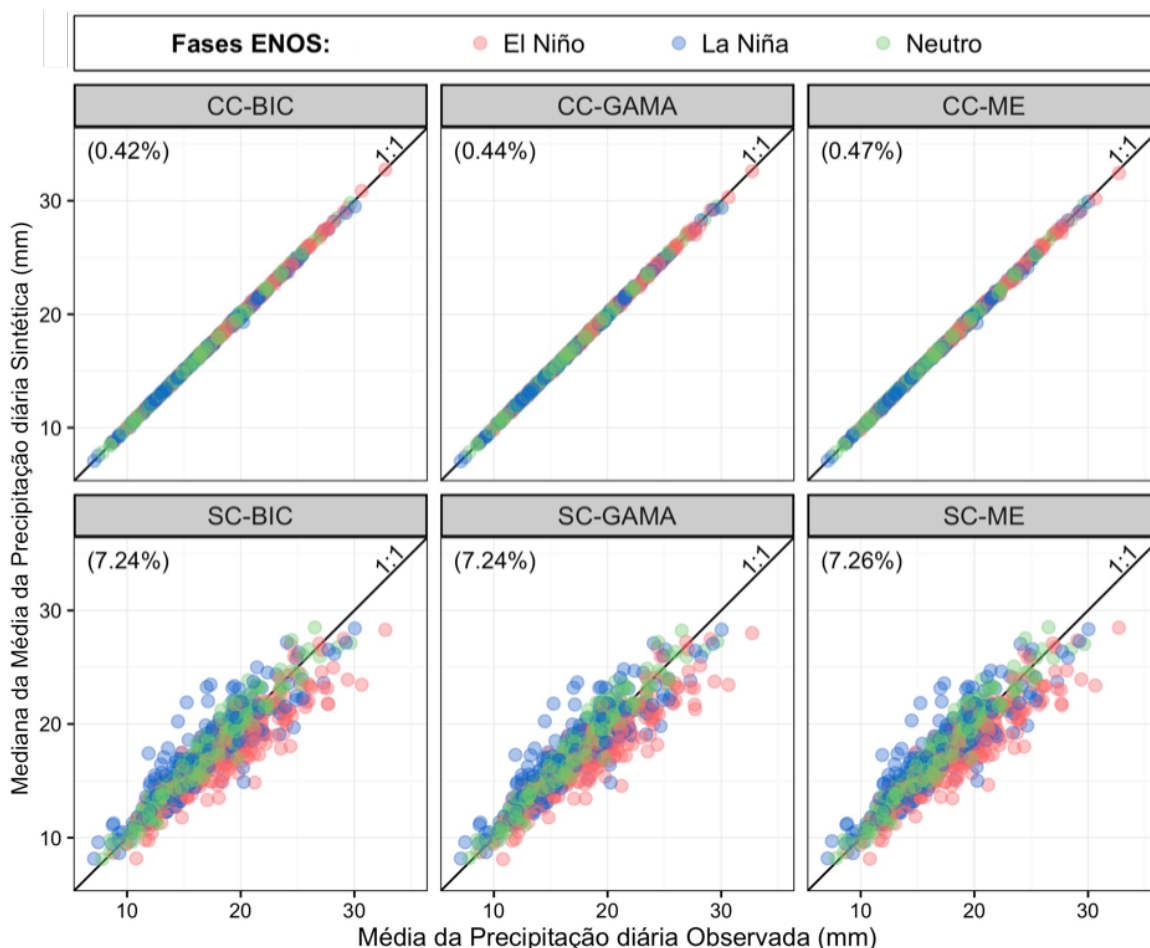
Mesmo assim, a precisão dos resultados das séries sintéticas com e sem condicionamento, no que se refere as médias das precipitações diárias, afasta que esta propriedade seja a principal razão dos problemas das variâncias mensais das precipitações, tanto para o caso ligado ao ENOS quanto para o sem condicionamento. A Figura 5.12 ilustra as mesmas relações expostas na Figura 5.11 divididas por fase ENOS.

A Figura 5.12, nos painéis dos modelos condicionados (superiores), mostra a habilidade de produzir médias semelhantes aos dados observados decorrente da divisão de cada fase. Os inferiores, ilustram que as fases do fenômeno ENOS não são modeladas adequadamente, uma vez que, por considerar que todas precipitações durante um mês como apenas uma população.

Além da constatação anterior, como pode ser notado na Figura 5.11, os modelos sem condicionamento reproduzem adequadamente as médias de precipitação diária em cada mês, nos quais as diferenças entre as média observada e as medianas das médias das séries sintéticos, em sua grande maioria, não superam o valor de 0,5 mm. Conseqüentemente, temos que, de forma indireta, nos painéis inferiores é ilustrada a influência do fenômeno El Niño –

Oscilação Sul. Desta forma, tem-se que quanto mais distantes os valores de cada fase se distanciarem da reta da relação 1:1 mais evidente é a teleconexão entre as precipitações da região estudada e o ENOS.

Ainda em relação aos painéis inferiores, um aspecto que corrobora com a questão das teleconexões é que a concentração dos pontos de cada fase se dá de forma, relativamente, sistemática. Os valores em vermelho (fase quente) ficam concentrados abaixo da relação 1:1 apontando uma tendência de maiores médias de precipitação observada quando comparado com a mediana das médias de precipitação diária dos modelos sem condicionamento (indiretamente a média de precipitação diária global de cada mês). De forma contrária, acontece com os valores da fase fria. Por fim, os valores da fase neutra se concentram próximos da reta que indica a relação de 1:1.

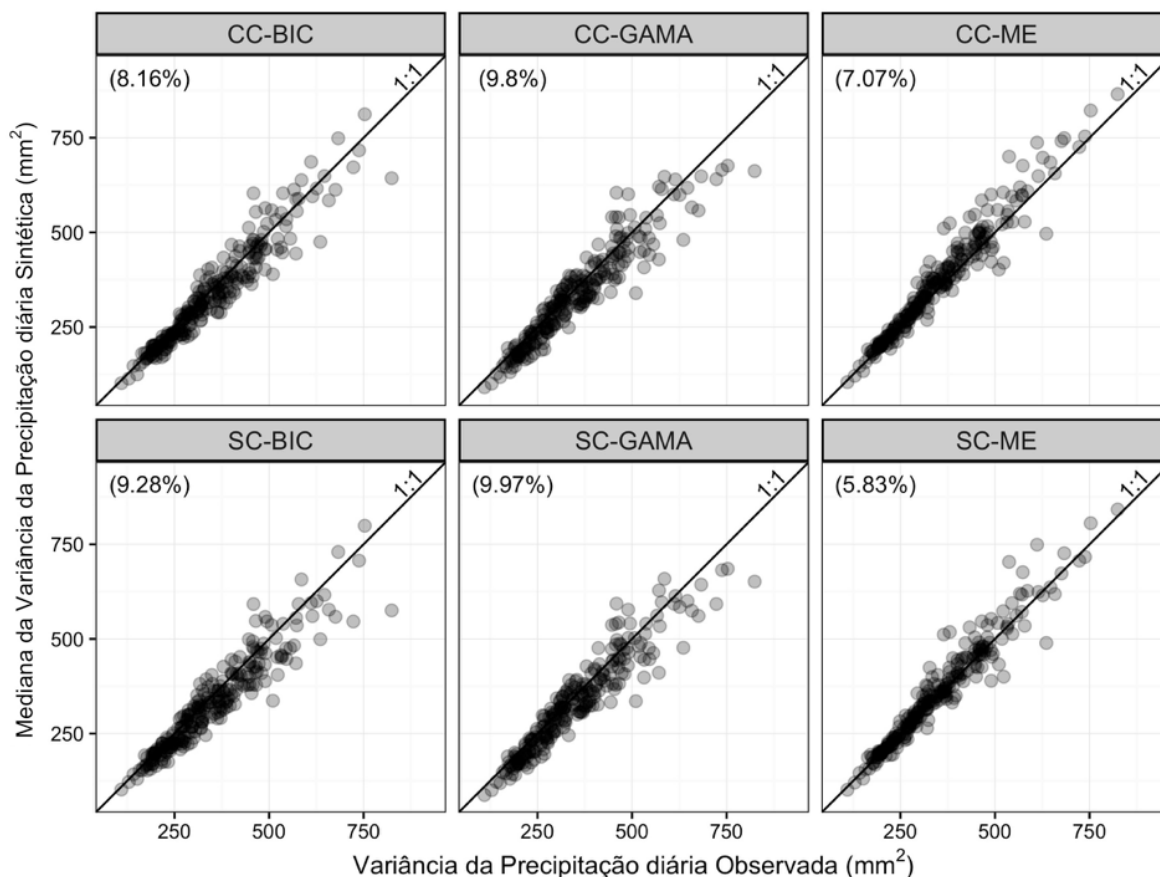


**Figura 5.12** – Relações entre as médias de dias chuvosos observados e simulados por mês discretizado a partir das variações do modelo divididos por fase ENOS.



## 5.2.2 Análise das variâncias das precipitações diárias das séries sintéticas

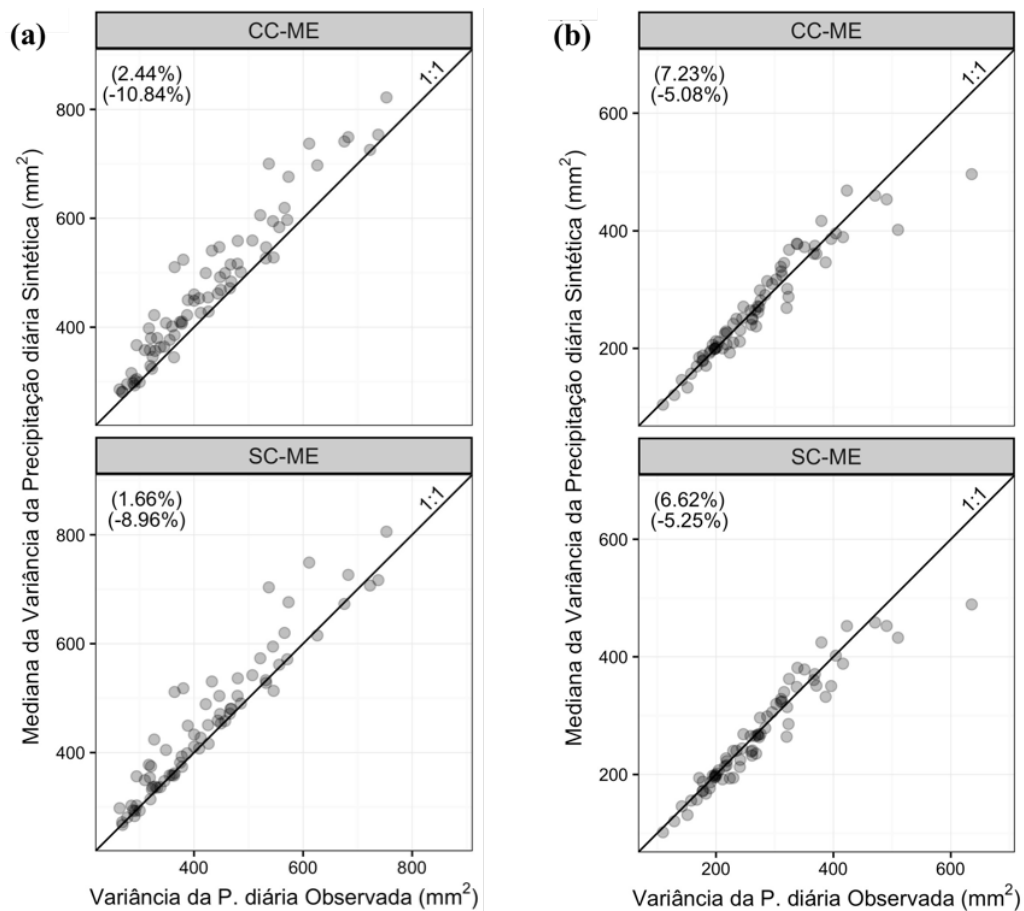
As variâncias das alturas de chuva diárias, da mesma forma que as médias abordadas no tópico anterior, têm um papel importante em relação as variâncias da precipitação mensal. A partir da Figura 5.13, que ilustra a relação entre as variâncias da altura de chuva diária observada e a mediana das variâncias a partir de 500 simulações para cada modelo de cada mês, nota-se que a modelagem é realizada de forma razoavelmente adequada.



**Figura 5.13** – Relações entre as variâncias de dias chuvosos das variações do modelo divididos por mês.

Como pode ser visto na Figura 5.13, apesar do bom desempenho em relação à variância observada e às medianas das variâncias simuladas nos casos com o condicionamento, o modelo SC-ME se notabiliza pelo melhor desempenho. Já a versão condicionada deste é caracterizada por um maior erro relativo, visto que as medianas das simulações geralmente são superiores às observadas. Tal fato é decorrente dos problemas relacionados às características da Exponencial Mista (coeficiente de variação igual ou superior a um) em que há uma maior proporção da ocorrência de degenerações da Exponencial Mista no caso condicionado.

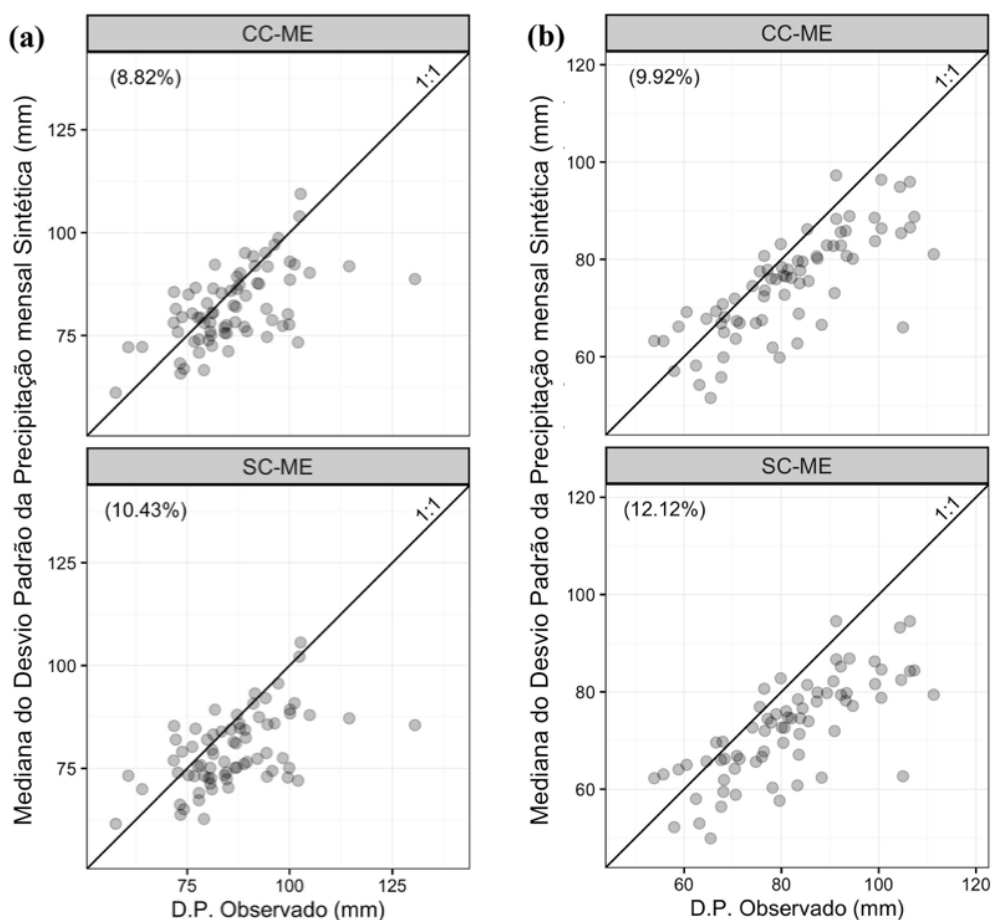
Neste sentido, a Figura 5.14 ilustra as diferenças entre as estações que apresentam as variações dos modelos que utilizam a distribuição Exponencial Mista de acordo com as ocorrências das degenerações (Tabela 5.1). O painel (a) indica as variâncias das alturas de precipitação nas seis estações pluviométricas em que ocorreram um grande número de degenerações (coloridas em vermelho na Figura 5.5) e painel (b) as estações pluviométricas que apresentaram um menor número (coloridas em verde na Figura 5.5 excluindo Passo Major Zeferino e Campina da Alegria).



**Figura 5.14** – Relações entre as variâncias observadas e simuladas do modelo que emprega a Exponencial Mista influenciadas pelas degenerações.

Diferentemente das demais, na Figura 5.14 o erro relativo é desdobrado em valores positivos (*overdispersion*) e negativos (variâncias diárias observadas inferiores). Tais valores, indicam que, no painel (a), as medianas das variâncias provenientes das simulações, no que concerne à precipitação diária, são consideravelmente superiores à observada, tanto para o caso ligado ao índice ONI, quanto para aquele sem condicionamento. Ocorre de modo distinto, no painel (b), onde a degeneração da Exponencial Mista tem uma proporção substancialmente menor. Os

efeitos decorrentes destas degenerações impactam consideravelmente nas variâncias da precipitação mensal, como pode ser observado pela Figura 5.15.



**Figura 5.15** – Desvios padrão da precipitação mensal e suas relações com a degeneração

A Figura 5.15, de maneira distinta mostra resultados nos quais há um menor erro relativo entre as relações das variâncias nas precipitações mensais do painel (a) – com uma grande quantidade de degenerações – e no painel (b) com poucas. Por outro lado, entende-se que estes melhores resultados são provenientes de distorções ligadas às limitações associadas às características da Exponencial Mista e não necessariamente de uma modelagem das precipitações de forma mais adequada.

No que se refere às variâncias, deve-se dar a devida importância para as características das distribuições teóricas de probabilidade e suas relações com as precipitações observadas. Adicionalmente, para este caso em particular foi observado que nem sempre a distribuição Exponencial Mista é adequada para a produção das alturas de precipitação diária, apesar de produzir resultados de medianas variâncias mensais mais próximos das históricas. Por isso, compreende-se que, para os casos onde há uma relativa incompatibilidade dos momentos

amostrais com a Exponencial Mista, é necessário atentar-se para tal caso que interfere na redução da *overdispersion* decorrente de uma distorção nas alturas diárias de precipitação.

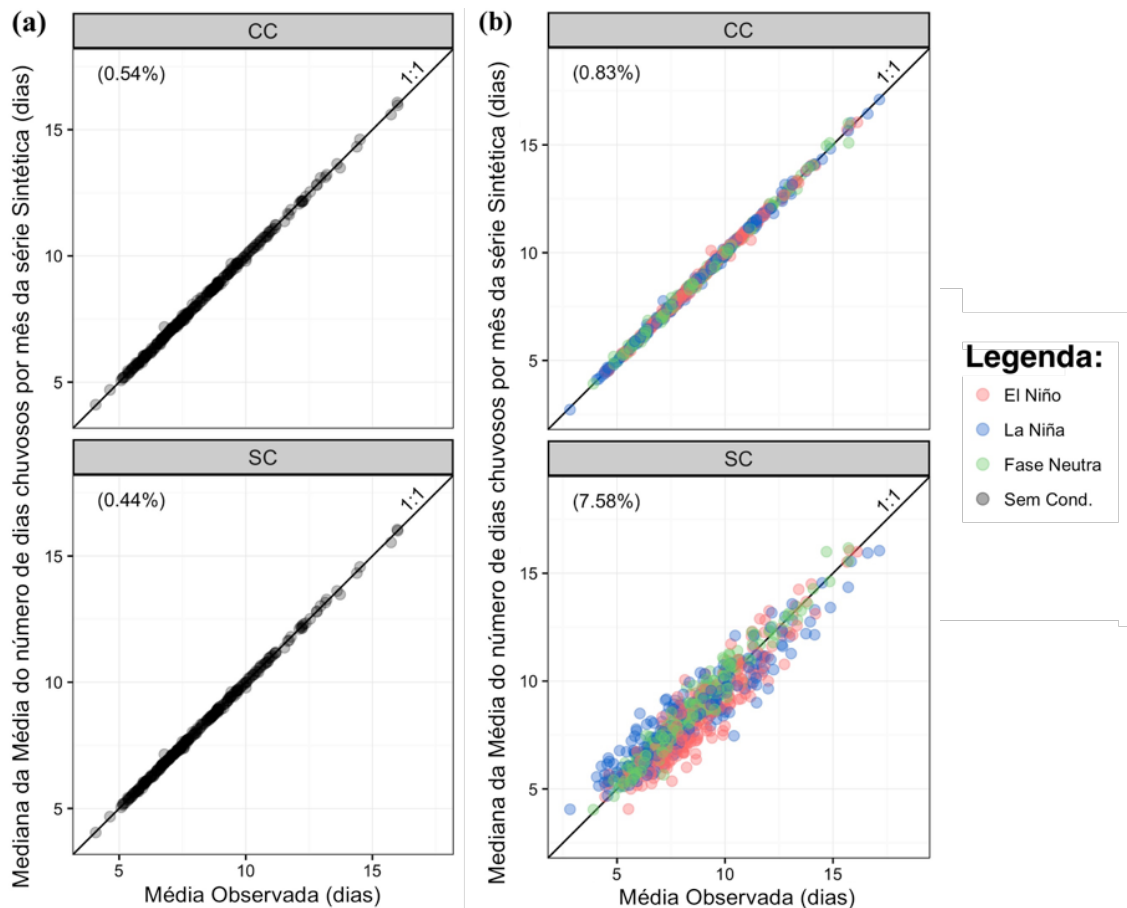
Apesar disso, mesmo incluindo os casos em que há problemas relacionados às limitações da distribuição Exponencial Mista, ocorreu um erro relativo menor das medianas da variância da precipitação diária do que as variações do modelo que utilizam a distribuição Gama. Isso evidencia que apesar desta intercorrência, a distribuição Exponencial Mista não pode ser ignorada. No que diz respeito ao caso condicionado, indica-se uma maior cautela, uma vez que a relação entre dados observados e simulados se mostrou menos adequada (maior quantidade de degenerações) em relação a esta distribuição específica.

Já os modelos que envolvem a escolha da distribuição, SC-BIC e CC-BIC, que produzem as alturas precipitadas, deve-se realizar uma observação. O critério de informação de Bayes se mostrou notadamente parcimonioso, como discutido no subcapítulo 5.1. Por outro lado, o BIC influencia diretamente numa modelagem menos adequada no que diz respeito apenas as variâncias das alturas diárias de precipitação. Ainda assim, este modelo apresentou resultados (das variâncias da precipitação diária) melhores que os modelos que utilizam a distribuição Gama, tanto para o caso sem condicionamento quanto para aquele associado ao índice ONI.

Adicionalmente, nota-se, a partir da análise visual da Figura 5.13, uma proporção mais igualitária e com uma menor quantidade de extremos para os modelos BIC para o caso condicionado, que, por sua vez, mostra que o critério de informação de Bayes, apesar de conservador (no que diz respeito as variâncias da precipitação mensal e diária), limita parte dos erros mais grosseiros na modelagem tanto quando comparado com a distribuição Exponencial Mista quanto com a Gama no que diz respeito a variável abordada neste tópico.

### **5.2.3 Média do número de dias chuvosos das séries sintéticas**

Assim como as médias e variâncias das alturas de chuva diária, outro aspecto relevante no que diz respeito a *overdispersion* são as médias do número de dias chuvosos. Diferente das outras etapas, neste subcapítulo há apenas duas variações do modelo. A Figura 5.16 evidencia a relação entre as médias do número de dias chuvosos observados e as medianas das médias do número de dias chuvosos das 500 simulações dos casos “CC” e “SC”, sendo o painel (a) desconsiderada a variável exógena nas observações e o (b) com a discretização por fase ENOS.



**Figura 5.16** – Relação entre observações e simulações entre as médias de dias chuvosos em um dado mês.

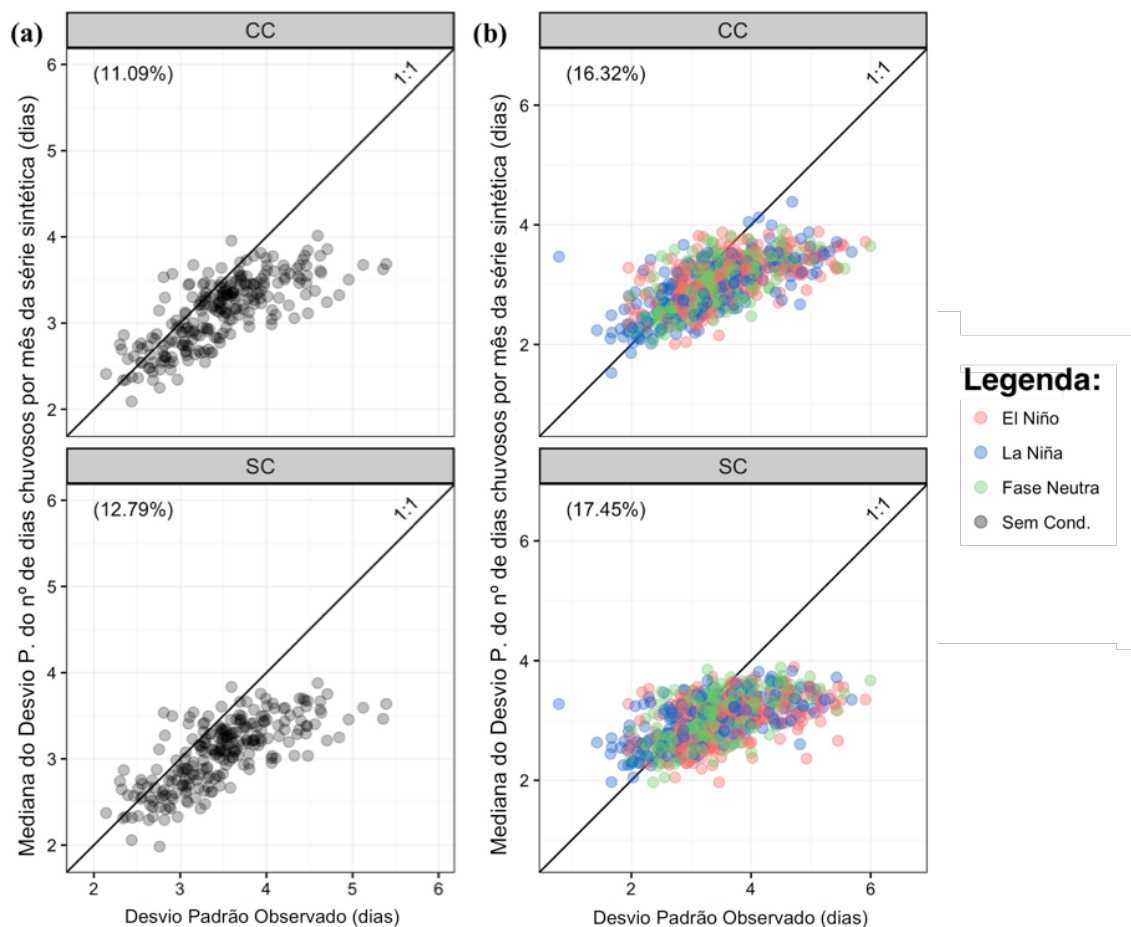
A partir da Figura 5.16, no que concerne às médias do número de dias chuvosos em um mês, a modelagem para a região estudada é adequada. Os resultados destas variáveis são similares às médias de altura diária, inclusive nas relações derivadas do condicionamento. Contudo, deve ser realizada uma observação, nos casos das médias de números de dias chuvosos em um dado mês que supera trezes dias não se nota o mesmo arranjo no que se refere as fases ENOS como observado no subcapítulo 5.2.1.

#### 5.2.4 Variância do número de dias chuvosos das séries sintéticas

Dentre as características que determinam as variâncias das precipitações mensais nos modelos bipartidos, além daquelas já elucidadas anteriormente, ainda há variância do número de dias chuvosos. A Figura 5.17 ilustra as relações entre os desvios padrão do número de dias chuvosos simulados (apenas a mediana) e observado ao longo dos meses.

A Figura 5.17 mostra que as variâncias do número de dias chuvosos para a região estudada apresentam um pior desempenho, principalmente quando comparado com os outros membros

que determinam as variâncias da precipitação mensal nos modelos bipartidos. Particularmente, para este caso, a modelagem via cadeias markovianas de primeira ordem – tanto para o caso condicionada (incluindo a modelagem de cada fase separadamente) quanto para aquele sem relação com uma variável exógena – evidenciam uma má performance. Mesmo assim, deve-se enfatizar que, para os casos condicionados, nota-se uma melhoria, ainda que discreta, expressa a partir da redução dos erros relativos das variâncias observadas quando comparada com as medianas simuladas destes valores.



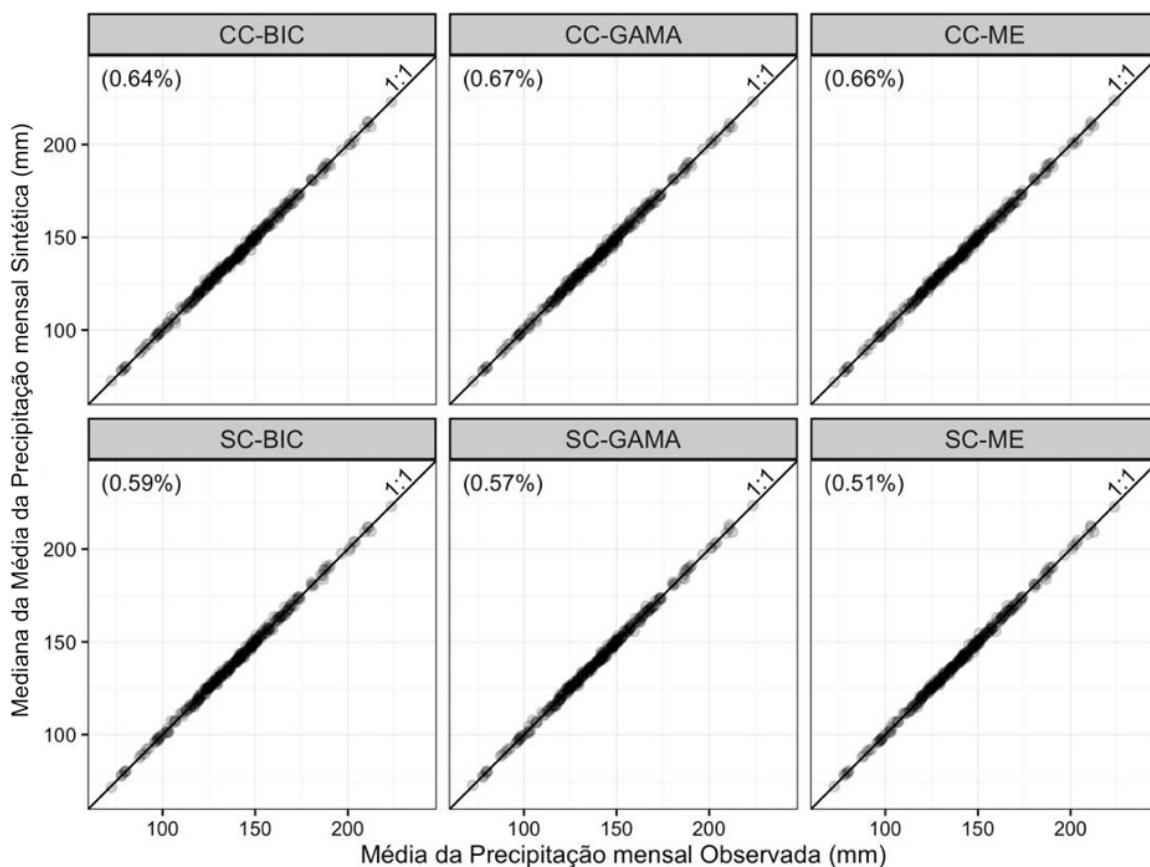
**Figura 5.17** – Relação entre observações e simulações entre as variâncias de dias chuvosos em um dado mês.

Ao comparar a Figura 5.17 com o cotejo realizado por Wilks (1999) para as variâncias do número de dias chuvosos ao longo do mês, nota-se que os resultados da região Sul do Brasil se assemelham com os da região Oeste americana. O autor do referido artigo, assim como o desta dissertação, concordam que as cadeias markovianas de primeira ordem são, aparentemente, inadequadas para modelagem de ocorrência de precipitação para as regiões evidenciadas de cada trabalho.

Contudo, mesmo com a modelagem adequada das médias e variâncias da precipitação diária e dias chuvosos, no caso de modelos bipartidos, há ainda a possibilidade da persistência da *overdispersion*. Tal possibilidade pode ser decorrente de outras características não tratadas nos geradores bipartidos como a ausência de correlação entre as alturas precipitadas e a sua ocorrência.

### 5.3 Médias das precipitações mensais das séries sintéticas

Diferentemente da variância da precipitação mensal, as médias da precipitação mensal são adequadamente modeladas por todos as variantes do modelo, tanto naqueles sem o condicionamento quanto para os associados ao Índice ONI. A Figura 5.18 ilustra a relação entre as precipitações mensais médias observadas e a mediana das simulações de tais valores para as diferentes variações do modelo.



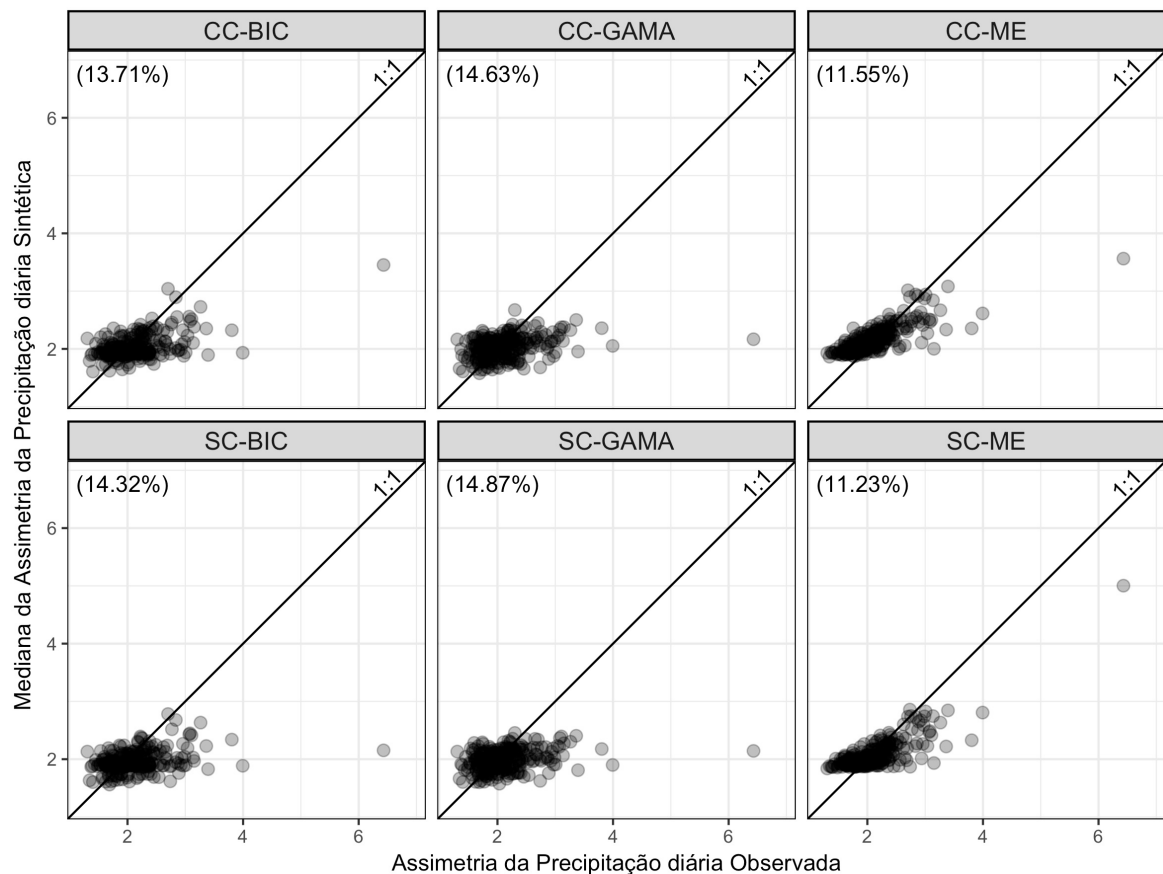
**Figura 5.18** – Relação entre as precipitações mensais médias observadas e simuladas para as diferentes variações do modelo.

Sobre a Figura 5.18, nota-se que as variações do modelo sem o condicionamento apresentam o melhor resultado. Apesar disso, o erro relativo é demasiadamente pequeno para todos os

casos analisados. Desta forma, acredita-se que, de maneira semelhante ao aumento da imprecisão relacionada aos casos condicionados, nas médias da precipitação diária e número de dias chuvosos, é decorrente das falhas durante os 65 anos das observações que alteram as proporções de cada fase.

#### 5.4 Assimetria da precipitação diária

Para a análise dos resultados relativa às assimetrias dos dados diários de precipitação, foi realizado um procedimento semelhante aos resultados dos momentos de outras ordens da precipitação diária. A Figura 5.19 possibilita uma visualização da relação entre as assimetrias observadas e as respectivas medianas das simulações da precipitação diária por mês de cada modelo.



**Figura 5.19** – Assimetria da precipitação diária observada e simulada

Como pode ser observado na Figura 5.19, a modelagem dos momentos de terceira ordem da precipitação diária apresenta um desempenho insatisfatório para todos os casos. Contudo, são observadas distinções destes decorrente da utilização das distribuições teóricas de probabilidades empregadas.



Para os casos da modelagem que empregam a distribuição Exponencial Mista, há uma grande limitação na produção de valores inferiores a dois. Por outro lado, verifica-se uma melhoria significativa para os valores acima do limiar anteriormente citado. No caso dos modelos que utilizam a Gama, o coeficiente de assimetria das séries sintéticas, independente dos valores observados, é limitado, na maioria dos casos, entre os valores de um e três. Nos modelos em que são empregados o critério de informação de Bayes há, em parte, os dois problemas anteriores.

Para aqueles coeficientes de assimetria amostrais inferiores ao valor dois, apreende-se que, aparentemente, tal característica é particular da região. Tal afirmação é baseada na descrição de diversos autores sobre a assimetria como forte e à direita das precipitações diárias. Em adição a isso, os estudos de Costa (2015), em relação ao estado de Minas Gerais, e Srikanthan *et al.* (2005), na Austrália, quando comparados com este, apresentam valores de coeficiente de assimetria notadamente superiores para os dados históricos da região estudada.

Em relação ao coeficiente de assimetria amostral, como descrito em Naghettini e Pinto (2007), deve-se evidenciar que esta medida é demasiadamente sensível a valores extremos para amostras menores. Neste sentido, não há necessidade de indicar a relação das assimetrias com as fases de cada mês, uma vez que ocorre uma redução apreciável da amostra. Por fim, apesar de não ser realizada neste estudo, é cabível a realização de uma análise da assimetria da precipitação diária a partir de um método mais robusto, como os momentos ponderados por probabilidades, para um diagnóstico mais adequado. No tópico seguinte são apresentados os resultados da precipitação máxima diária anual.

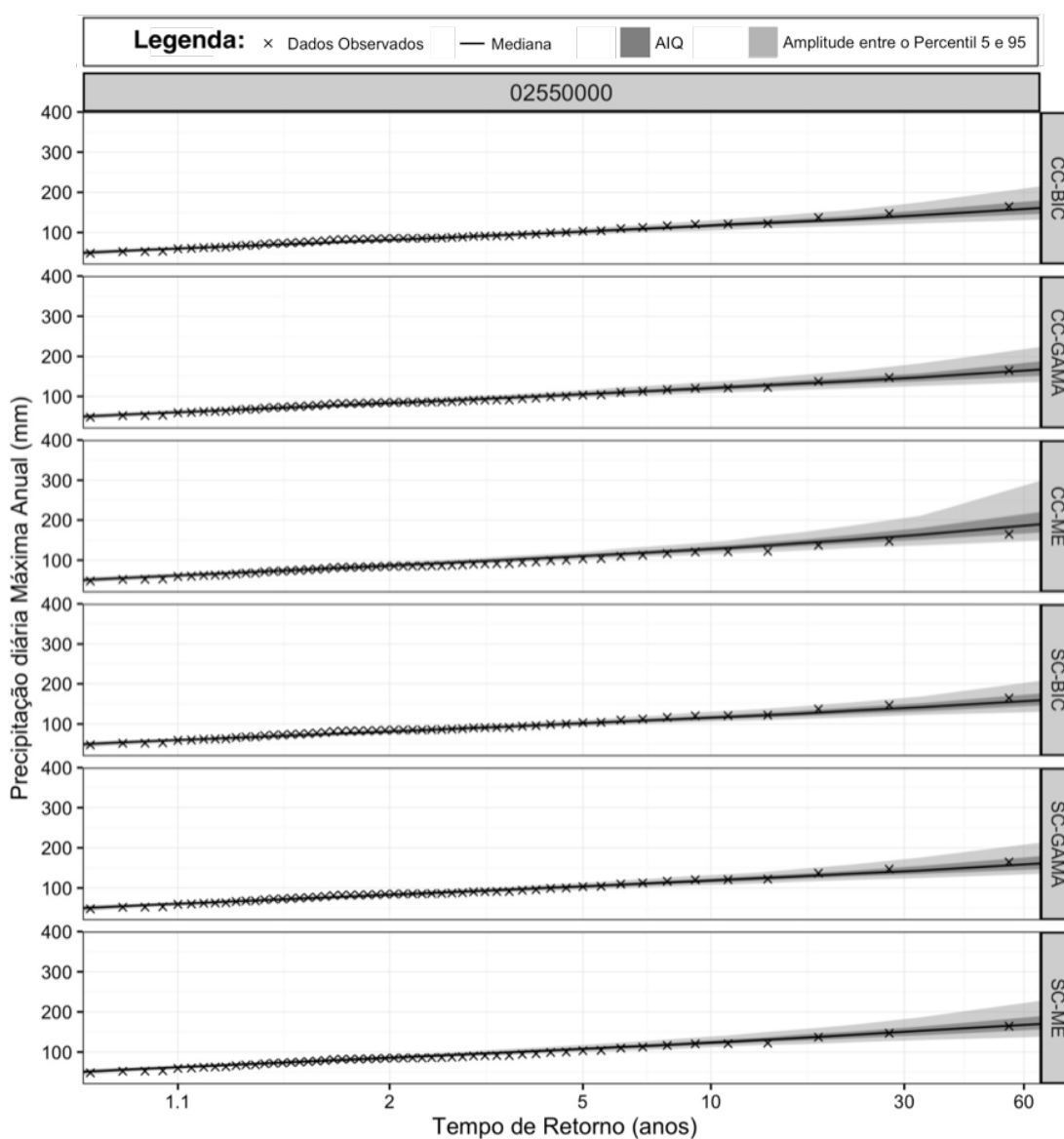
### **5.5 Precipitação máxima diária anual**

Uma terceira análise pertinente a esta investigação se refere às precipitações diárias máximas anuais. Decorrente de cada simulação ser limitada a 65 anos, faz-se o uso dos percentis do conjunto de 500 simulações para demonstrar as vantagens e desvantagens de cada variação do modelo.

Os resultados das precipitações foram obtidos para cada uma das estações empregadas neste estudo, nos quais, após uma análise visual, foram obtidos resultados razoável. Tal interpretação é decorrente de que os pontos cartesianos das precipitações máximas diárias nas estações pluviométricas e o tempo de retorno associados, geralmente, estão incluídos nas

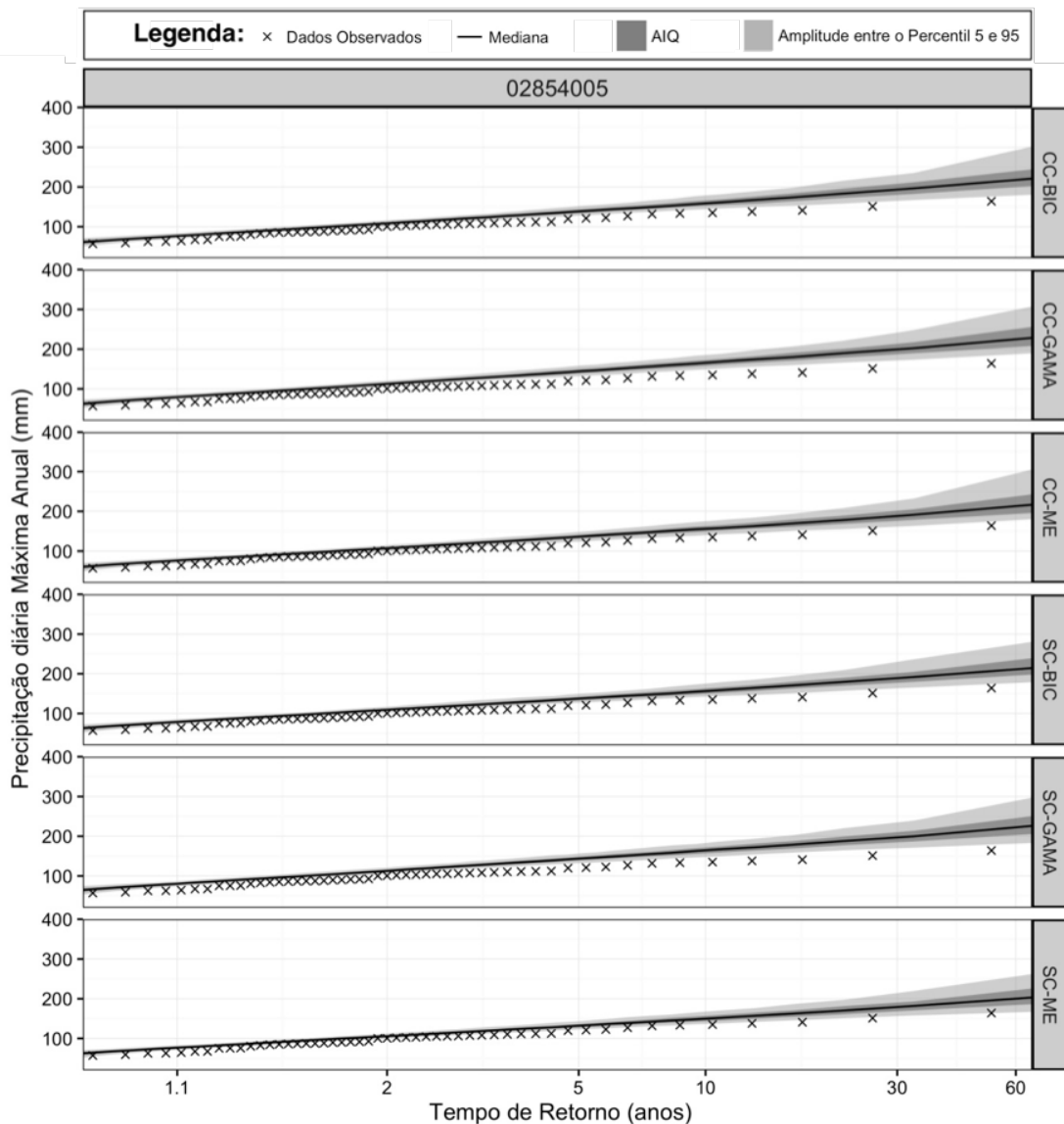
faixas de valores das séries sintéticas, apesar da variável tratada neste tópico ser modelada de forma indireta. As principais diferenças decorrem da distribuição teórica utilizada sendo o condicionamento menos importante neste aspecto. Desta forma, no corpo deste texto são apresentados apenas alguns casos particulares selecionados para uma breve discussão.

Sobre as figuras que ilustram as precipitações diárias máximas anuais, deve-se assinalar que foi utilizado a posição de plotagem de Weibull. Adicionalmente, para uma melhor visualização destas foi utilizado o papel de probabilidades Gumbel. A Figura 5.20 descreve as precipitações diárias anuais máximas dos seis modelos para estação pluviométrica Prudentópolis – PR.



**Figura 5.20** – Precipitação diária máxima anual observada e simulada na estação pluviométrica Prudentópolis – PR

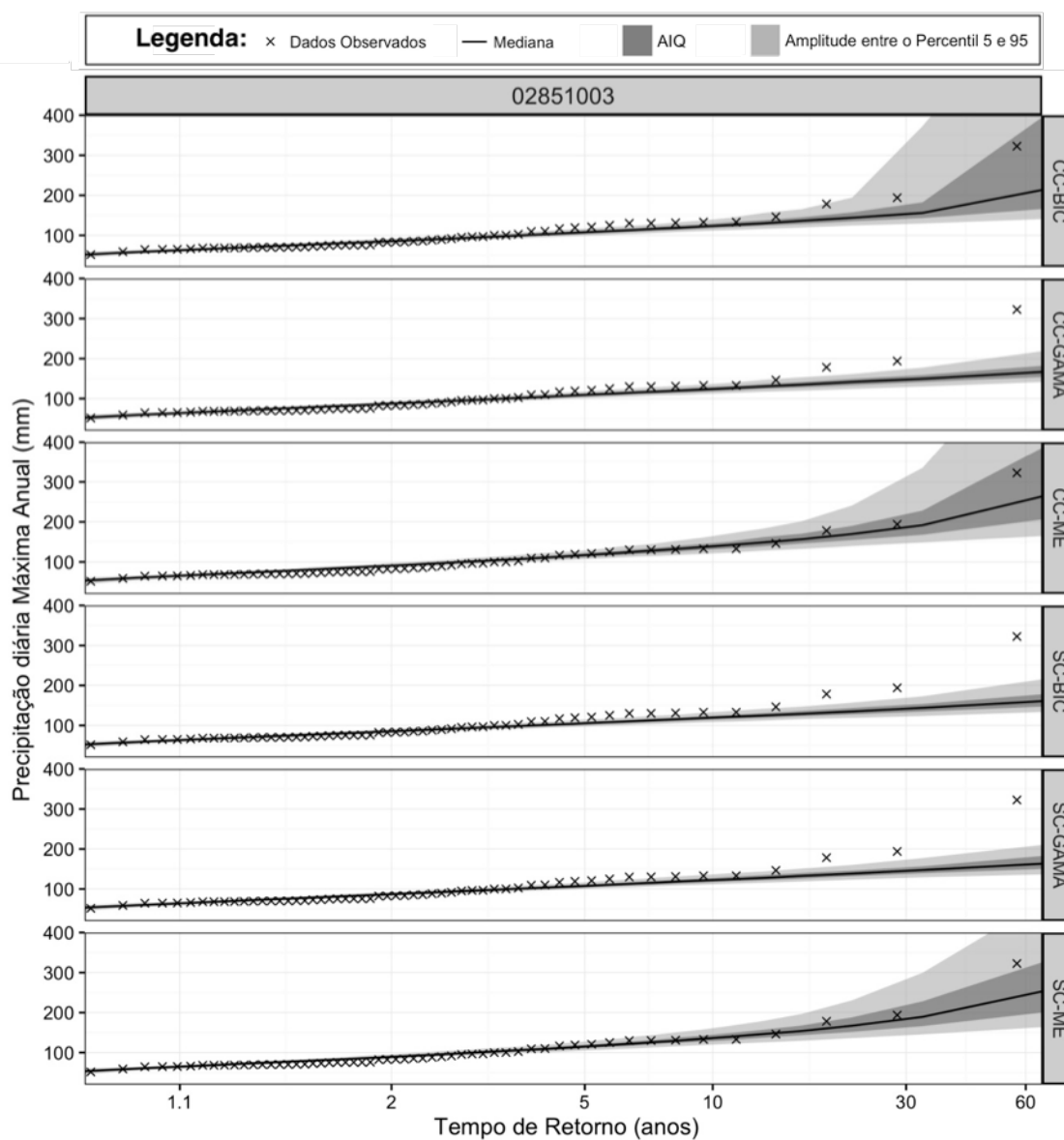
Na Figura 5.20 são observados bons resultados para todas variações dos modelos, nos quais os valores com maior tempo de retorno, em sua maioria, se encontram inseridos na AIQ. Apesar do observado em Prudentópolis, nem todas as estações apresentam resultados adequados. Na Figura 5.21, que ilustra as precipitações diárias máximas anuais ( $Pd_{máx}$ ) simuladas e observadas para estação pluviométrica de Passo Major Zeferino-RS, são notáveis as divergências entre as séries sintéticas e histórica.



**Figura 5.21** – Precipitação diária máxima anual observada e simulada na estação pluviométrica Passo Major Zeferino – RS.

Como pode ser observado na Figura 5.21, os valores posteriores ao tempo de retorno de cinco anos são, para a grande maioria dos casos, inferiores ao percentil 5 de todas as modelagens realizadas. Uma terceira estação pluviométrica que apresenta características particulares, no

que se refere as precipitações diárias máximas anuais observadas e simuladas, é Antônio Prado – RS, evidenciada na Figura 5.22.



**Figura 5.22** – Precipitação diária máxima anual observada e simulada na estação pluviométrica Antônio Prado – RS

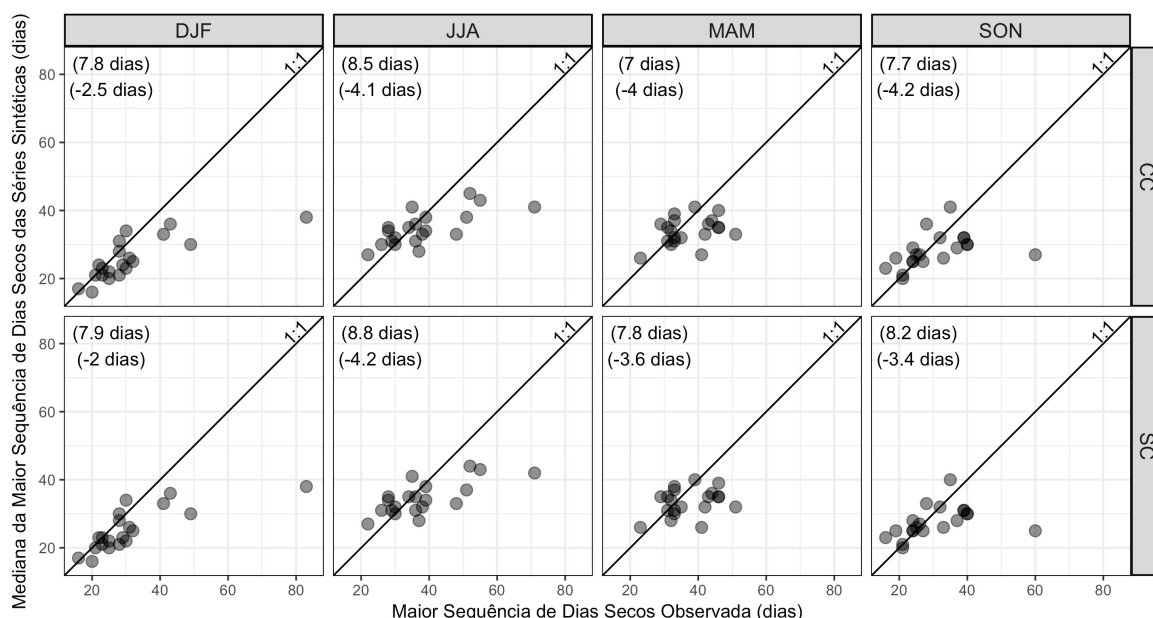
A notoriedade da estação pluviométrica de Antônio Prado, para este caso, é decorrente da capacidade das séries sintéticas provenientes da distribuição Exponencial Mista em modelar adequadamente as precipitações diárias máximas anuais, quando comparadas aos valores observados. Por outro lado, alguns valores simulados são notadamente elevados (acima de 650 mm para os casos condicionados nos percentis 95) para as observações de precipitação diária da região.

Um comentário importante, quanto às precipitações diárias máximas anuais, diz respeito ao uso do tempo de retorno para as variações do modelo condicionadas. Estes casos de variações em si, não apresentam estacionariedade que, por sua vez, é incompatível com o conceito de tempo de retorno. Contudo, visto que são resultantes de uma maneira mais comum de ilustrar as relações da precipitação diária máxima anual observadas e simuladas, tal imprecisão conceitual foi mantida.

Apesar de serem apresentados os casos mais particulares, os resultados da precipitação diária máxima anual concordam na grande maioria das estações pluviométricas com os dados observados. Desta forma, o Anexo VIII ilustra todos os resultados da análise da variável precipitação diária máxima anual para as estações pluviométricas estudadas. Além disso, foi analisada também as longas sequências de dias secos.

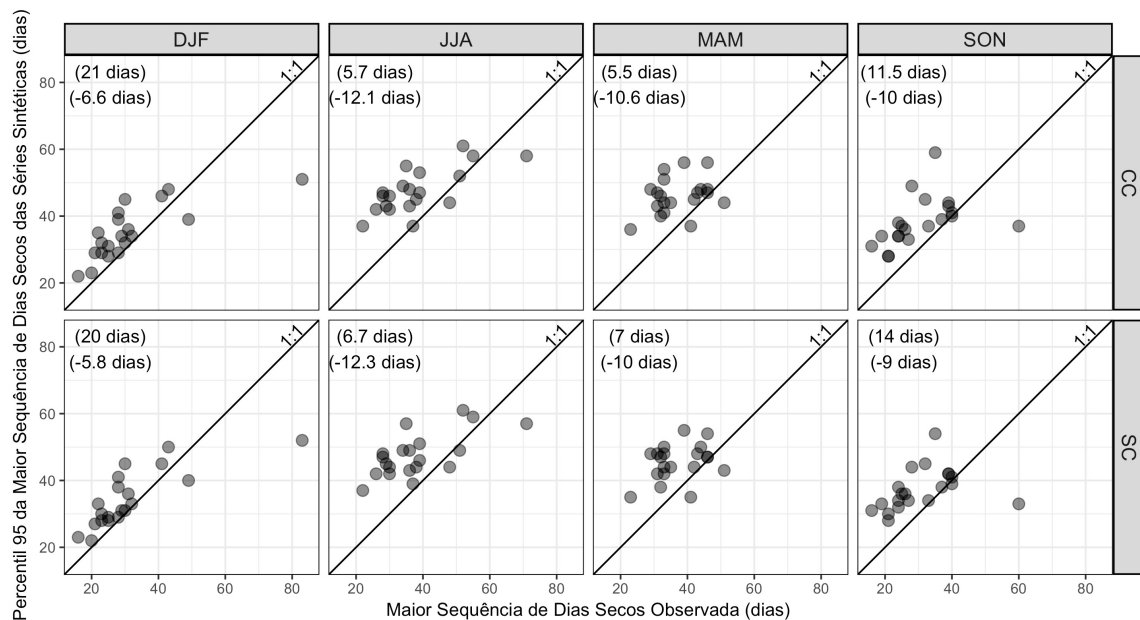
### 5.6 Longas sequências de dias secos

As sequências de dias secos foram avaliadas apenas em relação as estiagens mais longas de cada série, seja esta sintética ou observada. Para a realização desta análise, foram comparadas as relações entre as medianas da sequência mais longa de dias secos de cada trimestre para todas séries sintéticas com os respectivos valores da série observada. Desta forma, foi obtida a Figura 5.23.



**Figura 5.23** – Maiores sequências de dias secos seguidos de cada trimestre e sua relação com as medianas desta variável das séries sintéticas nos modelos com e sem condicionamento.

No que se refere a Figura 5.23, os valores no canto superior esquerdo de cada quadro indicam o erro absoluto médio desdobrado em valores positivos (mediana das longas sequências das séries sintéticas inferiores a observadas) e negativos (superiores). Ainda sobre a mesma figura, é possível notar que os pontos que relacionam as medianas e os valores observados entre 20 e 40 dias possuem uma maior proximidade com a reta 1:1, indicando assim uma proximidade dessas variáveis para esta faixa de valores. Contudo, para as sequências de dias secos observadas que superam 40 dias nota-se que as medianas são inferiores em todos os casos. Desta forma, um aprofundamento em relação as sequências de dias secos mais longas foi realizada a Figura 5.24 para investigar a capacidade, tanto do gerador condicionado quanto para o sem condicionamento, em reproduzir tais sequências já observadas na série histórica.



**Figura 5.24** – Maiores sequências de dias secos seguidos de cada trimestre e sua relação com o percentil 95 desta variável das séries sintéticas nos modelos.

A partir da Figura 5.24, nota-se que a situação destacada anteriormente persiste, ou seja, mesmo considerando uma grande quantidade de séries sintéticas não são produzidas estiagens como aquelas observadas em algumas estações pluviométricas. Além disso, é importante evidenciar a presença de pontos próximos da reta 1:1 mesmo para um percentil elevado. Desta forma, a partir das duas observações anteriores fornecem um indício de que as cadeias markovianas de primeira ordem tendem a não representar adequadamente as sequências de dias secos como relatado em Wilks (1999) e Racsko *et al.* (1991 *apud* WILKS, 1999).

Em relação as Figuras 5.23 e 5.24 é observada pouca diferença decorrente do condicionamento nos resultados no que se refere ao condicionamento às fases ENOS. De

forma mais específica, em nenhuma das duas variações é possível evidenciar um melhor desempenho.

Por fim, os resultados apresentados são adequados com algumas ressalvas, como no que se refere a variância do número de dias chuvosos. Em concordância com isso, apesar de não ser devidamente evidenciado neste estudo, os resultados referentes às longas sequências de dias chuvosos indicam também uma incapacidade do modelo em determinadas estações pluviométricas em produzir nas séries sintéticas sequências de dias chuvosas que superem as observações desta variável nas séries históricas particionadas trimestralmente.

## 6 CONCLUSÕES E RECOMENDAÇÕES

Este trabalho, no intuito de analisar se a introdução do condicionamento às fases ENOS em modelos bipartidos tem melhor desempenho em relação à *overdispersion*, apresentou seis modelos de geração de séries sintéticas – três com condicionamento e três sem associação a uma variável exógena – aplicados para a região sul do Brasil. Os geradores produzidos possuem fundamentalmente uma estrutura bipartida simples que modela as ocorrências de precipitação a partir de uma cadeia markoviana, e as alturas de precipitações com distribuições teóricas de probabilidades que variam mensalmente.

No que diz respeito à diferença entre as variâncias da precipitação mensal observadas e simuladas, verificou-se uma melhoria na produção de séries sintéticas, por meio do condicionamento. Contudo, os resultados indicam que esta melhoria é fundamentada na influência do ENOS nas séries históricas como é o caso da redução da *overdispersion* nos meses da primavera. Por isso, justifica-se a adição de parâmetros aos geradores bipartidos, principalmente para as épocas de sinais de maior intensidade das teleconexões, a exemplo do mês de novembro.

Em relação ao condicionamento, a aplicação deste tipo de modelagem possibilita, além de aproximar ainda mais as séries sintéticas das históricas por meio da assimilação de características interanuais, produzir um caráter não estacionário no gerador, apesar de pouco discutido no presente estudo. Adicionalmente, foi observada uma melhoria nos aspectos mais gerais da produção de séries sintéticas, como a redução do fenômeno da *overdispersion*.

Apesar da maioria de resultados positivos, constatou-se que a dispersão do número de dias chuvosos ao longo dos meses não se assemelha às séries históricas. Tal atribuição interfere diretamente nas variâncias da precipitação mensal e é uma parte do problema da *overdispersion*. Uma das causas pode ser a modelagem de ocorrência de precipitação via cadeias de Markov de primeira ordem, que mesmo com a inclusão do condicionamento, pelo menos para a região estudada, não reproduziu as características dos números de dias secos e chuvosos, como é o caso das longas sequências de dias secos.

Isto, provavelmente é proveniente da identificação de interferências, como o caso de bloqueios atmosféricos, que alteram de forma relevante o caráter aleatório das dependências entre a ocorrência de precipitação de um dia para outro, ou para o caso de cadeias de ordem



superior, entre um pequeno conjunto de dias. Para o sul do Brasil, portanto, devem ser avaliadas a utilização de modelos de renovação alternada e a modelagem não paramétrica. Contudo, não se deve excluir totalmente a possibilidade de melhores resultados provenientes de modelos que utilizam cadeias de ordem superior ou modelos de probabilidade de transição, visto que estes não foram aplicados nesta situação.

No caso das modelagens da altura de precipitação, os resultados, em grande parte, se mostraram adequados. A modelagem condicionada que emprega a Distribuição Exponencial Mista apresentou os melhores resultados em relação às variâncias da precipitação diária e mensal. Entretanto, entende-se que a última propriedade analisada está – em parte, e para alguns casos – associada às distorções causadas pela limitação do espaço paramétrico da distribuição teórica de probabilidade utilizada ( $CV \geq 1$ ).

Tal limitação apontada é abordada de forma insuficiente no âmbito da literatura da geração das séries sintéticas de precipitação. Consequentemente, é necessária certa cautela na aplicação da Exponencial Mista, principalmente quando verificados coeficientes de variação amostrais das precipitações significativamente inferiores a um (provável causa das degenerações da distribuição). Desse modo, os parâmetros estimados tendem resultar em variâncias das precipitações diárias simuladas superiores e incompatíveis com as observadas amenizando assim a *overdispersion*, apesar de uma modelagem menos adequada.

O emprego da metodologia na qual cada caso de aplicação de uma distribuição teórica de probabilidade é analisada por um critério objetivo, o BIC, mostrou certas características com potencial de aplicação para a modelagem estocástica de precipitação. Entre estas, nota-se uma contenção do uso de uma distribuição menos apropriada para certos casos, uma melhor adequação aos dados observados e uma modelagem mais parcimoniosa. Por outro lado, decorrente do último predicado, há também um aspecto negativo: as penalizações do critério de informação de Bayes, geralmente, superam a de outros critérios como o de Akaike. Desta forma, há a possibilidade de uma maior limitação das distribuições que apresentaram um maior valor da função de verossimilhança.

Neste sentido, devem ser investigadas também a capacidade de reproduzir, nas séries sintéticas, as propriedades dos dados observados com a utilização de um critério de informação com diferente penalização, como o critério de informação de Akaike. Adicionalmente, deve-se incorporar outras distribuições teóricas de probabilidades reduzindo

a possibilidade de um desacordo entre as características da amostra e as limitações da modelagem das alturas de precipitação.

Apesar do uso excessivo da Distribuição Exponencial Simples, os modelos com o condicionamento que utilizam o BIC, quando comparados aos que fazem uso da Gama, foram mais precisos na modelagem da altura de precipitação diária, tanto em relação à média quanto às variâncias, demonstrando uma melhor capacidade do primeiro. Já em relação ao emprego da distribuição teórica de probabilidade Gama, mesmo com os resultados inferiores, principalmente quanto às variâncias da precipitação diária, entende-se que este modelo ainda apresenta resultados aceitáveis para a produção de séries sintéticas para alguns meses das estações analisadas, ao menos no que se refere as avaliações realizadas neste estudo.

Fora do âmbito tratado nesta dissertação, há ainda uma grande diversidade de aspectos a serem considerados na geração estocástica de precipitação como:

- A realização de um gerador estocástico no qual há uma avaliação objetiva para a inclusão ou não de uma variável exógena;
- A realização de modelos multi-localidades, possibilitando uma aplicação consideravelmente mais ampla, quando comparado com os modelos pontuais;
- A aplicação deste modelo e de outros em diferentes bacias unidos a modelos de chuva-vazão para uma comparação com as descargas líquidas observadas;
- A posterior comparação entre modelos multi-localidades e pontuais associados a modelos de chuva-vazão com o objetivo de compreender os efeitos da geração estocástica de precipitação pontual;
- A produção de modelos paramétricos que expressem a correlação entre as alturas de precipitação ao longo dos dias consecutivos chuvosos; e
- Ao considerar as disfunções relacionadas à utilização das cadeias markovianas, indica-se a modelagem a partir de modelos de alternâncias com renovação ou técnicas não paramétricas, tanto para o caso sem condicionamento quanto para o caso associado a variáveis exógenas.

## REFERÊNCIA

AMERICAN METEOROLOGICAL SOCIETY Glossary of Meteorology: Teleconnections. Disponível em: < <http://glossary.ametsoc.org/wiki/Teleconnection>>. Acesso em: 02/09/2015, 2015.

AMERICAN METEOROLOGICAL SOCIETY Glossary of Meteorology: Anomaly. Disponível em: < <http://glossary.ametsoc.org/wiki/Anomaly>>. Acesso em: 20/07/2016, 2016.

ANA. Agência Nacional de Águas: Sistema de Informações sobre Recursos Hídricos. Disponível em: < <http://hidroweb.ana.gov.br/>>, acessado em 08/10/2015.

ANDREOLI, R.V.; KAYANO, M.T. A importância relativa do Atlântico tropical sul e Pacífico leste na variabilidade de precipitação do Nordeste do Brasil. *Revista Brasileira de Meteorologia*. v.22, n.1, p. 63-74, 2007.

ASHOK, K.; BEHERA, S. K.; RAO, S. A.; WENG. H.; YAMAGATA, T. El Niño Modoki and its possible teleconnection. *Journal of Geophysical Research*, v.112, C11007, 2007.

AZEVEDO, P. V.; LEITÃO, M. M. V. B. R. Aplicação de processos em cadeia de Markov às precipitações diárias no estado da Paraíba. *Revista Brasileira de Meteorologia*, São José dos Campos, v. 5, n. 1, p. 389-402, 1990.

BARDOSSY, A.; PLATE, E. J. Space-Time Model for Daily Rainfall Using Atmospheric Circulation Patters. *Water Resources Research*, Washington, DC, 28, 5, p. 1247-1259, 1992.

BAÚ A. N. Modelagem da precipitação pluvial diária intra-anual da bacia hidrográfica Paraná III associada aos eventos ENOS. Tese de Doutorado, Universidade Federal de Campina Grande, Campina Grande, 296 p., 2012.

BERG, B. A. Markov Chain Monte Carlo Simulations and Their Statistical Analysis: With web based Fortran code. World Scientific.

BERTONI, J. C.; TUCCI, C. E. M. Precipitação In: TUCCI C. E. M. (Org.) *Hidrologia: ciência e aplicação*. Porto Alegre: UFRGS/ ABRH/ EDUSP, 4<sup>a</sup> ed., p. 177-241, 2012.

BOUGHTON, W. C. A daily rainfall generating model for water yield and flood studies. Report 99/9, CRC for Catchment Hydrology, Monash University, Melbourne, 21 p, 1999.

BOUGHTON, W. C.; HILL, P.I. A design flood estimation procedure using data generation and a daily water balance model. Report 97/8, CRC for Catchment Hydrology, Monash University, Melbourne, 41 p, 1997.

BRASIL, Ministério do Meio ambiente: Resolução nº 32 de 15 de outubro de 2003 do Conselho Nacional de Recursos hídricos, Brasília, 2003.

BRISSETTE, F. P.; KHALILI, M.; LECONTE, R. Efficient stochastic generation of multi-site synthetic precipitation data. *Journal of Hydrology*, Amsterdam, 345, pp. 121-133, 2007.

BUISSHAND, T. A.; BRANDSMA, T. Multisite simulation of daily precipitation and temperature in the Rhine basin by nearest-neighbor resampling. *Water Resources Research*, Washington, DC, 37, 11, p. 2761-2776, 2001.

CHEN J.; BRISSETTE F. P. Stochastic generation of daily precipitation amounts: review and evaluation of different models. *Clim. Res.*, v. 59., pp. 189-206, 2014.

CHIN, E. H. Modeling Daily Precipitation Occurrence Process With Markov Chain. *Water Resources Research*, v. 13, n. 6, p. 949-956, 1977.

CLIMATE PREDICTION CENTER. Historical El Nino/ La Nina episodes. Disponível em: < [http://www.cpc.ncep.noaa.gov/products/analysis\\_monitoring/ensostuff/ensoyears.shtml](http://www.cpc.ncep.noaa.gov/products/analysis_monitoring/ensostuff/ensoyears.shtml) >. Acessado em: 05/07/2015, 2015a.

CLIMATE PREDICTION CENTER. Description of changes to oceanic NINO index. Disponível em:<[http://www.cpc.ncep.noaa.gov/products/analysis\\_monitoring/ensostuff/ONI\\_change.shtml](http://www.cpc.ncep.noaa.gov/products/analysis_monitoring/ensostuff/ONI_change.shtml)>. Acessado em: 05/07/2015, 2015b.

COMPANHIA DE PESQUISA DE RECURSOS MINERAIS Atlas pluviométrico do Brasil: isoietas mensais, isoietas trimestrais, isoietas anuais, meses mais secos, meses mais chuvosos, trimestres mais secos, trimestres mais chuvosos. PINTO, E. J. A.; AZAMBUJA, A. de; FARIAS, J. SALGUEIRO, J.; PICKBRENNER, K. (Coord.). Brasília, 2011.

COSTA, V. Estimação indireta de quantis de enchentes extremas a partir de modelos chuva-vazão, com emprego conjunto de um gerador estocástico de precipitação diária, análise Bayesiana e distribuições limitadas superiormente. Tese de doutorado, Programa de Pós-

Graduação em Saneamento, Meio Ambiente e Recursos Hídricos da UFMG, Belo Horizonte, 180 p., 2005.

COSTA, V.; FERNANDES, W.; NAGHETTINI, M. A Bayesian model for stochastic generation of daily precipitation using an upper-bounded distribution function. *Stochastic Environmental Research and Risk Assessment*, v. 29, n. 2, pp. 563-576, 2015.

CHOW, V. T.; MAIDMENT, D. R.; MAYS, L. W. *Applied hydrology*. New York, McGraw-Hill, 572 p., 1988.

DEPARTMENT OF ATMOSPHERIC AND OCEANIC SCIENCES – UCLA El Niño lab. Disponível em: <<http://class.atmos.ucla.edu/aos102/AS102lab/ninoImages/nino34.jpg>>, Acessado em: 07/09/15, 2015.

DETZEL, D. H. M. Geração de séries sintéticas de precipitação. Dissertação de mestrado, Departamento de Engenharia Hidráulica e Saneamento, Universidade Federal do Paraná, Curitiba, 197 p., 2009.

DETZEL, D. M.; MINE, M. M. Modelagem de quantidades precipitadas em escala diária: Uma análise comparativa. *Revista Brasileira de Recursos Hídricos*, v. 16, n.2, pp. 101- 110, 2011.

DEVILLE, Y.; IRSN Renext: Renewal Method for Extreme Values Extrapolation. R package version 3.0-0, 2015.

DIAZ A. F.; STUDZINSKI, C. D.; MECHOSO, C. R. Relationships between precipitation anomalies in Uruguay and Southern Brazil and sea surface temperature in the Pacific and Atlantic oceans. *Journal of Climate*, v. 11, n. 2, p. 251-171, 1998.

EDDELBUETTEL, D. *Seamless R and C++ Integration with Rcpp*. Springer, Nova Iorque, 2013.

GABRIEL, K. R.; NEUMANN, J. A Markov chain model for daily rainfall occurrence at Tel Aviv. *Quarterly Journal of the Royal Meteorological Society* 88, p. 90–95, 1962.

GENG, S. PENNING DE VRIES, F.T.W. e SUPIT, I. A simple method for generating daily rainfall data. *Agricultural and Forest Meteorology* v. 36, p. 363–76, 1986.

GENTLE J. E. Random Number Generation and Monte Carlo Methods. Statistics and Computing. 2 ed., Springer, New York, 2005.

GREGORY, J. M.; WIGLEY, T. M. L.; JONES, P. D. Determining and Interpreting the Order of a Two-State Markov Chain: Application to Models of Daily Precipitation. *Water Resources Research*, v. 28, n. 5, p. 1443-1446, 1992.

GONTIJO, N. T. Avaliação das relações de frequência entre precipitações e enchentes raras por meio de séries sintéticas e simulação hidrológica. Dissertação de mestrado, Programa de Pós-graduação em Saneamento, Meio Ambiente e Recursos Hídricos da UFMG, Belo Horizonte, 156 p, 2007.

GOYAL, M.; BURN, D.; OJHA, C. Precipitation simulation based on k-nearest neighbor approach using gamma kernel. *J Hydrol Eng.* v. 18, n. 5, p. 481-487, 2013.

GRIMM, A. M. Interannual climate variability in South America: impacts on seasonal precipitation, extreme events and possible effects of climate change. *Stochastic Environmental Research and Risk Assessment.* v. 25, n. 4, p. 537-554, 2011.

GRIMM, A.M.; BARROS, V.R.; DOYLE, M.E. Climate variability in Southern South America associated with El Niño and La Niña events. *Journal of Climate*, v.13, p.35-58, 2000.

GRIMM, A. M.; FERRAZ, S. E. T.; GOMES, J. Precipitation anomalies in southern Brazil associated with El Niño and La Niña events. *Journal of Climate*, Vol. 11 pp. 2863-2880, 1998.

GRIMM A.M.; TEDESCHI R.G. ENSO and extreme rainfall events in South America. *Journal of Climate*, v. 22, n. 7, pp. 1589–1609, 2009.

GRONDONA, M. O.; PODESTÁ G. P.; BIDEGAIN M. A Stochastic Precipitation Generator Conditioned on ENSO Phase: A Case Study in Southeastern South America. *Journal of Climate*, Boston, 13, 16, p. 2973-2986, 2000.

GROSJEAN, P. SciViews: A GUI API for R, Université de Mons, Mons, 2015.

HAAN, C. T., ALLEN, D. M. e STREET, J. D. A Markov Chain Model of Daily Rainfall, *Water Resources Research*, v. 12, n. 3, p. 443-449, 1976.

HARRELL, F; DUPONT, C. Hmisc: Harrell Miscellaneous. R package version 3.17-1, 2015.

HARROLD, T.I.; SHARMA, A.; SHEATHER, S.J. A nonparametric model for stochastic generation of daily rainfall occurrence. *Water Resources Research* v. 39, n. 10, 1300, 2003a

HARROLD, T.I.; SHARMA, A.; SHEATHER, S.J. A nonparametric model for stochastic generation of daily rainfall amounts. *Water Resources Research* v. 39, n. 12, 1343, 2003b.

HABERLANDT, U.; HUNDECHA, Y.; PAHLOW, M.; SCHUMANN, A. Rainfall generators for application in flood studies. In: *Flood Risk Assessment and Management*. Org. A. Schumann, ed. Springer, pp.117-147, 2011.

HUTCHINSON, M. F. Stochastic space time weather models from ground based data. *Agricultural and Forest Meteorology*, 73, p. 237-264, 1995.

INSTITUTO BRASILEIRO DE GEOGRAFIA E ESTATÍSTICA. Mapa de Clima do Brasil escala 1:5.000.000. Disponível em: < [ftp://geoftp.ibge.gov.br/mapas\\_tematicos/mapas\\_murais/shapes/clima/Metadados\\_Mapa%20de%20Clima%20do%20Brasil.pdf](ftp://geoftp.ibge.gov.br/mapas_tematicos/mapas_murais/shapes/clima/Metadados_Mapa%20de%20Clima%20do%20Brasil.pdf)>. Acesso: 17/01/2016, 2002.

INSTITUTO BRASILEIRO DE GEOGRAFIA E ESTATÍSTICA. Mapa de Biomas do Brasil escala 1:5.000.000. Disponível em: <[ftp://geoftp.ibge.gov.br/informacoes\\_ambientais/geomorfologia/mapas/brasil/relevo\\_2006.pdf](ftp://geoftp.ibge.gov.br/informacoes_ambientais/geomorfologia/mapas/brasil/relevo_2006.pdf)>. Acesso em: 09/09/2016, 2006.

INSTITUTO BRASILEIRO DE GEOGRAFIA E ESTATÍSTICA. Est@dos – Síntese de informações das unidades Federativas. Disponível em: < <http://www.ibge.gov.br/estadosat/>>. Acessado em 15/12/2015.

INSTITUTO DE PESQUISAS ESPACIAIS. Climanálise: Boletim de Monitoramento e Análise Climática, V. 23, nº 11, 42p., 2008.

INSTITUTO NACIONAL DE METEOROLOGIA. Normais climatológicas do Brasil 1961-1990. Disponível em: <<http://www.inmet.gov.br/portal/index.php?r=clima/normaisClimatologicas>> . Acessado em: 12/10/15, 2015.

JAPAN METEOROLOGICAL AGENCY – JMA. Historical El niño and La niña events. Disponível em: <<http://ds.data.jma.go.jp/tcc/tcc/products/elnino/ensoevents.html>>. Acessado em: 07/09/15, 2015.

KATZ, R. W. Precipitation as a chain-dependent process, *J. Appl. Meteor.*, 16 (7), pp. 671–676, 1977.

KATZ, W. R. On some criteria for estimating the order of a Markov Chain. *Technometrics*, Alexandria, v. 23, n. 3, p. 243-249, 1981.

KATZ, R. W.; PARLANGE M. B. Effects of an index of atmospheric circulation on stochastic properties of precipitation, *Water Resources Research*, v. 29, n.7, pp. 2335–2344, 1993.

KATZ, R. W.; PARLANGE M. B. Overdispersion phenomenon in stochastic modeling of precipitation, *American Meteorological Society*, v. 11, pp. 591–601, 1998.

KNUTH, D.E. *The art of computer programming: Semi-numerical algorithms*, 2 ed., Addison-Wesley Publishing Company, Massachusetts, 1981.

KOMSTA, L.; NOVOMESTKY, F. moments: Moments, cumulants, skewness, kurtosis and related tests. R package version 0.14, 2015.

LALL, U.; RAJAGOPALAN, B.; TARBOTON, D. G. A non-parametric wet/dry spell model for resampling daily precipitation. *Water Resources Research*, v. 32, n. 9, p. 2803-2893, 1996.

LALL, U.; SHARMA, A. A nearest neighbor bootstrap for resampling hydrologic time series. *Water Resources Research*, v. 32, n. 3, p. 679-693, 1996.

LI, Z.; BRISSETTE, F.; CHEN, J. Finding the most appropriate precipitation probability distribution for stochastic weather generation and hydrological modelling in Nordic watersheds. *Hydrol. Process.* v. 27, pp. 3718–3729, 2013.

LIMA, A. A. Metodologia integrada para determinação da enchente de projeto de estruturas hidráulicas por meio de séries sintéticas de precipitação e modelos chuva vazão. Dissertação de mestrado, Programa de Pós-Graduação em Saneamento, Meio Ambiente e Recursos Hídricos da UFMG, Belo Horizonte, 2004.

LIMA, H. M. F.; MATA, I. P.; LIMA, A. V. F. Aplicação e validação de um simulador estocástico de variáveis climáticas: O caso da precipitação. *Revista Ingenieria del Agua*, v.12, p.27-37, 2005.



L'ECUYER, P. Random Number Generation, Handbook of Simulation, cap. IV, Org. Jerry Banks, pp. 93-137, Wiley, 1998.

L'ECUYER, P.; SIMARD, R. TEST U01: A C library for empirical testing of random number generators. ACM Transactions on Mathematical Software, v. 33, n. 4, p. 22, 2007.

L'HEUREUX, M. ENSO flavor of the month. ENSO Blog – NOAA. Disponível em: <<https://www.climate.gov/news-features/blogs/enso/enso-flavor-month>>, Acessado em: 07/09/15.

MARSAGLIA, G. DIEHARD: A battery of tests of randomness. Disponível em: <<http://stat.fsu.edu/~geo/diehard.html>>. Acessado em: 19/06/2015, 1996.

MATSUMOTO, M.; NISHIMURA, T. Mersenne Twister: A 623-dimensionally equi-distributed uniform pseudorandom number generator. ACM Transactions on Modeling and Computer Simulation (TOMACS), v. 8, n. 1, pp. 3-30, 1998.

MCLEISH, D. L. Monte Carlo Simulation and Finance. Hoboken, Wiley, 384 p. 2005.

MEHROTRA, R.; SHARMA A. A nonparametric stochastic downscaling framework for daily rainfall at multiple locations, J. Geophys. Res. v. 111, 16p., 2006.

MERSENNE TWISTER. Mersenne Twister Home Page. Disponível em: <<http://www.math.sci.hiroshima-u.ac.jp/~m-mat/MT/emt.html>>. Acessado em: 23/06/2015, 2015.

MORENO-PÉREZ, M. F.; WOOLHISER, D. A.; ROLDÁN-CAÑAS J. Effects of parameter perturbation on daily precipitation models in Southern Spain using the NAO index. Int. J. Climatol., v. 34, n. 8, p. 2556 – 2572, 2014

NIMER, E. Climatologia da Região Sul do Brasil – Introdução a climatologia dinâmica. Revista Brasileira de Geografia, v. 33, n. 4, pp. 3 – 65, 1971.

PANNETON, F.; L'ECUYER P.; MATSUMOTO, M. Improved long period generators Based on linear recurrences Modulo 2, ACM Transactions on Mathematical Software, v. 32, n.1, pp. 1-16, 2006.

PINTO, E. J. A. Estudo de Indicadores Climáticos para a Previsão do Longo Termo de Vazões na Bacia do Alto São Francisco. Tese de doutorado, Programa de Pós-Graduação em Saneamento, Meio Ambiente e Recursos Hídricos da UFMG, Belo Horizonte, 246 p., 2005.

R CORE TEAM. R: A language and environment for statistical computing. Disponível em: <<http://www.R-project.org/>>. R Foundation for Statistical Computing, Viena, 2015.

RAJAGOPALAN, B.; LALL, U.; TORBOTON, D.G. A nonhomogeneous Markov model for daily precipitation simulation. *Journal of Hydrologic Engineering* 1(1), p. 33-40, 1996.

RAO, V. B.; K. HADA; Characteristics of rainfall over Brazil: Annual variations and connections with the Southern Oscillation. *Theor. Appl. Climatol.*, v. 42, p. 81-90, 1990.

REDDY, P. J. A Text book of hydrology, Laxmi Publications, Nova Delhi, 2005.

RICHADSON, C. W; Wright, D. A. WGEN: A model for generating daily weather variables. USDA Publication ARS-8, 83 pp. 1984.

RIDER, P. R. The method of moments applied to a mixture of two exponential distributions. *Aeronautical Research Laboratories, Wriqth-Patterson Air Force Base*, 32, 1, p. 143-147, 1961.

ROPELEWSKI, C. H.; HALPERT S. Global and regional scale precipitation patterns associated with the El Niño/Southern Oscillation. *Mon. Wea. Rev.*, v. 115, p. 1606-1626, 1987.

ROJAHN, I. S. Variabilidade sazonal e interanual das precipitações na região sul do brasil associadas às temperaturas dos oceanos Atlântico e Pacífico. Dissertação de Mestrado do Curso de Pós-Graduação em Meteorologia – Instituto Nacional de Pesquisas Espaciais. São José dos Campos, 2004.

ROSS, S. *Introduction to Probability Models*, 9 ed. Academic Press, San Diego, 782 p. 2007.

SEARCY, J.; HARDYSON H. Double-mass curves – *Manual of Hydrology: Part 1. General surface-water techniques*. Washington, USGS, 1960.

SHARIF, M.; BURN D.M. Simulating climate change scenarios using an improved K-nearest neighbor model *Journal of Hydrology*, v. 325, pp. 179-196, 2006.

SRIKANTHAN, R. e MCMAHON, T. Stochastic generation of climate data: a review. Report 00/16, CRC for Catchment Hydrology, Monash University, Melbourne, 34 p, 2000.

SRIKANTHAN, R.; MCMAHON, T. A. Stochastic generation of annual, monthly and daily climate data: A review. *Hydrology and Earth System Sciences*, v. 5, n. 4, pp. 653-670, 2001.

SRIKANTHAN, R; HARROLD, T. I; SHARMA, A; MCMAHON, T. A. Comparison of Two Approaches for Generation of Daily Rainfall Data. *Stochastic, Environmental Research and Risk Assessment*, v. 19, n. 3, pp. 215-226, 2005

STEWART, W. Probability, Markov chains, queues, and simulation. Princeton University Press, Princeton, 2009.

SUBRAMANYA, K. Engineering Hydrology, 3 ed. New Delhi, Tata McGraw-Hill, 572p. 2013.

TEDESCHI, R. G.; CAVALCANTI, I. A; GRIMM, A. M. Influences of two types of ENSO on South American precipitation. *Int. J. Climatol.*, v. 33, n. 6 , pp. 1382–1400.

TRENBERTH, K.E. The definition of El Niño. *Bull. Amer. Meteo. Soc.*, 78, pp. 2771-2777, 1997.

UNITED STATES GEOLOGICAL SURVEY – USGS. Earth Explorer, Disponível em: <<http://earthexplorer.usgs.gov/>>. Acesso em:12/09/2016, 2016.

VENABLES, W. RIPLEY, B. Modern Applied Statistics with S. Fourth Edition. Springer, Nova Iorque, 2002.

VERGNI, L.; TODISCO, F.; DI LENA, B; MANNOCCHI, F. Effect of the North Atlantic Oscillation on winter daily rainfall and runoff in the Abruzzo region (Central Italy). *Stochastic Environmental Research and Risk Assessment*, pp. 1–15, 2015.

VIEIRA, C.; RIBEIRO, C.; SOUZA, R. Geradores de número aleatórios. MCC–22/04. 10 p. PUC–RIO, 2004.

VISSMAN, W. J.; LEWIS, G. L., Precipitation. In. *Introduction to Hydrology*. 4 ed. HaperCollins College Publishers, 1996.

WICHURA M.J. Algorithm AS 241: The Percentage Points of the Normal Distribution. *Journal of the Royal Statistical Society*. V. 37, n. 3, pp. 477-484, 1988.

WICKHAM, H.; FRANÇOIS, R. dplyr: A Grammar of Data Manipulation. R package version 0.4.3, 2015.

WICKHAM, H. ggplot2: Elegant Graphics for Data Analysis. Springer-Verlag New York, 2009.

WILKS, D.S. Interannual Variability and extreme-value characteristics of several stochastic daily precipitation Models, *Agric. Forest Meteo.*, v.93, pp.153-169, 1999.

WILKS, D.S. *Statistical methods in the atmospheric sciences*. 2 ed. Academic Press, San Diego, 627 p. 2006.

WILKS, D.S.; WILBY, R.L. The weather generation game: a review of stochastic weather models. *Prog. Phys. Geograp.* 23 (3), p. 329–357,1999.

WOOLHISER, D. H.; ROLDÁN, J. Stochastic daily precipitation models: 1. A comparison of occurrence processes. *Water Resources Research*, v. 18, n. 5, p. 1451-1459, 1982a.

WOOLHISER, D. H.; ROLDÁN, J. Stochastic daily precipitation models: 2. A comparison of distribution of amounts. *Water Resources Research*, v. 18, n. 5, p. 1461-1468, 1982b.

## ANEXO I – PROPRIEDADES DAS DISTRIBUIÇÕES TEÓRICAS DE PROBABILIDADES APLICADAS NA GERAÇÃO DAS SÉRIES SINTÉTICAS

A compreensão das propriedades das distribuições teóricas de probabilidades é fundamental para sua aplicação adequada. No caso do presente estudo, as limitações dos modelos estão associadas às propriedades das distribuições. Desta forma, é de extrema importância apresentá-las.

### ***A1.1– Distribuição Exponencial***

Como descrito por Naghettini e Pinto (2007), a distribuição Exponencial tem sua função densidade de probabilidade expressa pela Equação A1.1.

$$f_X(x) = \frac{1}{\theta} \cdot e^{-\frac{x}{\theta}} \quad \text{para } x \geq 0 \quad (\text{A1.1})$$

Onde  $\theta$  é o único parâmetro da distribuição. Outra forma de descrever a FDP Exponencial é a partir do inverso do parâmetro  $\theta$  expresso na Equação A1.2.

$$f_X(x) = \lambda \cdot e^{-x \cdot \lambda} \quad \text{para } x \geq 0 \quad (\text{A1.2})$$

O momento de primeira ordem ( $\mu_1$ ) é expresso pela Equação A1.3.

$$\mu_1 = \theta \quad (\text{A1.3})$$

O momento central de segunda ordem ( $\mu_2$ ), por sua vez, é dado pela Equação A1.4.

$$\mu_2 = \theta^2 \quad (\text{A1.4})$$

A partir das equações A1.3 e A1.4 temos que o coeficiente de variação ( $CV$ ) é representado pela Equação A1.5

$$CV(x) = 1 \quad (\text{A1.5})$$

Os momentos centrais de ordem 3, coeficiente de assimetria ( $\gamma$ ), e 4, curtose ( $\kappa$ ), são expressos pelas equações A1.6 e A1.7 respectivamente.

$$\gamma(x) = 2 \quad (\text{A1.6})$$

$$\kappa(x) = 9 \quad (\text{A1.7})$$

A partir dos momentos centrais de segunda à quarta ordem e coeficiente de variação da distribuição de probabilidades Exponencial, é observado que a distribuição apresenta limitações no que se refere a flexibilidade para tais momentos centrais. A segunda distribuição a ser apresentada é a Gama.

### **A1.2 Distribuição Gama**

Segundo Naghettini e Pinto (2007), a função densidade de probabilidades da distribuição Gama pode ser expressa pela Equação A1.8, onde  $\eta$  é o parâmetro de forma e  $\theta$  o parâmetro de escala.

$$f_X(x) = \frac{-x/\theta^{\eta-1} \cdot e^{-x/\theta}}{\theta \cdot \Gamma(\eta)} \quad \text{para } x, \eta \text{ e } \theta > 0 \quad (\text{A1.8})$$

Outra forma comum de representação da FDP da distribuição Gama pode ser realizada a partir dos parâmetros  $\alpha$  (forma) e  $\beta$  (escala) expressa pela Equação A1.9.

$$f_X(x) = \frac{1}{\beta^\alpha \cdot \Gamma(\alpha)} \cdot x^{\alpha-1} \cdot e^{-x/\beta} \quad \text{para } x, \alpha \text{ e } \beta > 0 \quad (\text{A1.9})$$

Apesar da aparente diferença entre a Equação A1.8 e A1.9, a única diferença entre elas é que  $\beta$  é o inverso de  $\theta$ . Os momentos de ordem 1 e central de ordem 2 são dados pelas equações A1.10 e A1.11, respectivamente.

$$\mu_1 = \eta \cdot \theta \quad (\text{A1.10})$$

$$\mu_2 = \eta \cdot \theta^2 \quad (\text{A1.11})$$

A partir das equações A1.10 e A1.11, o coeficiente de variação é dado pela Equação A1.12.

$$CV(x) = \frac{\sqrt{\eta}}{\eta} \quad (\text{A1.12})$$

Os momentos centrais de ordem 3, coeficiente de assimetria ( $\gamma$ ), e 4, curtose ( $\kappa$ ), são explicitados pelas equações A1.13 e A1.14.

$$\gamma(x) = 2 \cdot \frac{\sqrt{\eta}}{\eta} \quad (\text{A1.13})$$

$$\kappa(x) = 3 + \frac{6}{\eta} \quad (\text{A1.14})$$

Uma consideração fundamental sobre a distribuição Gama é sua similaridade com a distribuição exponencial para o caso do parâmetro de forma igual a um. No tópico seguinte é apresentado as propriedades da distribuição Exponencial Mista.

### **A1.3 Distribuição Exponencial Mista com três parâmetros**

A distribuição de probabilidades Exponencial Mista com três parâmetros, também conhecida pelo nome de distribuição Hiper Exponencial com duas fases, é uma composição de duas exponenciais. A FDP desta distribuição pode ser expressa sob a forma da Equação A1.15.

$$f_X(x) = \alpha \cdot \frac{e^{-x/\theta_1}}{\theta_1} + (1 - \alpha) \cdot \frac{e^{-x/\theta_2}}{\theta_2} \quad \text{para } x \geq 0 \text{ e } 0 < \alpha \leq 1 \quad (\text{A1.15})$$

Onde o parâmetro  $\theta_1$  e  $\theta_2$  são os parâmetros das duas distribuições exponenciais e  $\alpha$  é o parâmetro da composição. De maneira análoga a distribuição Exponencial, outra forma de representar a FDP da distribuição Exponencial Mista é explicitada pela Equação A1.16.

$$f_X(x) = \alpha_1 \cdot \lambda_1 \cdot e^{-x \cdot \lambda_1} + \alpha_2 \cdot \lambda_2 \cdot e^{-x \cdot \lambda_2} \quad \text{para } x \geq 0, \sum \alpha_i = 1 \text{ e } 0 < \alpha_1 \leq 1 \quad (\text{A1.16})$$

Onde  $i$  é número de exponenciais na composição,  $\alpha_1$  corresponde ao parâmetro  $\alpha$  na Equação A1.15 e  $\lambda_1$  e  $\lambda_2$  são os inversos dos parâmetros  $\theta_1$  e  $\theta_2$ , respectivamente. A partir da notação utilizada na Equação A1.16, o momento de primeira ordem é expresso pela Equação A1.17.

$$\mu_1 = \frac{\alpha_1}{\lambda_1} + \frac{\alpha_2}{\lambda_2} \quad (\text{A1.17})$$

O momento de segunda ordem em relação à origem ( $E[x^2]$ ) é dado pela Equação A1.18.

$$E[x^2] = \frac{2 \cdot \alpha_1}{\lambda_1^2} + \frac{2 \cdot \alpha_2}{\lambda_2^2} \quad (\text{A1.18})$$

O momento central de segunda ordem, por sua vez, é expresso pela Equação A1.19.

$$\mu_2 = E[x^2] - E[x]^2 = 2 \cdot \left( \frac{\alpha_1}{\lambda_1^2} + \frac{\alpha_2}{\lambda_2^2} \right) - \left( \frac{\alpha_1}{\lambda_1} + \frac{\alpha_2}{\lambda_2} \right)^2 \quad (\text{A1.19})$$

Baseado nas equações A1.17, A1.18 e A1.19 o coeficiente de variação da distribuição Exponencial Mista é dado pela Equação A1.20.

$$CV = \sqrt{\frac{E[x^2] - E[x]^2}{E[x]^2}} = \left[ 2 \cdot \frac{\left( \frac{\alpha_1}{\lambda_1^2} + \frac{\alpha_2}{\lambda_2^2} \right)}{\left( \frac{\alpha_1}{\lambda_1} + \frac{\alpha_2}{\lambda_2} \right)^2} - 1 \right]^{0,5} \quad \text{Onde } CV \geq 1 \quad (\text{A1.20})$$

A prova de que o coeficiente de variação é sempre igual ou superior é detalhada em Stewart (2009) para a Hiper Exponencial com  $n$  fases. Em consequência da limitação do coeficiente de variação igual ou superior a um, tem-se que a variância, no caso da Exponencial Mista, é igual ou superior ao quadrado da média. Por fim, para os casos de igualdade entre  $\theta_1$  e  $\theta_2$  ou  $\alpha$  igual a um, a distribuição Exponencial é semelhante a uma distribuição Exponencial.



## ANEXO II – SÉRIE HISTÓRICA ÍNDICE ONI

A tabela em anexo explicita a série temporal do índice ONI (variável exógena) utilizada no presente trabalho. Os valores coloridos em vermelho e azul são referentes as fases quente e fria do ENOS respectivamente, a fase neutra, por sua vez, foi mantida na cor preta.

Ano	Jan	Fev	Mar	Abr	Mai	Jun	Jul	Ago	Set	Out	Nov	Dez
1950	-1,4	-1,2	-1,1	-1,2	-1,1	-0,9	-0,6	-0,6	-0,5	-0,6	-0,7	-0,8
1951	-0,8	-0,6	-0,2	0,2	0,2	0,4	0,5	0,7	0,8	0,9	0,7	0,6
1952	0,5	0,4	0,4	0,4	0,4	0,2	0	0,1	0,2	0,2	0,2	0,3
1953	0,5	0,6	0,7	0,7	0,7	0,7	0,7	0,7	0,8	0,8	0,8	0,7
1954	0,7	0,4	0	-0,4	-0,5	-0,5	-0,5	-0,7	-0,7	-0,6	-0,5	-0,5
1955	-0,6	-0,6	-0,7	-0,7	-0,7	-0,6	-0,6	-0,6	-1	-1,4	-1,6	-1,4
1956	-0,9	-0,6	-0,6	-0,5	-0,5	-0,4	-0,5	-0,5	-0,4	-0,4	-0,5	-0,4
1957	-0,3	0	0,3	0,6	0,7	0,9	1	1,2	1,1	1,2	1,3	1,6
1958	1,7	1,5	1,2	0,8	0,7	0,6	0,5	0,4	0,4	0,5	0,6	0,6
1959	0,6	0,5	0,4	0,2	0,1	-0,2	-0,3	-0,3	-0,1	-0,1	-0,1	-0,1
1960	-0,1	-0,2	-0,1	0	-0,1	-0,2	0	0,1	0,2	0,1	0	0
1961	0	0	-0,1	0	0,1	0,2	0,1	-0,1	-0,3	-0,3	-0,2	-0,2
1962	-0,2	-0,2	-0,2	-0,3	-0,3	-0,2	-0,1	-0,2	-0,2	-0,3	-0,3	-0,4
1963	-0,4	-0,2	0,1	0,2	0,2	0,4	0,7	1	1,1	1,2	1,2	1,1
1964	1	0,6	0,1	-0,3	-0,6	-0,6	-0,7	-0,7	-0,8	-0,8	-0,8	-0,8
1965	-0,5	-0,3	-0,1	0,1	0,4	0,7	1	1,3	1,6	1,7	1,8	1,5
1966	1,3	1	0,9	0,6	0,3	0,2	0,2	0,1	0	-0,1	-0,1	-0,3
1967	-0,4	-0,5	-0,5	-0,5	-0,2	0	0	-0,2	-0,3	-0,4	-0,4	-0,5
1968	-0,7	-0,8	-0,7	-0,5	-0,1	0,2	0,5	0,4	0,3	0,4	0,6	0,8
1969	0,9	1	0,9	0,7	0,6	0,5	0,4	0,5	0,8	0,8	0,8	0,7
1970	0,6	0,4	0,4	0,3	0,1	-0,3	-0,6	-0,8	-0,8	-0,8	-0,9	-1,2
1971	-1,3	-1,3	-1,1	-0,9	-0,8	-0,7	-0,8	-0,7	-0,8	-0,8	-0,9	-0,8
1972	-0,7	-0,4	0	0,3	0,6	0,8	1,1	1,3	1,5	1,8	2	1,9
1973	1,7	1,2	0,6	0	-0,4	-0,8	-1	-1,2	-1,4	-1,7	-1,9	-1,9
1974	-1,7	-1,5	-1,2	-1	-0,9	-0,8	-0,6	-0,4	-0,4	-0,6	-0,7	-0,6
1975	-0,5	-0,5	-0,6	-0,6	-0,7	-0,8	-1	-1,1	-1,3	-1,4	-1,5	-1,6
1976	-1,5	-1,1	-0,7	-0,4	-0,3	-0,1	0,1	0,3	0,5	0,7	0,8	0,8
1977	0,7	0,6	0,4	0,3	0,3	0,4	0,4	0,4	0,5	0,6	0,8	0,8
1978	0,7	0,4	0,1	-0,2	-0,3	-0,3	-0,4	-0,4	-0,4	-0,3	-0,1	0
1979	0	0,1	0,2	0,3	0,3	0,1	0,1	0,2	0,3	0,5	0,5	0,6
1980	0,6	0,5	0,3	0,4	0,5	0,5	0,3	0,2	0	0,1	0,1	0
1981	-0,2	-0,4	-0,4	-0,3	-0,2	-0,3	-0,3	-0,3	-0,2	-0,1	-0,1	0
1982	0	0,1	0,2	0,5	0,6	0,7	0,8	1	1,5	1,9	2,1	2,1
1983	2,1	1,8	1,5	1,2	1	0,7	0,3	0	-0,3	-0,6	-0,8	-0,8
1984	-0,5	-0,3	-0,3	-0,4	-0,4	-0,4	-0,3	-0,2	-0,3	-0,6	-0,9	-1,1

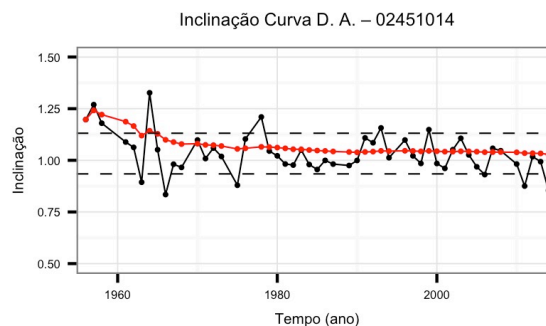
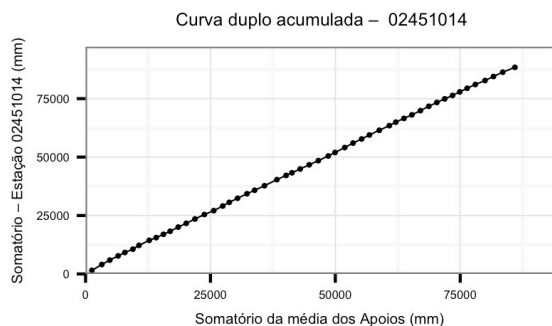
Ano	Jan	Fev	Mar	Abr	Mai	Jun	Jul	Ago	Set	Out	Nov	Dez
1985	-0,9	-0,7	-0,7	-0,7	-0,7	-0,6	-0,4	-0,4	-0,4	-0,3	-0,2	-0,3
1986	-0,4	-0,4	-0,3	-0,2	-0,1	0	0,2	0,4	<b>0,7</b>	<b>0,9</b>	<b>1</b>	<b>1,1</b>
1987	<b>1,1</b>	<b>1,2</b>	<b>1,1</b>	<b>1</b>	<b>0,9</b>	<b>1,1</b>	<b>1,4</b>	<b>1,6</b>	<b>1,6</b>	<b>1,4</b>	<b>1,2</b>	<b>1,1</b>
1988	<b>0,8</b>	<b>0,5</b>	0,1	-0,3	<b>-0,8</b>	<b>-1,2</b>	<b>-1,2</b>	<b>-1,1</b>	<b>-1,2</b>	<b>-1,4</b>	<b>-1,7</b>	<b>-1,8</b>
1989	<b>-1,6</b>	<b>-1,4</b>	<b>-1,1</b>	<b>-0,9</b>	<b>-0,6</b>	-0,4	-0,3	-0,3	-0,3	-0,3	-0,2	-0,1
1990	0,1	0,2	0,2	0,2	0,2	0,3	0,3	0,3	0,4	0,3	0,4	0,4
1991	0,4	0,3	0,2	0,2	0,4	<b>0,6</b>	<b>0,7</b>	<b>0,7</b>	<b>0,7</b>	<b>0,8</b>	<b>1,2</b>	<b>1,4</b>
1992	<b>1,6</b>	<b>1,5</b>	<b>1,4</b>	<b>1,2</b>	<b>1</b>	<b>0,8</b>	<b>0,5</b>	0,2	0	-0,1	-0,1	0
1993	0,2	0,3	0,5	0,7	0,8	0,6	0,3	0,2	0,2	0,2	0,1	0,1
1994	0,1	0,1	0,2	0,3	0,4	0,4	0,4	0,4	0,4	<b>0,6</b>	<b>0,9</b>	<b>1</b>
1995	<b>0,9</b>	<b>0,7</b>	<b>0,5</b>	0,3	0,2	0	-0,2	<b>-0,5</b>	<b>-0,7</b>	<b>-0,9</b>	<b>-1</b>	<b>-0,9</b>
1996	<b>-0,9</b>	<b>-0,7</b>	<b>-0,6</b>	-0,4	-0,2	-0,2	-0,2	-0,3	-0,3	-0,4	-0,4	-0,5
1997	-0,5	-0,4	-0,2	0,1	<b>0,6</b>	<b>1</b>	<b>1,4</b>	<b>1,7</b>	<b>2</b>	<b>2,2</b>	<b>2,3</b>	<b>2,3</b>
1998	<b>2,1</b>	<b>1,8</b>	<b>1,4</b>	<b>1</b>	<b>0,5</b>	-0,1	<b>-0,7</b>	<b>-1</b>	<b>-1,2</b>	<b>-1,2</b>	<b>-1,3</b>	<b>-1,4</b>
1999	<b>-1,4</b>	<b>-1,2</b>	<b>-1</b>	<b>-0,9</b>	<b>-0,9</b>	<b>-1</b>	<b>-1</b>	<b>-1</b>	<b>-1,1</b>	<b>-1,2</b>	<b>-1,4</b>	<b>-1,6</b>
2000	<b>-1,6</b>	<b>-1,4</b>	<b>-1,1</b>	<b>-0,9</b>	<b>-0,7</b>	<b>-0,7</b>	<b>-0,6</b>	<b>-0,5</b>	<b>-0,6</b>	<b>-0,7</b>	<b>-0,8</b>	<b>-0,8</b>
2001	<b>-0,7</b>	<b>-0,6</b>	<b>-0,5</b>	-0,3	-0,2	-0,1	0	-0,1	-0,1	-0,2	-0,3	-0,3
2002	-0,2	-0,1	0,1	0,2	0,4	<b>0,7</b>	<b>0,8</b>	<b>0,9</b>	<b>1</b>	<b>1,2</b>	<b>1,3</b>	<b>1,1</b>
2003	<b>0,9</b>	<b>0,6</b>	0,4	0	-0,2	-0,1	0,1	0,2	0,3	0,4	0,4	0,4
2004	0,3	0,2	0,1	0,1	0,2	0,3	<b>0,5</b>	<b>0,7</b>	<b>0,7</b>	<b>0,7</b>	<b>0,7</b>	<b>0,7</b>
2005	<b>0,6</b>	<b>0,6</b>	<b>0,5</b>	<b>0,5</b>	0,4	0,2	0,1	0	0	-0,1	-0,4	-0,7
2006	-0,7	-0,6	-0,4	-0,2	0	0,1	0,2	0,3	<b>0,5</b>	<b>0,8</b>	<b>0,9</b>	<b>1</b>
2007	<b>0,7</b>	0,3	0	-0,1	-0,2	-0,2	-0,3	<b>-0,6</b>	<b>-0,8</b>	<b>-1,1</b>	<b>-1,2</b>	<b>-1,3</b>
2008	<b>-1,4</b>	<b>-1,3</b>	<b>-1,1</b>	<b>-0,9</b>	<b>-0,7</b>	<b>-0,5</b>	-0,3	-0,2	-0,2	-0,3	-0,5	-0,7
2009	-0,8	-0,7	-0,4	-0,1	0,2	0,4	<b>0,5</b>	<b>0,6</b>	<b>0,7</b>	<b>1</b>	<b>1,2</b>	<b>1,3</b>
2010	<b>1,3</b>	<b>1,1</b>	<b>0,8</b>	<b>0,5</b>	0	-0,4	<b>-0,8</b>	<b>-1,1</b>	<b>-1,3</b>	<b>-1,4</b>	<b>-1,3</b>	<b>-1,4</b>
2011	<b>-1,3</b>	<b>-1,1</b>	<b>-0,8</b>	<b>-0,6</b>	-0,3	-0,2	-0,3	<b>-0,5</b>	<b>-0,7</b>	<b>-0,9</b>	<b>-0,9</b>	<b>-0,8</b>
2012	<b>-0,7</b>	<b>-0,6</b>	<b>-0,5</b>	-0,4	-0,3	-0,1	0,1	0,3	0,4	0,4	0,2	-0,2
2013	-0,4	-0,5	-0,3	-0,2	-0,2	-0,2	-0,2	-0,2	-0,2	-0,2	-0,2	-0,3
2014	-0,5	-0,6	-0,4	-0,2	0	0	0	0	0,2	0,4	0,6	0,6

## ANEXO III – ANÁLISE DA CONSISTÊNCIA DOS DADOS UTILIZADOS

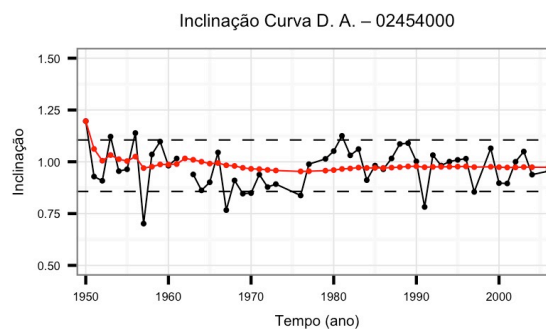
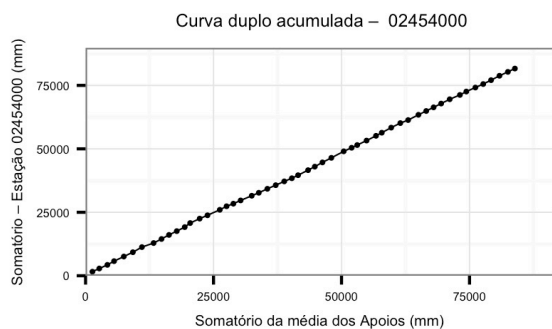
O uso das curvas duplo acumulativas para análise de consistência das estações pluviométricas utilizadas evidenciam, para a grande maioria dos casos analisados, sua grande semelhança com as estações de apoio. Contudo, para três estações foram observadas alterações consideráveis na declividade da curva duplo acumulada (marcadas com asterisco). Mesmo assim, tais estações pluviométricas foram mantidas devido a dois fatores: uma menor densidade de estações pluviométricas próximas com séries longas para a produção das médias regionais; e decorrente do fator anteriormente discutido, uma menor confiabilidade do método devido as maiores distâncias entre estação avaliada e apoios.

Além das curvas duplo acumulativas e suas respectivas mudanças de declividade apresentada a seguir, são evidenciadas também os arquivos eletrônicos junto a esta dissertação, as figuras semelhantes em maior escala e com a adição de duas informações relevantes: os anos utilizados para análise e os apoios utilizados.

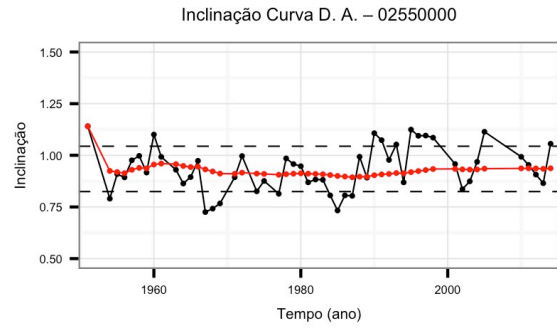
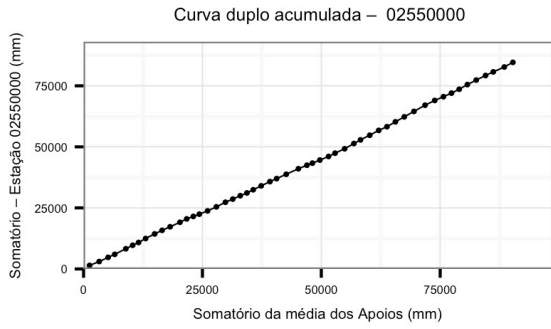
### Id. 01 – Ivaiporã/PR



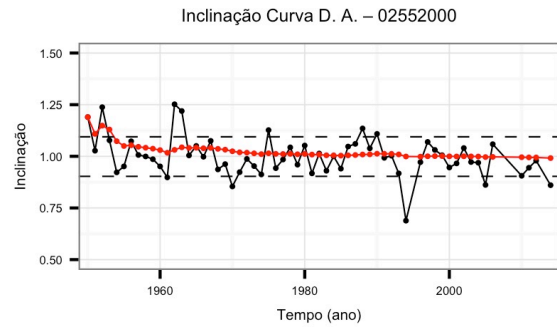
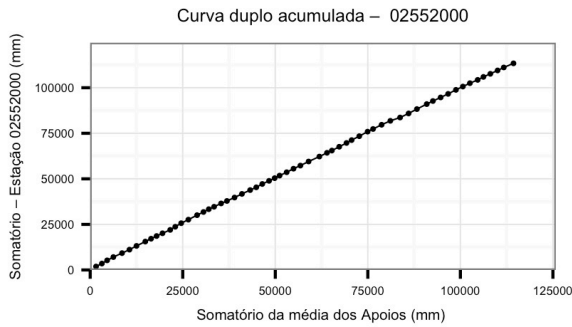
### Id. 02 – Porto Mendes Gonçalves/PR



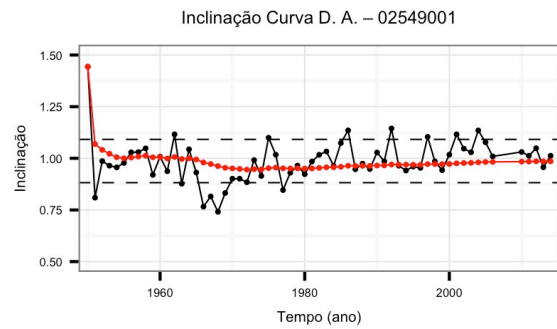
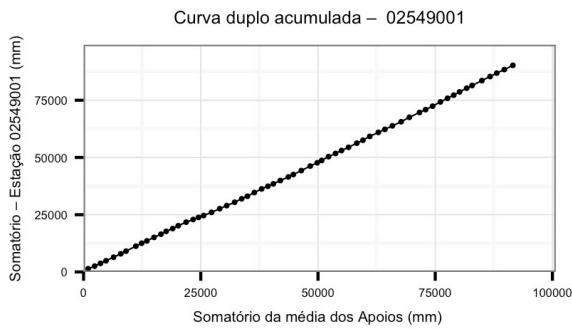
### Id. 03 – Prudentópolis Capt. Sanepar/PR



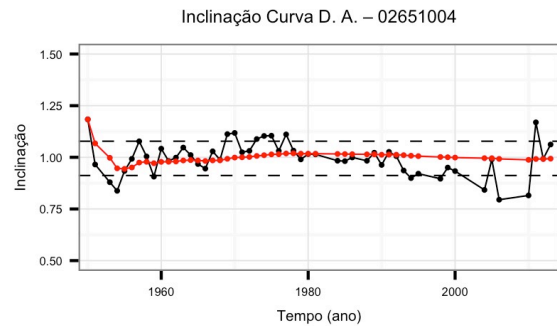
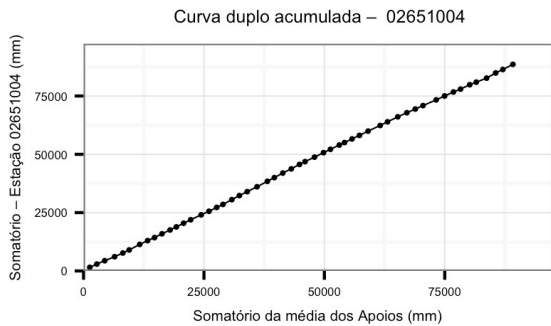
### Id 04. – Quedas do Iguaçu (Campo Novo)/PR



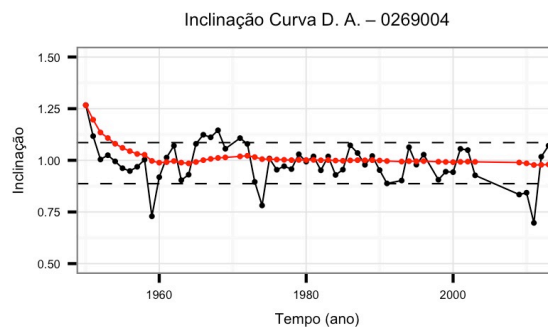
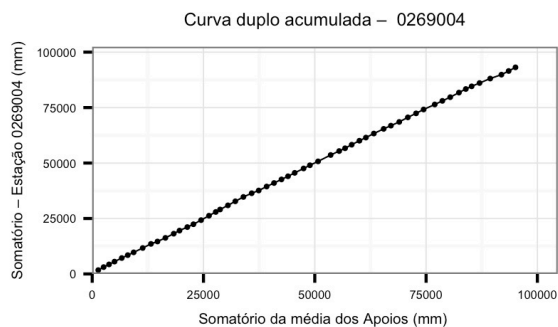
### Id. 05 – Porto Amazonas/PR



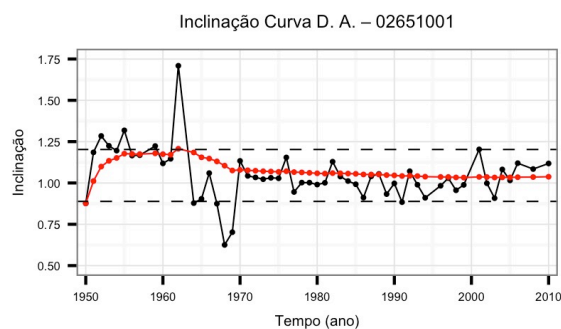
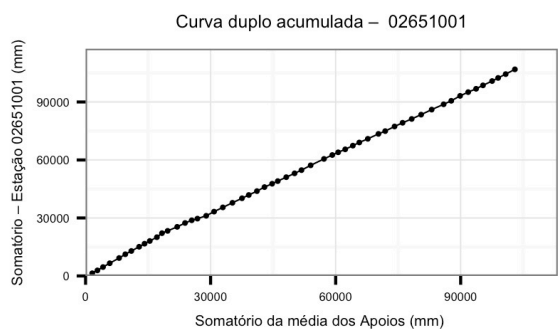
### Id. 06 – Porto Vitória/PR



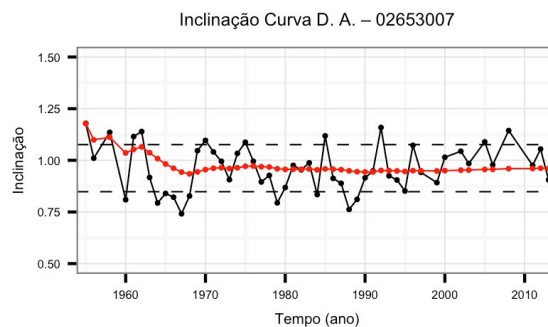
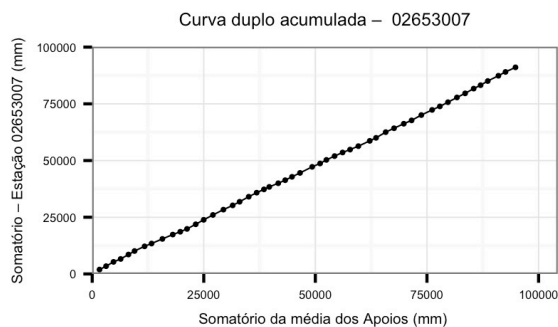
### Id. 07 – Timbó Novo/SC



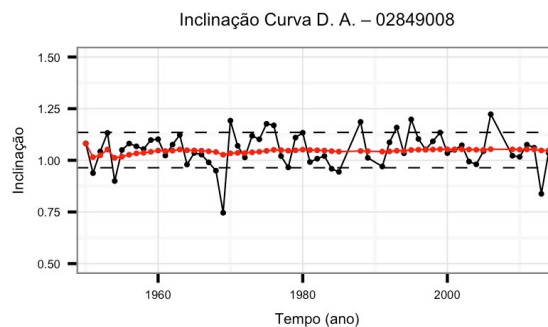
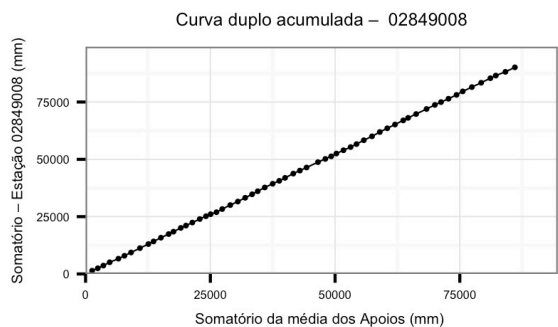
### Id. 08 – Campina da Alegria/SC\*



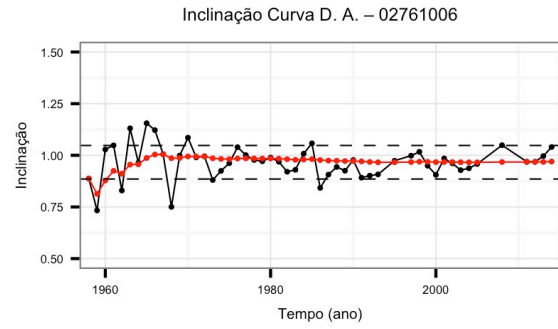
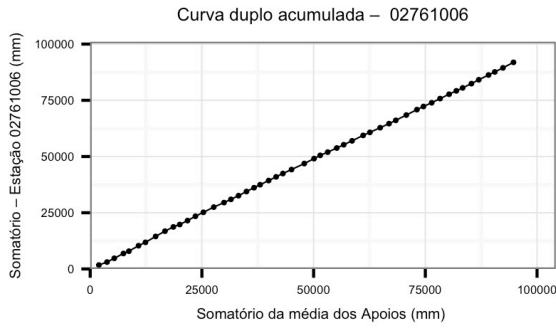
### Id. 09 – Saudades/SC



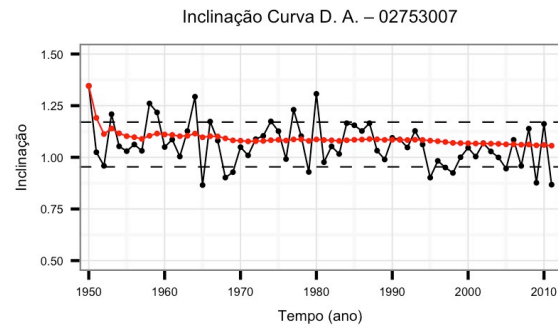
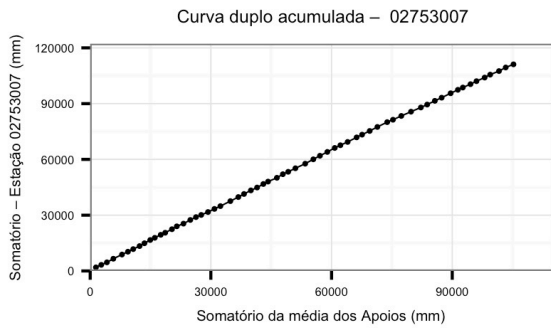
### Id. 10 – Rio Pequeno/SC



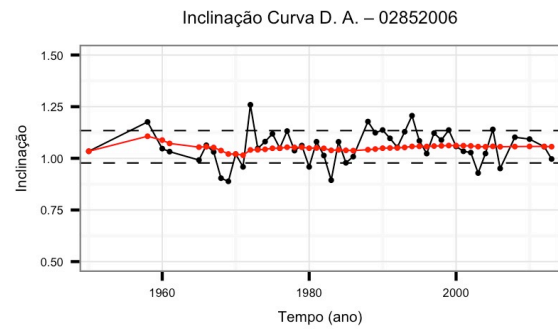
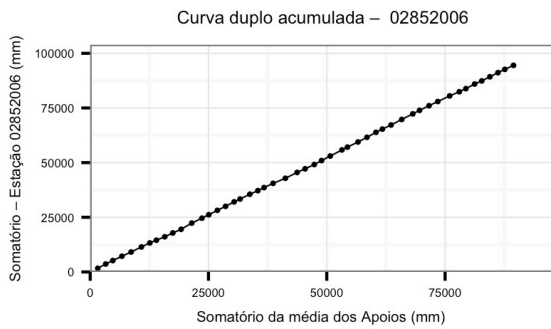
### Id. 11 – Paim Filho/RS



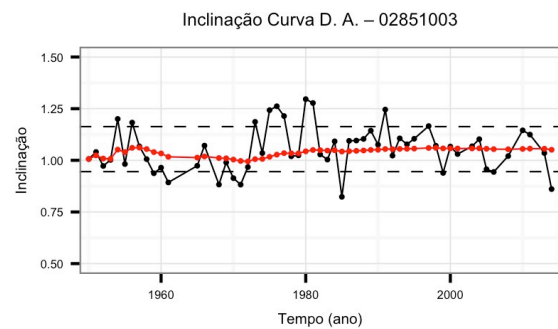
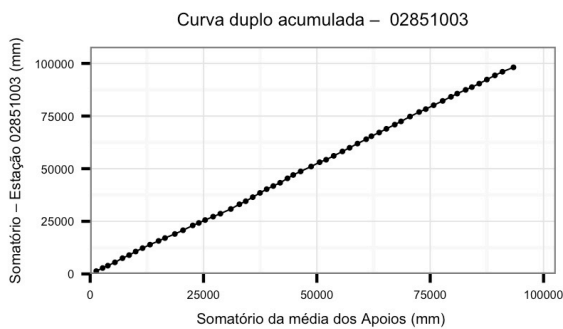
**Id. 12 – Santo Augusto/RS**



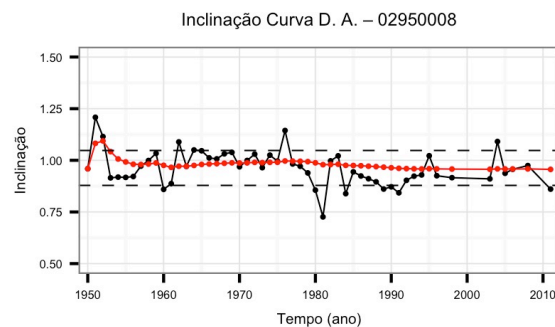
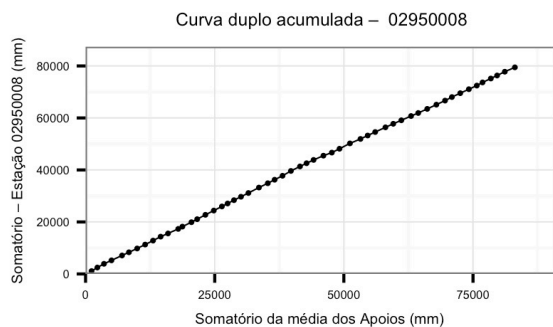
**Id. 13 – Carazinho/RS**



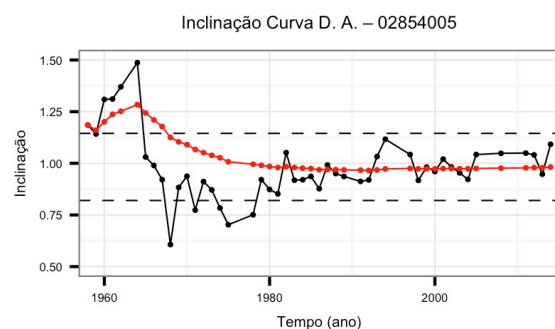
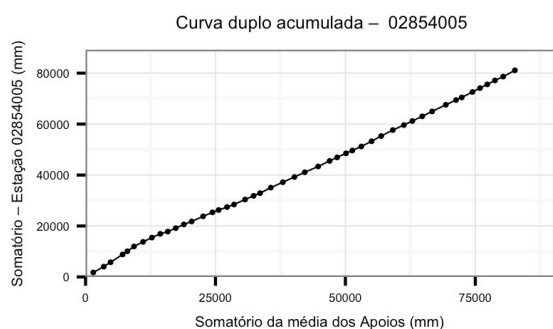
**Id. 14 – Antônio Prado/RS**



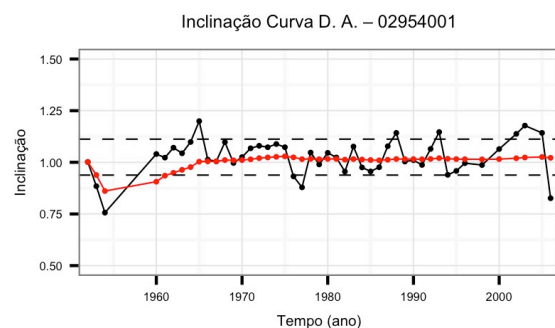
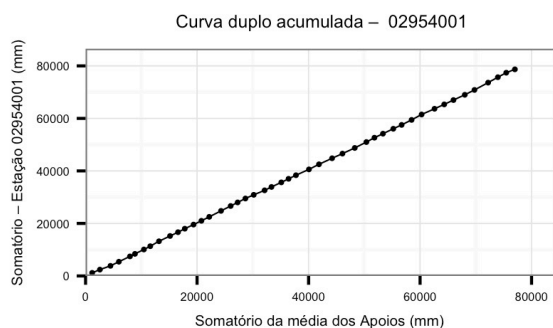
**Id. 15 – Camisas /RS**



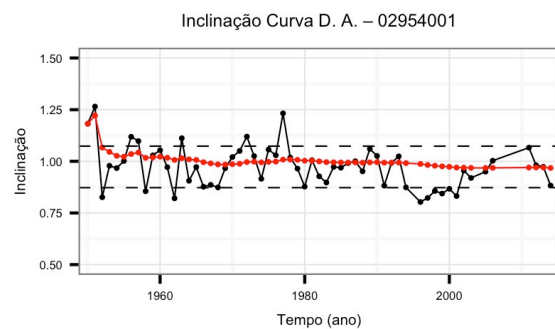
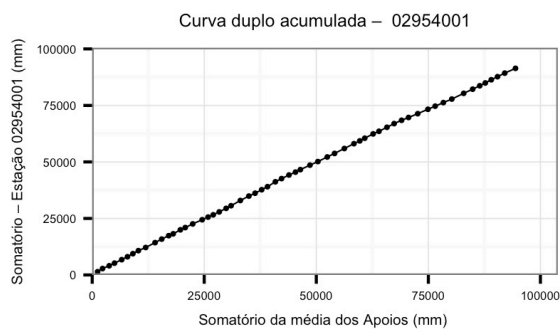
### Id. 16 – Passo Major Zeferino/RS\*



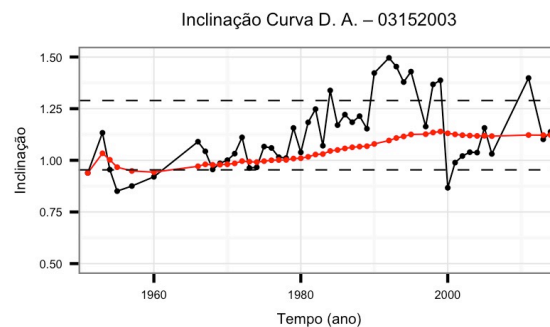
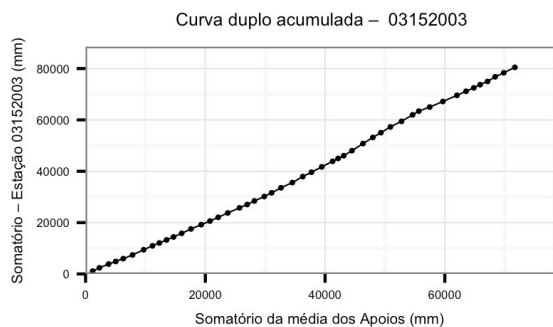
### Id. 17 – Dona Francisca/RS



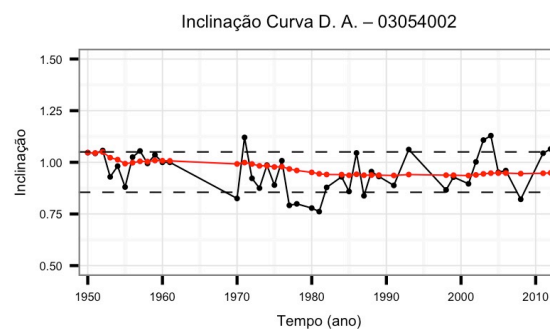
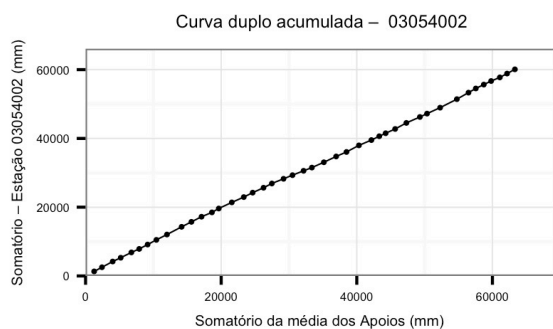
### Id. 18 – Cacequi/RS



### Id. 19 – Canguçu/RS\*



Id. 20 – Dom Pedrito/RS





## **ANEXO IV – ALGORITMOS NECESSÁRIOS PARA A PRODUÇÃO DE SÉRIES SINTÉTICAS**

Para assegurar a reprodutibilidade do presente estudo, neste anexo foram disponibilizados os principais algoritmos para a produção de séries sintéticas (nove no total). Os dois primeiros são arquivos auxiliares presentes nas outras rotinas: MarkovChain.cpp (Função que produz a ocorrência de chuva na linguagem C++) e Lib.r ( Conjunto de funções em R).

A terceira rotina corresponde ao pré-gerador, com a supressão de alguns pontos como a análise de ordem de cadeias, produção de gráficos e a extração dos dados a serem comparados com a série sintética. As últimas seis rotinas correspondem a cada uma das variações do gerador. Para a geração das séries sintéticas os arquivos devem ser salvos separadamente.

Sobre a rotinas específicas de geração das séries sintéticas, para sua realização adequada deve-se seguir o cabeçalho exposto nas variações do modelo que utiliza o critério de informação de Bayes para modelagem das alturas precipitadas, tanto para os casos condicionados às fases ENOS, quanto para aqueles que não estão relacionados às variáveis exógenas. Além das rotinas impressas, seguem também os arquivos eletrônico das rotinas expostas, juntamente com os dados de precipitação diária e série ONI para a reprodução das séries sintéticas.

## MarkovChain.cpp

```
// MarkovChain.cpp
// Autor: Jaildo Vieira Rocha Filho
#include <Rcpp.h>
using namespace Rcpp;

// vetor x <- RNG(n)
// vetor y <- vetor transicao p01
// vetor z <- vetor P11

// [[Rcpp::export]]
Rcpp::NumericVector MarkovChain(Rcpp::NumericVector x, Rcpp::NumericVector y,
                                Rcpp::NumericVector z, int u) {
    Rcpp::NumericVector w(x.size());
    w[0] = u;
    for (int i = 1 ;i < x.size(); i++)
        if ( w[i-1] == 0 ){
            if ( x[i] > y[i]){
                w[i] = 0;
            } else {
                w[i]=1;
            }
        } else {
            if ( x[i] > z[i] ) {
                w[i] = 0;
            } else {
                w[i] = 1;
            }
        }

    return w;
}
// Rotina Finalizada
```

## Lib.R

```
#####  
#####  
# Lib.R  
# Autor: Jaildo Vieira Rocha Filho (UFMG)  
#####  
#####  
# Funções dos geradores  
# Função 1 <- Cálculo do BIC  
# Função 2 <- Geração de variáveis aleatórias definidas pelo BIC  
# Função 3 <- calculo das matrizes de transicao  
# Função 4 <- Estimador da Exponencial mista 3P (Autor - Y. Deville)  
  
Calculo.BIC <- function (FMVS,n.par,S.size) {  
  output <- -2*FMVS+n.par*log(S.size)  
  return(output)  
}  
  
rMultiDist <- function (Model.choice,l , Gamma.Shape, Gamma.Rate,  
  MixedExp.prob1, MixedExp.rate1,  
  MixedExp.rate2, Exp.rate) {  
  if (Model.choice == 3){  
    out <- rexp(n = l, rate = Exp.rate)  
  
  } else if (Model.choice == 1) {  
    out <- rmixexp2 (n = l , prob1 = MixedExp.prob1,  
      rate1 = MixedExp.rate1, rate2 = MixedExp.rate2 )  
  
  } else {  
    out <- rgamma( n = l, shape = Gamma.Shape, rate = Gamma.Rate )  
  
  }  
  
  return (out)  
}  
  
Matriz.Trans <- function(Data){  
  Output <- rep(NaN,12*11)  
  Output <- matrix(Output,nrow =12)  
  
  Output[,1] <- tapply(ifelse((Data$Est1=="0"|Data$Est1=="1"),1,0),  
    Data$mes,sum)  
  Output[,2] <- tapply(ifelse(( Data$Est1=="0" &  
    ( Data$Est0=="0"|Data$Est0=="1")),1,0),  
    Data$mes,sum)  
  Output[,3] <- tapply(ifelse(( Data$Est1=="1" &  
    ( Data$Est0=="0"|Data$Est0=="1")),1,0),  
    Data$mes,sum)  
  Output[,4] <- tapply((ifelse( Data$Est0=="0" &  
    Data$Est1=="0" ,1,0)),  
    Data$mes,sum)  
  Output[,5] <- tapply((ifelse( Data$Est0=="1" &  
    Data$Est1=="0" ,1,0)),  
    Data$mes,sum)  
  Output[,6] <- tapply((ifelse( Data$Est0=="1" &  
    Data$Est1=="1" ,1,0)),  
    Data$mes,sum)
```

```

Output[,7]   <- tapply((ifelse( Data$Est0=="0" &
                               Data$Est1=="1" ,1,0)),
                      Data$mes, sum)

Output[,8]   <- Output[,4]/Output[,2] #P00
Output[,9]   <- Output[,5]/Output[,2] #P01
Output[,10]  <- Output[,6]/Output[,3] #P11
Output[,11]  <- Output[,7]/Output[,3] #P10

colnames(Output) <- c("ntotal", "nseco", "nchuvoso", "n00", "n01", "n11",
                      "n10", "p00", "p01", "p11", "p10")
rownames(Output) <- month.abb
Output         <- as.data.frame(Output)
return(Output)
}

EM.mixexp <- function(x, m = 2) {

  n <- length(x)

  Tau <- matrix(0, nrow = n, ncol = m)
  dx <- matrix(0, nrow = n, ncol = m)
  xx <- as.matrix(x)[ , rep(1, m)]

  ## Insiitalize groups
  if (m == 2) {

    Ini <- ini.mixexp2(x)$estimate
    alpha <- c(Ini["prob1"], 1 - Ini["prob1"])
    theta <- 1/Ini[c("rate1", "rate2")]

  } else {

    g <- cut(x, breaks = m)
    gi <- as.integer(g)
    for (j in 1:m) Tau[ gi == j , j] <- 1

    alpha <- apply(Tau, 2, mean)
    theta <- apply(xx*Tau, 2, sum) / apply(Tau, 2, sum)
  }

  maxiter <- 6000

  ## Store results

  Theta <- matrix(NA, nrow = maxiter, ncol = m)
  Alpha <- matrix(NA, nrow = maxiter, ncol = m)
  logL   <- rep(NA, length.out = maxiter)

  iter <- 1

  cvg <- FALSE
  vec.new <- c(alpha[1], theta)

  while ( (iter <= maxiter) && (!cvg) ) {

    vec.old <- c(alpha[1], theta)

    for (j in 1:m) {

```

```

    dx[ , j] <- dexp(x, rate = 1/theta[j])*alpha[j]
  }

d <- apply(dx, 1, sum)

Tau <- dx / as.matrix(d)[ , rep(1, m)]

alpha <- apply(Tau, 2, mean)
theta <- apply(xx*Tau, 2, sum) / apply(Tau, 2, sum)

Theta[iter, ] <- theta
Alpha[iter, ] <- alpha

if (m == 2) logL[iter] <-
  sum(dmixexp2(x, prob1 = alpha[1], rate1 = 1/theta[1], rate2 = 1/theta[2],
log = TRUE))

vec.old <- vec.new
vec.new <- c(alpha[1], theta)

if ( max(abs(vec.new-vec.old) / vec.old) < 0.00001) {
  cvg <- TRUE
  logL <- logL[1:iter]
  Alpha <- Alpha[1:iter, ]
  Theta <- Theta[1:iter, ]
}

iter <- iter + 1

}

if (FALSE) matplot(Theta, type = "l", lwd = 2)

estimate <- c(alpha, 1/theta)
names(estimate) <- c(paste("prob", 1:m, sep = ""),
  paste("rate", 1:m, sep = ""))

list(estimate = estimate,
  logL = logL,
  Alpha = Alpha,
  Theta = Theta)
}

# Rotina Finalizada
#####
#####

```

## Pregerador.R

```
#####  
#####  
# Pre-gerador.R  
# Autor: Jaildo Vieira Rocha Filho (UFMG)  
#####  
#####  
# Versão do R e das bibliotecas utilizadas  
# R version 3.2.3 (Wooden Christmas-Tree)  
# MASS version 7.3-45  
# Renext version 3.0-0  
# plyr version 1.8.3  
# svDialogs version 0.9-57  
#####  
#####  
# Passo a passo da execucao do programa  
## Definir pasta de trabalho de execucao           (abertura de janela)  
## Carregar arquivo Lib.R                         (abertura de janela)  
## Carregar arquivo de P.diararia est. P          (abertura de janela)  
## Carregar arquivo ONI.csv                       (abertura de janela)  
# Tempo aproximado de execucao inferior a um minuto  
#####  
#####  
  
rm(list=ls())  
  
# Bibliotecas necessarias a rotina  
library("MASS")  
library("Renext")  
library("plyr")  
library("svDialogs")  
  
# Definir pasta na qual os parametros serao salvos!  
setwd(dlgDir(default = getwd())$res)  
WD <- getwd()  
  
# Carregar funcoes necessarias ao script (Arquivo: Lib.R)  
source(file.choose())  
rm(rMultiDist)  
  
# Dados de entrada -----  
# Carregar arquivo com as precipitacoes diarias da estacao P. analisada  
# Dados da estacao pluviometrica  
# col 1: codigo, col 2: data(formato dd/mm/aaaa), col 3: Precipitacao (mm)  
Dados <- read.csv(file.choose(), header = T, sep=";", dec = ".")  
  
#Indice ONI coluna 1=mes, coluna 2=Ano, coluna 3= Fase  
ENSIndex <- read.csv(file.choose(), header = T, sep=";", dec = ".")  
  
# Transformacao da data -----  
  
# Ajuste das datas do formato dd/mm/aaaa para 3 colunas  
# Coluna 1,2 e 3 dos Dados (col 1:dia, col 2: mes , col 3: ano)  
Dados$Data <- as.character(Dados$Data)  
codigo <- Dados[1,1]  
A <- strsplit(Dados$Data,split = "/")  
A <- matrix(unlist(A), ncol = 3, byrow = TRUE)
```

```

A          <- as.data.frame(A)
Dados     <- Dados[,c(-1,-2)]
Dados     <- cbind(A,Dados)

colnames(Dados) <- c("dia", "mes", "ano", "Prec")
Comp      <- length(Dados[,4])

levels(Dados$mes) <- month.abb
rm(A)

# Estados 0/1 -----
# Ocorrencia de Precipitacao
# Serao utilizados 3 estados devido descontinuidades
# Logo temos que estado 5 == SL (dia sem leitura)
Cond      <- Dados$Prec==0
Est0      <- c()
Est0      <- ifelse(Cond,0,1)
Cond      <- Dados$Prec == "SL"
Est0      <- ifelse(Cond,5,Est0)

# Estado do dia anterior -----
# Ocorrencia de precipitacao no dias anterior
Est1      <- 5
Est1      <- c(Est1[1],Est0[-Comp])

Dados     <- cbind(Dados,Est0,Est1)
rm(Est0,Est1,Cond)

# Retirada dos dados sem leitura -----
# Criacao de um data frame adicional com a serie completa
# Para utilizacao posterior
DadosObservados <- Dados
DadosObservados$Prec <- as.character(DadosObservados$Prec)
DadosObservados$Prec <- ifelse(test = DadosObservados$Prec=="SL",
                               yes = NaN, no = DadosObservados$Prec)
DadosObservados$Prec <- as.numeric(DadosObservados$Prec)

# Prec="SL" --> Dados sem leitura
Dados     <- Dados[Dados$Prec!="SL",]
Dados$Prec <- as.character(Dados$Prec)
Dados$Prec <- as.numeric(Dados$Prec)

# Parametros do modelo (Sem condicionamento) -----
# Com os estados definidos previamente
# Utiliza-se condicoes para definir as probabilidade de transicoes de est.

Dados$Est0 <- as.factor(Dados$Est0)
Dados$Est1 <- as.factor(Dados$Est1)

# Matriz de probabilidade de transicao (sem cond.)
Trans1 <- Matriz.Trans(Data = Dados)

A          <- Dados[Dados$Prec!=0,]
Len       <- tapply(A$Prec,A$mes,length)
Len       <- as.vector(Len)

# Parametros Exponencial Mista-MVS (sem cond.)
out       <- with(A, tapply(A$Prec, A$mes, function(x) EM.mixexp(x,2)))
MixexpPar <- t(sapply(out, "[", 1))

```

```

MixexpPar <- MixexpPar[,-2 ]
MixexpPar <- as.data.frame(MixexpPar)
# Extracao da funcao de maxima Verossimilhanca Exp. Mista
FMVSmexp <- sapply(out, "[[", 2)
FMVSmexp <- sapply(X = FMVSmexp,FUN = tail, n=1 )
rm(out)

# Parametros dist. Gama-MVS
out <- with(A, tapply(A$Prec, A$mes,
                     function(x) fitdistr(x,densfun = "gamma")))
GammaPar <- t(sapply(out, "[[", 1))
GammaPar <- as.data.frame(GammaPar)
# Extracao da funcao de maxima Verossimilhanca gama (sem cond.)
FMVSGamma <- sapply(out, "[[", 4)

# Parametros Exponencial simples (sem cond.)
out <- with(A, tapply(A$Prec, A$mes,
                     function(x) fitdistr(x,densfun = "exponential")))
ExpPar <- sapply(out, "[[", 1)
ExpPar <- data.frame(Rate = ExpPar)
# Extracao da funcao de maxima Verossimilhanca Exp. (sem cond.)
FMVSexp <- sapply(out, "[[", 5)

# Criterio de informacao do modulo de quantidade (sem cond.)
CritInf.MQ.SC <- data.frame(Mixed.Exp = Calculo.BIC
                           (FMVS = FMVSmexp, n.par = 3,S.size = Len ),
                           Gama = Calculo.BIC
                           (FMVS = FMVSGamma , n.par = 2,S.size = Len ),
                           Exp = Calculo.BIC
                           (FMVS = FMVSexp, n.par = 1,S.size = Len ))

rm(A,out,FMVSmexp,FMVSGamma,FMVSexp, Len)

# Atrelar dados da estacao ao indice ONI -----

# Dados Indice ONI
# Organizacao OniSim.csv (col1. mes, col2. ano, col3. fase)
# Devem possuir as colunas devem possuir titulos
# (col1. mes, col2. ano, col3. ENSO.factor)
ENSOIndex$mes <- as.factor(ENSOIndex$mes)
ENSOIndex$ano <- as.factor(ENSOIndex$ano)
levels(ENSOIndex$mes) <- month.abb
DadosENSO <- join(Dados,ENSOIndex ,by = c("mes","ano"))

# Criacao de um data frame por fase
DadosLN <- DadosENSO[DadosENSO$ENSO.factor=="LN",]
DadosEN <- DadosENSO[DadosENSO$ENSO.factor=="EN",]
DadosNeutro <- DadosENSO[DadosENSO$ENSO.factor=="NEUTRO",]

# Parametros do modelo (Fase quente) -----
# P. de transicao 1a ordem (Fase quente)
Trans1EN <- Matriz.Trans(Data = DadosEN)

# Parametros do modulo de quantidade (Fase quente)
A <- DadosEN[DadosEN$Prec!=0,]
Len <- tapply(A$Prec,A$mes,length)
Len <- as.vector(Len)

# Parametros Exponencial Mista-MVS (Fase quente)

```



```

out      <- with(A, tapply(A$Prec, A$mes, function(x) EM.mixexp(x,2)))
MixexpParEN <- t(sapply(out, "[", 1))
MixexpParEN <- MixexpParEN[,-2 ]
MixexpParEN <- as.data.frame(MixexpParEN)
# Extracao da funcao de maxima Verossimilhanca Exp. Mista (Fase quente)
FMVSmexpEN <- sapply(out, "[", 2)
FMVSmexpEN <- sapply(X = FMVSmexpEN,FUN = tail, n=1 )
rm(out)

# Parametros dist. Gama-MVS (Fase quente)
out      <- with(A, tapply(A$Prec, A$mes,
                           function(x) fitdistr(x,densfun = "gamma")))
GammaParEN <- t(sapply(out, "[", 1))
GammaParEN <- as.data.frame(GammaParEN)
# Extracao da funcao de maxima Verossimilhanca gama (Fase quente)
FMVSGammaEN <- sapply(out, "[", 4)

# Parametros Exponencial simples (Fase quente)
out      <- with(A, tapply(A$Prec, A$mes,
                           function(x) fitdistr(x,densfun = "exponential")))
ExpParEN <- sapply(out, "[", 1)
ExpParEN <- data.frame(Rate = ExpParEN)
# Extracao da funcao de maxima Verossimilhanca Exp.
FMVSexpEN <- sapply(out, "[", 5)

# Criterio de informacao do modulo de quantidade (Fase quente)
CritInf.MQ.EN <- data.frame(Mixed.Exp = Calculo.BIC
                            (FMVS = FMVSmexpEN, n.par = 3,S.size = Len),
                            Gama = Calculo.BIC
                            (FMVS = FMVSGammaEN , n.par = 2,S.size = Len ) ,
                            Exp = Calculo.BIC
                            (FMVS = FMVSexpEN, n.par = 1,S.size = Len ))

rm(A,out,FMVSmexpEN,FMVSGammaEN,FMVSexpEN,Len)

# Parametros do modelo (Fase fria) -----

# P. de transicao 1a ordem (Fase fria)
Trans1LN <- Matriz.Trans(Data = DadosLN)

# Parametros do modulo de quantidade (Fase fria)
A      <- DadosLN[DadosLN$Prec!=0,]
Len    <- tapply(A$Prec,A$mes,length)
Len    <- as.vector(Len)

# Parametros Exponencial Mista-MVS (Fase fria)
out      <- with(A, tapply(A$Prec, A$mes, function(x) EM.mixexp(x,2)))
MixexpParLN <- t(sapply(out, "[", 1))
MixexpParLN <- MixexpParLN[,-2 ]
MixexpParLN <- as.data.frame(MixexpParLN)
# Extracao da funcao de maxima Verossimilhanca Exp. Mista (Fase fria)
FMVSmexpLN <- sapply(out, "[", 2)
FMVSmexpLN <- sapply(X = FMVSmexpLN,FUN = tail, n=1 )
rm(out)

# Parametros dist. Gama-MVS (Fase fria)
out      <- with(A, tapply(A$Prec, A$mes,
                           function(x) fitdistr(x,densfun = "gamma")))
GammaParLN <- t(sapply(out, "[", 1))

```

```

GammaParLN <- as.data.frame(GammaParLN)
# Extracao da funcao de maxima Verossimilhanca gama (Fase fria)
FMVsgammaLN <- sapply(out, "[", 4)

# Parâmetros Exponencial simples (Fase fria)
out <- with(A, tapply(A$Prec, A$mes,
                     function(x) fitdistr(x,densfun = "exponential")))
ExpParLN <- sapply(out, "[", 1)
ExpParLN <- data.frame(Rate = ExpParLN)
# Extracao da funcao de mxima Verossimilhanca Exp. (Fase fria)
FMVSexpLN <- sapply(out, "[", 5)

# Criterio de informacao do módulo de quantidade (Fase fria)
CritInf.MQ.LN <- data.frame(Mixed.Exp = Calculo.BIC
                           (FMVS = FMVSmexpLN, n.par = 3,S.size = Len ),
                           Gama = Calculo.BIC
                           (FMVS = FMVsgammaLN , n.par = 2,S.size = Len),
                           Exp = Calculo.BIC
                           (FMVS = FMVSexpLN, n.par = 1,S.size = Len))

rm(A,out,FMVSmexpLN,FMVsgammaLN,FMVSexpLN,Len)

# Parâmetros do modelo (Fase neutra -----)
# P. de transicao 1a ordem (Fase neutra)
Trans1Net <- Matriz.Trans(Data = DadosNeutro)

# Parâmetros do módulo de quantidade (Fase neutra)
A <- DadosNeutro[DadosNeutro$Prec!=0,]
Len <- tapply(A$Prec,A$mes,length)
Len <- as.vector(Len)

# Parâmetros Exponencial Mista-MVS (Fase neutra)
out <- with(A, tapply(A$Prec, A$mes, function(x) EM.mixexp(x,2)))
MixexpParNet <- t(sapply(out, "[", 1))
MixexpParNet <- MixexpParNet[,-2 ]
MixexpParNet <- as.data.frame(MixexpParNet)
# Extracao da funcao de maxima Verossimilhanca Exp. Mista (Fase neutra)
FMVSmexpNet <- sapply(out, "[", 2)
FMVSmexpNet <- sapply(X = FMVSmexpNet,FUN = tail, n=1 )
rm(out)

# Parâmetros dist. Gama-MVS (Fase neutra)
out <- with(A, tapply(A$Prec, A$mes,
                     function(x) fitdistr(x,densfun = "gamma")))
GammaParNet <- t(sapply(out, "[", 1))
GammaParNet <- as.data.frame(GammaParNet)

# Extracao da funcao de maxima Verossimilhanca gama (Fase neutra)
FMVsgammaNet <- sapply(out, "[", 4)

# Parâmetros Exponencial simples (Fase neutra)
out <- with(A, tapply(A$Prec, A$mes,
                     function(x) fitdistr(x,densfun =
"exponential")))
ExpParNet <- sapply(out, "[", 1)
ExpParNet <- data.frame(Rate = ExpParNet)
# Extracao da funcao de maxima Verossimilhanca Exp. (Fase neutra)
FMVSexpNet <- sapply(out, "[", 5)

```

```

# Critério de informacao do módulo de quantidade (Fase neutra)
CritInf.MQ.Net <- data.frame(Mixed.Exp = Calculo.BIC
                             (FMVS = FMVSmexpNet, n.par = 3,S.size = Len),
                             Gama = Calculo.BIC
                             (FMVS = FMVSGammaNet , n.par = 2,S.size = Len),
                             Exp = Calculo.BIC
                             (FMVS = FMVSexpNet, n.par = 1,S.size = Len))

rm(A,out,FMVSmexpNet,FMVSGammaNet,FMVSexpNet,Len)
rm(DadosEN,DadosLN,Dados,DadosNeutro)

# Salvar Arquivos -----

codigo=as.character(codigo)
Tipo="Pregerador ONI"
Caminho=paste(WD,Tipo,sep="/")
dir.create(path = Caminho )
Caminho=paste(Caminho,codigo,sep="/")
dir.create(path = Caminho)

setwd(Caminho)
rm(Caminho)

save( list = c("Trans1","GammaPar","MixexpPar", "ExpPar" ,
               "codigo","CritInf.MQ.SC"),
      file = paste("ParametrosSC",".RData",sep = ""))

save( list = c("Trans1EN","Trans1LN","Trans1Net",
               "GammaParEN","GammaParLN", "GammaParNet",
               "MixexpParEN","MixexpParLN","MixexpParNet",
               "ExpParEN","ExpParLN","ExpParNet" ,"codigo",
               "CritInf.MQ.EN","CritInf.MQ.LN","CritInf.MQ.Net"),
      file = paste("ParametrosCC",".RData",sep = ""))

# Rotina Finalizada
#####
#####

```

## Gerador CC-BIC.R

```
#####  
#####  
# Gerador CC-BIC  
# Autor: Jaildo Vieira Rocha Filho  
#####  
#####  
# Versão do R e das bibliotecas utilizadas  
# R version 3.2.3 (Wooden Christmas-Tree)  
# MASS version 7.3-45  
# Renext version 3.0-0  
# Rcpp version 0.12.3 (Requer compilador C++)  
# plyr version 1.8.3  
# svDialogs version 0.9-57  
#####  
#####  
# Passo a passo da execucao do programa  
## Definir pasta de trabalho de execucao (abertura de janela)  
## Carregar arquivo Lib.R (abertura de janela)  
## Carregar arquvivo MarkovChain.cpp (abertura de janela)  
## Carregar arquvivo ONISIM.csv (abertura de janela)  
## Carregar "Parametros CC.Rdata" (abertura de janela)  
# Tempo aproximado de execucao 6 minutos  
#####  
#####  
rm(list=ls())  
  
# Carregar as bibliotecas necessarias  
library("MASS")  
library("Renext")  
library("Rcpp")  
library("plyr")  
library("svDialogs")  
  
# Diretorio de trabalho  
# Definir pasta na qual os parametros serao salvos...  
setwd(dlgDir(default = getwd())$res)  
WD=getwd()  
  
# Carregar funcoes necessarias ao script (Arquivo: Lib.R)  
source(file.choose())  
rm(Calculo.BIC,EM.mixexp, Matriz.Trans)  
# Obtencao do script especifico para as cadeias markovianas  
sourceCpp(file.choose())  
  
# calculo do tempo de processamento  
ptm <- proc.time()  
  
# Simulacao de 65 anos -----  
  
InicioSim=as.Date("2016-01-01")  
FinalSim=as.Date("2080-12-31")  
  
# Organizacao das datas  
  
DadosSim <- seq(InicioSim, FinalSim, by="days")  
CompSim <- length(DadosSim)
```

```

DadosSim      <- as.character(DadosSim)
DadosSim      <- strsplit(DadosSim,split = "-")
DadosSim      <- matrix(unlist(DadosSim), ncol = 3, byrow = TRUE)
DadosSim      <- cbind(DadosSim[,3],DadosSim[,2],DadosSim[,1])
DadosSim      <- as.data.frame(DadosSim)
DadosSim$V2   <- as.character(DadosSim$V2)
DadosSim$V3   <- as.character(DadosSim$V3)
DadosSim$V2   <- as.numeric(DadosSim$V2)
DadosSim$V3   <- as.numeric(DadosSim$V3)

colnames(DadosSim) <- c("dia","mes","ano")

# Dados de entrada -----

# Dados Indice ONI da simulacao
# (Semelhante ao ONI obs. 65 anos entre 2016 e 2080)
# Organizacao OniSim.csv (col1. mes, col2. ano, col3. fase)
# Devem possuir as colunas devem possuir titulos
# (col1. mes, col2. ano, col3. ENSO.factor)

ENSOIndex     <- read.csv(file = file.choose(),
                        header = T, sep=";", dec = "." )
DadosSim      <- join(DadosSim,ENSOIndex ,by = c("mes","ano"))

# Carregar os Parametros do modelo com o condicionamento
# Parametros CC
load(file = file.choose() )

# Definir semenete -----
# Semente Gerador CC-BIC -> 6*codigo+29
Semente <- as.numeric(codigo)*6+29
set.seed (seed = Semente)

# Preparacao modulo de ocorrencia -----

# Criacao de um data frame com a relacao entre os meses e as fases ENOS

Par.MO        <- data.frame(p11 = c(Trans1EN$p11,Trans1LN$p11,Trans1Net$p11),
                          p01 = c(Trans1EN$p01,Trans1LN$p01,Trans1Net$p01),
                          mes=rep(seq(1,12,1),times = 3),
                          ENSO.factor = c(rep(1,times = 12),
                                           rep(2,times = 12),
                                           rep(3,times = 12)))

Par.MO$ENSO.factor      <- as.factor(Par.MO$ENSO.factor)
levels(Par.MO$ENSO.factor) <- c("EN","LN","NEUTRO")

# Associacao deste vetores as datas da modelagem para uma realizacao
# mais eficiente das cadeias de markov

MO.vector      <- join( DadosSim,Par.MO,by =c("mes","ENSO.factor"))
MO.vector      <- MO.vector[,c("p11","p01")]

# Modelagem do primeiro dia
# Como a serie se inicia num periodo de La nina
# A primeira ocorrencia de precipitacao e PTE1
PTE1 <- Trans1LN[DadosSim$mes[1],3]/Trans1LN[DadosSim$mes[1],1]

# Preparacao do modulo de quantidade -----

```

```

# Escolha dos Parametros de cada mes especifico
Model.choice.EN <- apply(X = CritInf.MQ.EN,MARGIN = 1, FUN = which.min)
Model.choice.LN <- apply(X = CritInf.MQ.LN,MARGIN = 1, FUN = which.min)
Model.choice.Net <- apply(X = CritInf.MQ.Net,MARGIN = 1, FUN = which.min)

# Loop -----

Repet <- 1
SimPrec <- c()

repeat{

  # Primeira iteracao da cadeia de markov.
  if(runif(1) <= PTE1){
    Pec.Occu = 1
  } else {
    Pec.Occu = 0
  }

  # Informacoes sobre a funcao MarkovChain
  ## vetor x <- RNG(n)
  ## vetor y <- vetor transicao p01
  ## vetor z <- vetor P11
  ## Ocorrencia de Precipitacao no primeiro dia

  Est0 <- MarkovChain(x= runif(n = length(MO.vector$p01)),
                    y=MO.vector$p01,
                    z=MO.vector$p11,
                    u=Pec.Occu)
  DadosSim <- cbind(DadosSim,Est0)
  rm(Pec.Occu)

  # Modulo de quantidade Precipitada (MQP)
  # Funcionamento do MQP -> VA independentes
  ## Seleciona-se apenas os dias com prec.
  ## Cria-se as variaveis aleatorias de acordo com cada mes e fase
  ## remonta-se o data frame original

  Prec <- rep(0, times = CompSim)
  DadosSim <- cbind(DadosSim,Prec)
  DadosJoin <- NULL

  for (k in 1:12) {
    Dados.Sim.subset <- DadosSim[DadosSim$mes == k
                                & DadosSim$Est0 ==1
                                & DadosSim$ENSO.factor == "EN" , ]
    i <- sum(Dados.Sim.subset$Est0)

    Dados.Sim.subset$Prec <- rMultiDist(Model.choice = Model.choice.EN[k],
                                       l = i,
                                       Exp.rate = ExpParEN$Rate[k],
                                       Gamma.Shape = GammaParEN$shape[k],
                                       Gamma.Rate = GammaParEN$rate[k],
                                       MixedExp.prob1 = MixexpParEN$prob1[k],
                                       MixedExp.rate1 = MixexpParEN$rate1[k],
                                       MixedExp.rate2 = MixexpParEN$rate2[k])

    DadosJoin <- rbind(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
  }
}

```

```

}

for (k in 1:12) {
  Dados.Sim.subset <- DadosSim[DadosSim$mes == k
                              & DadosSim$Est0 ==1
                              & DadosSim$ENSO.factor == "LN" , ]

  i      <- sum(Dados.Sim.subset$Est0)

  Dados.Sim.subset$Prec <- rMultiDist(Model.choice = Model.choice.LN[k],
                                     l = i,
                                     Exp.rate = ExpParLN$Rate[k],
                                     Gamma.Shape = GammaParLN$shape[k],
                                     Gamma.Rate = GammaParLN$rate[k],
                                     MixedExp.prob1 = MixexpParLN$prob1[k],
                                     MixedExp.rate1 = MixexpParLN$rate1[k],
                                     MixedExp.rate2 = MixexpParLN$rate2[k])

  DadosJoin <- rbind(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
}

for (k in 1:12) {
  Dados.Sim.subset <- DadosSim[DadosSim$mes == k
                              & DadosSim$Est0 ==1
                              & DadosSim$ENSO.factor == "NEUTRO" , ]

  i      <- sum(Dados.Sim.subset$Est0)

  Dados.Sim.subset$Prec <- rMultiDist(Model.choice = Model.choice.Net[k],
                                     l = i,
                                     Exp.rate = ExpParNet$Rate[k],
                                     Gamma.Shape = GammaParNet$shape[k],
                                     Gamma.Rate = GammaParNet$rate[k],
                                     MixedExp.prob1 = MixexpParNet$prob1[k],
                                     MixedExp.rate1 = MixexpParNet$rate1[k],
                                     MixedExp.rate2 = MixexpParNet$rate2[k])

  DadosJoin <- rbind(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
}

DadosSim <- DadosSim[DadosSim$Est0 == 0,]
DadosSim <- rbind(DadosSim,DadosJoin)
DadosSim <- DadosSim[order(as.numeric(row.names(DadosSim))),]

DadosSim$Prec <- ifelse(test = DadosSim$Est0==1 & DadosSim$Prec<0.1 ,
                       yes = 0.1,
                       no = DadosSim$Prec)

rm(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
rm(Prec,i,k,Est0)
SimPrec <- cbind(SimPrec,DadosSim$Prec)

DadosSim$Est0 <- NULL
DadosSim$Prec <- NULL

Repet=Repet+1
if(Repet > 500) {
  break
}
}

```

```

}

DadosSim <- cbind.data.frame(DadosSim,SimPrec)

# Remocao dos parametros e dados de entrada
rm(PTE1,CompSim,MO.vector,ENSOIndex,Par.MO)
rm(InicioSim,FinalSim,Repet,Semente)
rm(Trans1EN,Trans1LN,Trans1Net)
rm(GammaParEN,GammaParLN,GammaParNet)
rm(CritInf.MQ.EN,CritInf.MQ.LN,CritInf.MQ.Net)
rm(ExpParEN,ExpParLN,ExpParNet)
rm(MixexpParEN,MixexpParLN,MixexpParNet)
rm(Model.choice.EN,Model.choice.LN,Model.choice.Net)
rm(rMultiDist,MarkovChain,SimPrec)

# Salvar Arquivos -----

# Criacao da pasta de arquivo de saida
codigo=as.character(codigo)
Tipo="Gerador CC-BIC"
Caminho=paste(WD,Tipo,sep="/")
dir.create(path = Caminho )
Caminho=paste(Caminho,codigo,sep="/")
dir.create(path = Caminho )

setwd(Caminho)
rm(Caminho)

save(list = ls(all = TRUE), file =paste(Tipo,".RData",sep = ""))

rm(Tipo,WD)

# Tempo de processamento
proc.time() - ptm

# Rotina Finalizada
#####
#####
#####

```



## Gerador CC-Gama.R

```
#####  
#####  
# Gerador CC-GAMA  
# Autor: Jaildo Vieira Rocha Filho  
#####  
#####  
  
rm(list=ls())  
  
# Carregar as bibliotecas necessarias  
library("MASS")  
library("Renext")  
library("Rcpp")  
library("plyr")  
library("svDialogs")  
  
# Diretorio de trabalho  
# Definir pasta na qual os parametros serao salvos...  
setwd(dlgDir(default = getwd())$res)  
WD=getwd()  
  
# Carregar funcoes necessarias ao script (Arquivo: Lib.R)  
source(file.choose())  
rm(Calculo.BIC,EM.mixexp, Matriz.Trans)  
# Obtencao do script especifico para as cadeias markovianas  
sourceCpp(file.choose())  
  
# calculo do tempo de processamento  
ptm <- proc.time()  
  
# Simulacao de 65 anos -----  
InicioSim=as.Date("2016-01-01")  
FinalSim=as.Date("2080-12-31")  
  
# Organizacao das datas  
DadosSim <- seq(InicioSim, FinalSim, by="days")  
CompSim <- length(DadosSim)  
DadosSim <- as.character(DadosSim)  
DadosSim <- strsplit(DadosSim,split = "-")  
DadosSim <- matrix(unlist(DadosSim), ncol = 3, byrow = TRUE)  
DadosSim <- cbind(DadosSim[,3],DadosSim[,2],DadosSim[,1])  
DadosSim <- as.data.frame(DadosSim)  
DadosSim$V2 <- as.character(DadosSim$V2)  
DadosSim$V3 <- as.character(DadosSim$V3)  
DadosSim$V2 <- as.numeric(DadosSim$V2)  
DadosSim$V3 <- as.numeric(DadosSim$V3)  
  
colnames(DadosSim) <- c("dia","mes","ano")  
  
# Dados de entrada -----  
# Dados Indice ONI da simulacao  
# (Semelhante ao ONI obs. 65 anos entre 2016 e 2080)  
# Organizacao OniSim.csv (col1. mes, col2. ano, col3. fase)  
# Devem possuir as colunas devem possuir titulos  
# (col1. mes, col2. ano, col3. ENSO.factor)
```

```

ENSOIndex      <- read.csv(file = file.choose(),
                          header = T, sep=";", dec = "." )
DadosSim      <- join(DadosSim,ENSOIndex ,by = c("mes","ano"))

# Carregar os Parametros do modelo com o condicionamento
# Parametros CC
load(file = file.choose() )

# Definir semenete -----
# Semente Gerador CC-Gama -> 4*codigo+19
Semente <- as.numeric(codigo)*4+19
set.seed (seed = Semente)

# Preparacao modulo de ocorrencia -----

# Criacao de um data frame com a relacao entre os meses e as fases ENOS
Par.MO        <- data.frame(p11 = c(Trans1EN$p11,Trans1LN$p11,Trans1Net$p11),
                            p01 = c(Trans1EN$p01,Trans1LN$p01,Trans1Net$p01),
                            mes=rep(seq(1,12,1),times = 3),
                            ENSO.factor = c(rep(1,times = 12),
                                             rep(2,times = 12),
                                             rep(3,times = 12)))

Par.MO$ENSO.factor      <- as.factor(Par.MO$ENSO.factor)
levels(Par.MO$ENSO.factor) <- c("EN","LN","NEUTRO")

# Associacao deste vetores as datas da modelagem para uma realizacao
# mais eficiente das cadeias de markov

MO.vector      <- join( DadosSim,Par.MO,by =c("mes","ENSO.factor"))
MO.vector      <- MO.vector[,c("p11","p01")]

# Modelagem do primeiro dia
# Como a serie se inicia num periodo de La nina
# A primeira ocorrencia de precipitacao e PTE1
PTE1 <- Trans1LN[DadosSim$mes[1],3]/Trans1LN[DadosSim$mes[1],1]

# Loop -----
Repet      <- 1
SimPrec    <- c()

repeat{

  # Primeira iteracao da cadeia de markov.
  if(runif(1) <= PTE1){
    Pec.Occu = 1
  } else {
    Pec.Occu = 0
  }

  # Informacoes sobre a funcao MarkovChain
  ## vetor x <- RNG(n)
  ## vetor y <- vetor transicao p01
  ## vetor z <- vetor P11
  ## Ocorrencia de Precipitacao no primeiro dia

  Est0 <- MarkovChain(x= runif(n = length(MO.vector$p01)),
                     y=MO.vector$p01,
                     z=MO.vector$p11,

```

```

                                u=Pec.Occu)
DadosSim <- cbind(DadosSim,Est0)
rm(Pec.Occu)

# Modulo de quantidade Precipitada (MQP)
# Funcionamento do MQP -> VA independentes
## Seleciona-se apenas os dias com prec.
## Cria-se as variaveis aleatorias de acordo com cada mes e fase
## remonta-se o data frame original

Prec <- rep(0, times = CompSim)
DadosSim <- cbind(DadosSim,Prec)
DadosJoin <- NULL

for (k in 1:12) {
  Dados.Sim.subset <- DadosSim[DadosSim$mes == k
                                & DadosSim$Est0 ==1
                                & DadosSim$ENSO.factor == "EN" , ]
  i      <- sum(Dados.Sim.subset$Est0)

  Dados.Sim.subset$Prec <- rgamma(n = i,
                                  shape = GammaParEN$shape[k],
                                  rate = GammaParEN$rate[k])

  DadosJoin <- rbind(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
}

for (k in 1:12) {
  Dados.Sim.subset <- DadosSim[DadosSim$mes == k
                                & DadosSim$Est0 ==1
                                & DadosSim$ENSO.factor == "LN" , ]
  i      <- sum(Dados.Sim.subset$Est0)

  Dados.Sim.subset$Prec <- rgamma(n = i,
                                  shape = GammaParLN$shape[k],
                                  rate = GammaParLN$rate[k])
  DadosJoin <- rbind(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
}

for (k in 1:12) {
  Dados.Sim.subset <- DadosSim[DadosSim$mes == k
                                & DadosSim$Est0 ==1
                                & DadosSim$ENSO.factor == "NEUTRO" , ]
  i      <- sum(Dados.Sim.subset$Est0)

  Dados.Sim.subset$Prec <- rgamma(n = i,
                                  shape = GammaParNet$shape[k],
                                  rate = GammaParNet$rate[k])
  DadosJoin <- rbind(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
}
DadosSim <- DadosSim[DadosSim$Est0 == 0,]
DadosSim <- rbind(DadosSim,DadosJoin)
DadosSim <- DadosSim[order(as.numeric(row.names(DadosSim))),]

DadosSim$Prec <- ifelse(test = DadosSim$Est0==1 & DadosSim$Prec<0.1 ,
                       yes = 0.1,

```

```

                                no = DadosSim$Prec)
rm(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
rm(Prec,i,k,Est0)
SimPrec <- cbind(SimPrec,DadosSim$Prec)

DadosSim$Est0 <- NULL
DadosSim$Prec <- NULL

Repet=Repet+1
if(Repet > 500) {
  break
}
}
}
DadosSim <- cbind.data.frame(DadosSim,SimPrec)

# Remocao dos parametros e dados de entrada
rm(PTE1,CompSim,MO.vector,ENSOIndex,Par.MO)
rm(InicioSim,FinalSim,Repet,Semente)
rm(Trans1EN,Trans1LN,Trans1Net)
rm(GammaParEN,GammaParLN,GammaParNet)
rm(CritInf.MQ.EN,CritInf.MQ.LN,CritInf.MQ.Net)
rm(ExpParEN,ExpParLN,ExpParNet)
rm(MixexpParEN,MixexpParLN,MixexpParNet)
rm(rMultiDist,MarkovChain,SimPrec)

# Salvar Arquivos -----
# Criacao da pasta de arquivo de saida
codigo=as.character(codigo)
Tipo="Gerador CC-GAMA"
Caminho=paste(WD,Tipo,sep="/")
dir.create(path = Caminho )
Caminho=paste(Caminho,codigo,sep="/")
dir.create(path = Caminho )

setwd(Caminho)
rm(Caminho)

save(list = ls(all = TRUE), file =paste(Tipo,".RData",sep = ""))
rm(Tipo,WD)

# Tempo de processamento
proc.time() - ptm

# Rotina Finalizada
#####
#####

```

## Gerador CC-ME.R

```
#####  
#####  
# Gerador CC-ME  
# Autor: Jaildo Vieira Rocha Filho  
#####  
#####  
  
rm(list=ls())  
  
# Carregar as bibliotecas necessarias  
library("MASS")  
library("Renext")  
library("Rcpp")  
library("plyr")  
library("svDialogs")  
  
# Diretorio de trabalho  
# Definir pasta na qual os parametros serao salvos...  
setwd(dlgDir(default = getwd())$res)  
WD=getwd()  
  
# Carregar funcoes necessarias ao script (Arquivo: Lib.R)  
source(file.choose())  
rm(Calculo.BIC,EM.mixexp, Matriz.Trans)  
# Obtencao do script especifico para as cadeias markovianas  
sourceCpp(file.choose())  
  
# calculo do tempo de processamento  
ptm <- proc.time()  
  
# Simulacao de 65 anos -----  
  
InicioSim=as.Date("2016-01-01")  
FinalSim=as.Date("2080-12-31")  
  
# Organizacao das datas  
DadosSim <- seq(InicioSim, FinalSim, by="days")  
CompSim <- length(DadosSim)  
DadosSim <- as.character(DadosSim)  
DadosSim <- strsplit(DadosSim,split = "-")  
DadosSim <- matrix(unlist(DadosSim), ncol = 3, byrow = TRUE)  
DadosSim <- cbind(DadosSim[,3],DadosSim[,2],DadosSim[,1])  
DadosSim <- as.data.frame(DadosSim)  
DadosSim$V2 <- as.character(DadosSim$V2)  
DadosSim$V3 <- as.character(DadosSim$V3)  
DadosSim$V2 <- as.numeric(DadosSim$V2)  
DadosSim$V3 <- as.numeric(DadosSim$V3)  
  
colnames(DadosSim) <- c("dia","mes","ano")  
  
# Dados de entrada -----  
# Dados Indice ONI da simulacao  
# (Semelhante ao ONI obs. 65 anos entre 2016 e 2080)  
# Organizacao OniSim.csv (col1. mes, col2. ano, col3. fase)  
# Devem possuir as colunas devem possuir titulos  
# (col1. mes, col2. ano, col3. ENSO.factor)
```

```

ENSOIndex      <- read.csv(file = file.choose(),
                          header = T, sep=";", dec = "." )
DadosSim       <- join(DadosSim,ENSOIndex ,by = c("mes", "ano"))

# Carregar os Parametros do modelo com o condicionamento
# Parametros CC
load(file = file.choose() )

# Definir semenete -----
# Semente Gerador CC-ME -> 5*codigo+23
Semente <- as.numeric(codigo)*5+23
set.seed (seed = Semente)

# Preparacao modulo de ocorrencia -----
# Criacao de um data frame com a relacao entre os meses e as fases ENOS

Par.MO         <- data.frame(p11 = c(Trans1EN$p11,Trans1LN$p11,Trans1Net$p11),
                             p01 = c(Trans1EN$p01,Trans1LN$p01,Trans1Net$p01),
                             mes=rep(seq(1,12,1),times = 3),
                             ENSO.factor = c(rep(1,times = 12),
                                                rep(2,times = 12),
                                                rep(3,times = 12)))

Par.MO$ENSO.factor      <- as.factor(Par.MO$ENSO.factor)
levels(Par.MO$ENSO.factor) <- c("EN", "LN", "NEUTRO")

# Associacao deste vetores as datas da modelagem para uma realizacao
# mais eficiente das cadeias de markov
MO.vector         <- join( DadosSim,Par.MO,by =c("mes", "ENSO.factor"))
MO.vector         <- MO.vector[,c("p11", "p01")]

# Modelagem do primeiro dia
# Como a serie se inicia num periodo de La nina
# A primeira ocorrencia de precipitacao e PTE1
PTE1 <- Trans1LN[DadosSim$mes[1],3]/Trans1LN[DadosSim$mes[1],1]

# Loop -----
Repet  <- 1
SimPrec <- c()
repeat{

  # Primeira iteracao da cadeia de markov.
  if(runif(1) <= PTE1){
    Pec.Occu = 1
  } else {
    Pec.Occu = 0
  }
  # Informacoes sobre a funcao MarkovChain
  ## vetor x <- RNG(n)
  ## vetor y <- vetor transicao p01
  ## vetor z <- vetor P11
  ## Ocorrencia de Precipitacao no primeiro dia
  Est0 <- MarkovChain(x= runif(n = length(MO.vector$p01)),
                     y=MO.vector$p01,
                     z=MO.vector$p11,
                     u=Pec.Occu)
  DadosSim <- cbind(DadosSim,Est0)
  rm(Pec.Occu)
}

```

```

# Modulo de quantidade Precipitada (MQP)
# Funcionamento do MQP -> VA independentes
## Seleciona-se apenas os dias com prec.
## Cria-se as variaveis aleatorias de acordo com cada mes e fase
## remonta-se o data frame original
Prec <- rep(0, times = CompSim)
DadosSim <- cbind(DadosSim,Prec)
DadosJoin <- NULL

for (k in 1:12) {
  Dados.Sim.subset <- DadosSim[DadosSim$mes == k
                                & DadosSim$Est0 ==1
                                & DadosSim$ENSO.factor == "EN" , ]
  i <- sum(Dados.Sim.subset$Est0)

  Dados.Sim.subset$Prec <- rmixexp2(n = i,prob1 = MixexpParEN$prob1[k],
                                    rate1 = MixexpParEN$rate1[k],
                                    rate2 = MixexpParEN$rate2[k])

  DadosJoin <- rbind(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
}

for (k in 1:12) {
  Dados.Sim.subset <- DadosSim[DadosSim$mes == k
                                & DadosSim$Est0 ==1
                                & DadosSim$ENSO.factor == "LN" , ]

  i <- sum(Dados.Sim.subset$Est0)

  Dados.Sim.subset$Prec <- rmixexp2(n = i,prob1 = MixexpParLN$prob1[k],
                                    rate1 = MixexpParLN$rate1[k],
                                    rate2 = MixexpParLN$rate2[k])

  DadosJoin <- rbind(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
}

for (k in 1:12) {
  Dados.Sim.subset <- DadosSim[DadosSim$mes == k
                                & DadosSim$Est0 ==1
                                & DadosSim$ENSO.factor == "NEUTRO" , ]

  i <- sum(Dados.Sim.subset$Est0)

  Dados.Sim.subset$Prec <- rmixexp2(n = i,prob1 = MixexpParNet$prob1[k],
                                    rate1 = MixexpParNet$rate1[k],
                                    rate2 = MixexpParNet$rate2[k])

  DadosJoin <- rbind(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
}

DadosSim <- DadosSim[DadosSim$Est0 == 0,]
DadosSim <- rbind(DadosSim,DadosJoin)
DadosSim <- DadosSim[order(as.numeric(row.names(DadosSim))),]

DadosSim$Prec <- ifelse(test = DadosSim$Est0==1 & DadosSim$Prec<0.1 ,
                       yes = 0.1,
                       no = DadosSim$Prec)

rm(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
rm(Prec,i,k,Est0)

```

```

SimPrec <- cbind(SimPrec,DadosSim$Prec)

DadosSim$Est0 <- NULL
DadosSim$Prec <- NULL

Repet=Repet+1
if(Repet > 500) {
  break
}
}

DadosSim <- cbind.data.frame(DadosSim,SimPrec)

# Remocao dos parametros e dados de entrada
rm(PTE1,CompSim,MO.vector,ENSOIndex,Par.MO)
rm(InicioSim,FinalSim,Repet,Semente)
rm(Trans1EN,Trans1LN,Trans1Net)
rm(GammaParEN,GammaParLN,GammaParNet)
rm(CritInf.MQ.EN,CritInf.MQ.LN,CritInf.MQ.Net)
rm(ExpParEN,ExpParLN,ExpParNet)
rm(MixexpParEN,MixexpParLN,MixexpParNet)
rm(rMultiDist,MarkovChain,SimPrec)

# Salvar Arquivos -----
# Criacao da pasta de arquivo de saida
codigo=as.character(codigo)
Tipo="Gerador CC-ME"
Caminho=paste(WD,Tipo,sep="/")
dir.create(path = Caminho )
Caminho=paste(Caminho,codigo,sep="/")
dir.create(path = Caminho )

setwd(Caminho)
rm(Caminho)

save(list = ls(all = TRUE), file =paste(Tipo,".RData",sep = ""))
rm(Tipo,WD)

# Tempo de processamento
proc.time() - ptm

# Rotina Finalizada
#####
#####

```



## Gerador SC-BIC.R

```
#####
#####
# Gerador SC-BIC
# Autor: Jaildo Vieira Rocha Filho
#####
#####
# Versão do R e das bibliotecas utilizadas
# R version 3.2.3 (Wooden Christmas-Tree)
# MASS version 7.3-45
# Renext version 3.0-0
# Rcpp version 0.12.3 (Requer compilador C++)
# plyr version 1.8.3
# svDialogs version 0.9-57
#####
#####
# Passo a passo da execucao do programa
## Definir pasta de trabalho de execucao (abertura de janela)
## Carregar arquivo Lib.R (abertura de janela)
## Carregar arquivivo MarkovChain.cpp (abertura de janela)
## Carregar arquivivo ONISIM.csv (abertura de janela)
## Carregar "Parametros SC.Rdata" (abertura de janela)
# Tempo aproximado de execucao 5 minutos
#####
#####
rm(list=ls())

# Carregar as bibliotecas necessarias
library("MASS")
library("Renext")
library("Rcpp")
library("plyr")
library("svDialogs")

# Directorio de trabalho
# Definir pasta na qual os parametros serao salvos...
setwd(dlgDir(default = getwd())$res)
WD=getwd()

# Carregar funcoes necessarias ao script (Arquivo: Lib.R)
source(file.choose())
rm(Calculo.BIC,EM.mixexp, Matriz.Trans)
# Obtencao do script especifico para as cadeias markovianas
sourceCpp(file.choose())

# calculo do tempo de processamento
ptm <- proc.time()

# Simulacao de 65 anos -----
InicioSim=as.Date("2016-01-01")
FinalSim=as.Date("2080-12-31")

# Organizacao das datas
DadosSim <- seq(InicioSim, FinalSim, by="days")
```

```

CompSim      <- length(DadosSim)
DadosSim     <- as.character(DadosSim)
DadosSim     <- strsplit(DadosSim,split = "-")
DadosSim     <- matrix(unlist(DadosSim), ncol = 3, byrow = TRUE)
DadosSim     <- cbind(DadosSim[,3],DadosSim[,2],DadosSim[,1])
DadosSim     <- as.data.frame(DadosSim)
DadosSim$V2  <- as.character(DadosSim$V2)
DadosSim$V3  <- as.character(DadosSim$V3)
DadosSim$V2  <- as.numeric(DadosSim$V2)
DadosSim$V3  <- as.numeric(DadosSim$V3)

colnames(DadosSim) <- c("dia","mes","ano")

# Dados de entrada -----

# Dados Indice ONI da simulacao
# (Semelhante ao ONI obs. 65 anos entre 2016 e 2080)
# Organizacao OniSim.csv (col1. mes, col2. ano, col3. fase)
# Devem possuir as colunas devem possuir titulos
# (col1. mes, col2. ano, col3. ENSO.factor)
ENSOIndex    <- read.csv(file = file.choose(),
                        header = T, sep=";", dec = "." )
DadosSim     <- join(DadosSim,ENSOIndex ,by = c("mes","ano"))

# Carregar os Parametros do modelo sem o condicionamento
# Parametros SC
load(file = file.choose() )

# Definir semenete -----
# Semente Gerador SC-BIC -> codigo*3 +17
Semente <- as.numeric(codigo)*3+17
set.seed (seed = Semente)

# Preparacao modulo de ocorrencia -----

# Criacao de um data frame com a relacao entre os meses e as fases ENOS
Par.MO      <- data.frame(p11 = Trans1$p11,p01 = Trans1$p01,mes=seq(1,12,1))

# Associacao deste vetores as datas da modelagem para uma realizacao
# mais eficiente das cadeias de markov
MO.vector   <- join(DadosSim,Par.MO,by = "mes")
MO.vector   <- MO.vector[,c("p11","p01")]

# A primeira ocorrencia de precipitação é PTE1
PTE1 <- (Trans1[DadosSim$mes[1],3]/Trans1[DadosSim$mes[1],1])

# Preparacao do modulo de quantidade -----
# Escolha dos Parametros de cada mes especifico
Model.choice <- apply(X = CritInf.MQ.SC,MARGIN = 1, FUN = which.min)

# Loop -----
Repet      <- 1
SimPrec    <- c()

repeat{

  # Primeira iteracao da cadeia de markov.
  if(runif(1) <= PTE1){
    Pec.Occu = 1

```

```

} else {
  Pec.Occu = 0
}

# Informacoes sobre a funcao MarkovChain
## vetor x <- RNG(n)
## vetor y <- vetor transicao p01
## vetor z <- vetor P11
## Ocorrencia de Precipitacao no primeiro dia

Est0 <- MarkovChain(x= runif(n = length(MO.vector$p01)),
                   y=MO.vector$p01,
                   z=MO.vector$p11,
                   u=Pec.Occu)
DadosSim <- cbind(DadosSim,Est0)
rm(Pec.Occu)

# Modulo de quantidade Precipitada (MQP)
# Funcionamento do MQP -> VA independentes
## Seleciona-se apenas os dias com prec.
## Cria-se as variaveis aleatorias de acordo com cada mes e fase
## remonta-se o data frame original

Prec <- rep(0, times = CompSim)
DadosSim <- cbind(DadosSim,Prec)
DadosJoin <- NULL

for (k in 1:12) {
  Dados.Sim.subset <- DadosSim[DadosSim$mes == k
                               & DadosSim$Est0 ==1,]

  i <- sum(Dados.Sim.subset$Est0)

  Dados.Sim.subset$Prec <-rMultiDist(Model.choice = Model.choice[k], l = i,
                                     Exp.rate = ExpPar$Rate[k],
                                     Gamma.Shape = GammaPar$shape[k],
                                     Gamma.Rate = GammaPar$rate[k],
                                     MixedExp.prob1 = MixexpPar$prob1[k],
                                     MixedExp.rate1 = MixexpPar$rate1[k],
                                     MixedExp.rate2 = MixexpPar$rate2[k])

  DadosJoin <- rbind(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
}

DadosSim <- DadosSim[DadosSim$Est0 == 0,]
DadosSim <- rbind(DadosSim,DadosJoin)
DadosSim <- DadosSim[order(as.numeric(row.names(DadosSim))),]

DadosSim$Prec <- ifelse(test = DadosSim$Est0==1 & DadosSim$Prec<0.1 ,
                       yes = 0.1,
                       no = DadosSim$Prec)

rm(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
rm(Prec,i,k,Est0)
SimPrec <- cbind(SimPrec,DadosSim$Prec)

DadosSim$Est0 <- NULL
DadosSim$Prec <- NULL

```

```

    Repet=Repet+1
    if(Repet > 500) {
      break
    }
  }
}

DadosSim <- cbind.data.frame(DadosSim,SimPrec)

# Remocao dos parametros e dados de entrada
rm(PTE1,CompSim,MO.vector,ENSOIndex,Par.MO)
rm(InicioSim,FinalSim,Repet,Semente)
rm(Trans1)
rm(GammaPar)
rm(CritInf.MQ.SC)
rm(ExpPar)
rm(MixexpPar)
rm(Model.choice)
rm(rMultiDist,MarkovChain,SimPrec)

# Salvar Arquivos -----
# Criacao da pasta de arquivo de saida
codigo=as.character(codigo)
Tipo="Gerador SC-BIC"
Caminho=paste(WD,Tipo,sep="/")
dir.create(path = Caminho )
Caminho=paste(Caminho,codigo,sep="/")
dir.create(path = Caminho )

setwd(Caminho)
rm(Caminho)

save(list = ls(all = TRUE), file =paste(Tipo,".RData",sep = ""))
rm(Tipo,WD)

# Tempo de processamento
proc.time() - ptm

# Rotina Finalizada
#####
#####
#####

```

## Gerador SC-Gama.R

```
#####  
#####  
# Gerador SC-GAMA  
# Autor: Jaildo Vieira Rocha Filho  
#####  
#####  
  
rm(list=ls())  
# Carregar as bibliotecas necessarias  
library("MASS")  
library("Renext")  
library("Rcpp")  
library("plyr")  
library("svDialogs")  
  
# Directorio de trabalho  
# Definir pasta na qual os parametros serao salvos...  
setwd(dlgDir(default = getwd())$res)  
WD=getwd()  
  
# Carregar funcoes necessarias ao script (Arquivo: Lib.R)  
source(file.choose())  
rm(Calculo.BIC,EM.mixexp, Matriz.Trans)  
# Obtencao do script especifico para as cadeias markovianas  
sourceCpp(file.choose())  
  
# calculo do tempo de processamento  
ptm <- proc.time()  
  
# Simulacao de 65 anos -----  
InicioSim=as.Date("2016-01-01")  
FinalSim=as.Date("2080-12-31")  
  
# Organizacao das datas  
DadosSim <- seq(InicioSim, FinalSim, by="days")  
CompSim <- length(DadosSim)  
DadosSim <- as.character(DadosSim)  
DadosSim <- strsplit(DadosSim,split = "-")  
DadosSim <- matrix(unlist(DadosSim), ncol = 3, byrow = TRUE)  
DadosSim <- cbind(DadosSim[,3],DadosSim[,2],DadosSim[,1])  
DadosSim <- as.data.frame(DadosSim)  
DadosSim$V2 <- as.character(DadosSim$V2)  
DadosSim$V3 <- as.character(DadosSim$V3)  
DadosSim$V2 <- as.numeric(DadosSim$V2)  
DadosSim$V3 <- as.numeric(DadosSim$V3)  
  
colnames(DadosSim) <- c("dia","mes","ano")  
  
# Dados de entrada -----  
# Dados Indice ONI da simulacao  
# (Semelhante ao ONI obs. 65 anos entre 2016 e 2080)  
# Organizacao OniSim.csv (col1. mes, col2. ano, col3. fase)  
# Devem possuir as colunas devem possuir titulos  
# (col1. mes, col2. ano, col3. ENSO.factor)  
  
ENSOIndex <- read.csv(file = file.choose(),
```

```

                                header = T, sep=";", dec = "." )
DadosSim      <- join(DadosSim,ENSOIndex ,by = c("mes","ano"))

# Carregar os Parametros do modelo sem o condicionamento
# Parametros SC
load(file = file.choose() )

# Definir semenete -----
# Semente Gerador CC-ME -> codigo + 11
Semente <- as.numeric(codigo)+11
set.seed (seed = Semente)

# Preparacao modulo de ocorrencia -----
# Criacao de um data frame com a relacao entre os meses e as fases ENOS
Par.MO      <- data.frame(p11 = Trans1$p11,p01 = Trans1$p01,mes=seq(1,12,1))

# Associacao deste vetores as datas da modelagem para uma realizacao
# mais eficiente das cadeias de markov
MO.vector    <- join(DadosSim,Par.MO,by = "mes")
MO.vector    <- MO.vector[,c("p11","p01")]

# A primeira ocorrencia de precipitaçao é PTE1
PTE1 <- (Trans1[DadosSim$mes[1],3]/Trans1[DadosSim$mes[1],1])

# Loop -----
Repet  <- 1
SimPrec <- c()

repeat{

  # Primeira iteracao da cadeia de markov.
  if(runif(1) <= PTE1){
    Pec.Occu = 1
  } else {
    Pec.Occu = 0
  }

  # Informacoes sobre a funcao MarkovChain
  ## vetor x <- RNG(n)
  ## vetor y <- vetor transicao p01
  ## vetor z <- vetor P11
  ## Ocorrencia de Precipitacao no primeiro dia
  Est0 <- MarkovChain(x= runif(n = length(MO.vector$p01)),
                    y=MO.vector$p01,
                    z=MO.vector$p11,
                    u=Pec.Occu)
  DadosSim <- cbind(DadosSim,Est0)
  rm(Pec.Occu)

  # Modulo de quantidade Precipitada (MQP)
  # Funcionamento do MQP -> VA independentes
  ## Seleciona-se apenas os dias com prec.
  ## Cria-se as variaveis aleatorias de acordo com cada mes e fase
  ## remonta-se o data frame original
  Prec <- rep(0, times = CompSim)
  DadosSim <- cbind(DadosSim,Prec)
  DadosJoin <- NULL

  for (k in 1:12) {

```

```

Dados.Sim.subset <- DadosSim[DadosSim$mes == k
                           & DadosSim$Est0 ==1,]

i      <- sum(Dados.Sim.subset$Est0)

Dados.Sim.subset$Prec <- rgamma(n = i,
                               shape = GammaPar$shape[k],
                               rate = GammaPar$rate[k])

  DadosJoin <- rbind(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
}

DadosSim <- DadosSim[DadosSim$Est0 == 0,]
DadosSim <- rbind(DadosSim,DadosJoin)
DadosSim <- DadosSim[order(as.numeric(row.names(DadosSim))),]

DadosSim$Prec <- ifelse(test = DadosSim$Est0==1 & DadosSim$Prec<0.1 ,
                       yes = 0.1,
                       no = DadosSim$Prec)

rm(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
rm(Prec,i,k,Est0)
SimPrec <- cbind(SimPrec,DadosSim$Prec)

DadosSim$Est0 <- NULL
DadosSim$Prec <- NULL

Repet=Repet+1
if(Repet > 500) {
  break
}
}

DadosSim <- cbind.data.frame(DadosSim,SimPrec)

# Remocao dos parametros e dados de entrada
rm(PTE1,CompSim,MO.vector,ENS0Index,Par.MO)
rm(InicioSim,FinalSim,Repet,Semente)
rm(Trans1)
rm(GammaPar)
rm(CritInf.MQ.SC)
rm(ExpPar)
rm(MixexpPar)
rm(rMultiDist,MarkovChain,SimPrec)

# Salvar Arquivos -----
# Criacao da pasta de arquivo de saida
codigo=as.character(codigo)
Tipo="Gerador SC-GAMA"
Caminho=paste(WD,Tipo,sep="/")
dir.create(path = Caminho )
Caminho=paste(Caminho,codigo,sep="/")
dir.create(path = Caminho )

setwd(Caminho)
rm(Caminho)

save(list = ls(all = TRUE), file =paste(Tipo,".RData",sep = ""))

```

```
rm(Tipo,WD)
```

```
# Tempo de processamento  
proc.time() - ptm
```

```
# Rotina Finalizada
```

```
#####  
#####
```



## Gerador SC-ME.R

```
#####  
#####  
# Gerador SC-ME  
# Autor: Jaildo Vieira Rocha Filho  
#####  
#####  
  
rm(list=ls())  
  
# Carregar as bibliotecas necessarias  
library("MASS")  
library("Renext")  
library("Rcpp")  
library("plyr")  
library("svDialogs")  
  
# Diretorio de trabalho  
# Definir pasta na qual os parametros serao salvos...  
setwd(dlgDir(default = getwd())$res)  
WD=getwd()  
  
# Carregar funcoes necessarias ao script (Arquivo: Lib.R)  
source(file.choose())  
rm(Calculo.BIC,EM.mixexp, Matriz.Trans)  
# Obtencao do script especifico para as cadeias markovianas  
sourceCpp(file.choose())  
  
# calculo do tempo de processamento  
ptm <- proc.time()  
  
# Simulacao de 65 anos -----  
  
InicioSim=as.Date("2016-01-01")  
FinalSim=as.Date("2080-12-31")  
  
# Organizacao das datas  
DadosSim <- seq(InicioSim, FinalSim, by="days")  
CompSim <- length(DadosSim)  
DadosSim <- as.character(DadosSim)  
DadosSim <- strsplit(DadosSim,split = "-")  
DadosSim <- matrix(unlist(DadosSim), ncol = 3, byrow = TRUE)  
DadosSim <- cbind(DadosSim[,3],DadosSim[,2],DadosSim[,1])  
DadosSim <- as.data.frame(DadosSim)  
DadosSim$V2 <- as.character(DadosSim$V2)  
DadosSim$V3 <- as.character(DadosSim$V3)  
DadosSim$V2 <- as.numeric(DadosSim$V2)  
DadosSim$V3 <- as.numeric(DadosSim$V3)  
  
colnames(DadosSim) <- c("dia","mes","ano")  
  
# Dados de entrada -----  
  
# Dados Indice ONI da simulacao  
# (Semelhante ao ONI obs. 65 anos entre 2016 e 2080)  
# Organizacao OniSim.csv (col1. mes, col2. ano, col3. fase)  
# Devem possuir as colunas devem possuir titulos
```

```

# (col1. mes, col2. ano, col3. ENSO.factor)

ENSOIndex      <- read.csv(file = file.choose(),
                          header = T, sep=";", dec = "." )
DadosSim       <- join(DadosSim,ENSOIndex ,by = c("mes", "ano"))

# Carregar os Parametros do modelo sem o condicionamento
# Parametros SC
load(file = file.choose() )

# Definir semenete -----
# Semente Gerador CC-ME -> codigo*2 +13
Semente <- as.numeric(codigo)*2+13
set.seed (seed = Semente)

# Preparacao modulo de ocorrencia -----
# Criacao de um data frame com a relacao entre os meses e as fases ENOS
Par.MO        <- data.frame(p11 = Trans1$p11,p01 = Trans1$p01,mes=seq(1,12,1))

# Associacao deste vetores as datas da modelagem para uma realizacao
# mais eficiente das cadeias de markov
MO.vector     <- join(DadosSim,Par.MO,by = "mes")
MO.vector     <- MO.vector[,c("p11", "p01")]

# A primeira ocorrencia de precipitação é PTE1

PTE1 <- (Trans1[DadosSim$mes[1],3]/Trans1[DadosSim$mes[1],1])

# Loop -----

Repet <- 1
SimPrec <- c()

repeat{

  # Primeira iteracao da cadeia de markov.
  if(runif(1) <= PTE1){
    Pec.Occu = 1
  } else {
    Pec.Occu = 0
  }

  # Informacoes sobre a funcao MarkovChain
  ## vetor x <- RNG(n)
  ## vetor y <- vetor transicao p01
  ## vetor z <- vetor P11
  ## Ocorrencia de Precipitacao no primeiro dia

  Est0 <- MarkovChain(x= runif(n = length(MO.vector$p01)),
                    y=MO.vector$p01,
                    z=MO.vector$p11,
                    u=Pec.Occu)
  DadosSim <- cbind(DadosSim,Est0)
  rm(Pec.Occu)

  # Modulo de quantidade Precipitada (MQP)
  # Funcionamento do MQP -> VA independentes
  ## Seleciona-se apenas os dias com prec.
  ## Cria-se as variaveis aleatorias de acordo com cada mes e fase

```

```

## remonta-se o data frame original

Prec <- rep(0, times = CompSim)
DadosSim <- cbind(DadosSim,Prec)
DadosJoin <- NULL

for (k in 1:12) {
  Dados.Sim.subset <- DadosSim[DadosSim$mes == k
                                & DadosSim$Est0 ==1,]

  i      <- sum(Dados.Sim.subset$Est0)

  Dados.Sim.subset$Prec <- rmixexp2(n = i,prob1 = MixexpPar$prob1[k],
                                    rate1 = MixexpPar$rate1[k],
                                    rate2 = MixexpPar$rate2[k])

  DadosJoin <- rbind(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
}

DadosSim <- DadosSim[DadosSim$Est0 == 0,]
DadosSim <- rbind(DadosSim,DadosJoin)
DadosSim <- DadosSim[order(as.numeric(row.names(DadosSim))),]

DadosSim$Prec <- ifelse(test = DadosSim$Est0==1 & DadosSim$Prec<0.1 ,
                        yes = 0.1,
                        no = DadosSim$Prec)

rm(DadosJoin,Dados.Sim.subset)
rm(Prec,i,k,Est0)
SimPrec <- cbind(SimPrec,DadosSim$Prec)

DadosSim$Est0 <- NULL
DadosSim$Prec <- NULL

Repet=Repet+1
if(Repet > 500) {
  break
}
}

DadosSim <- cbind.data.frame(DadosSim,SimPrec)

# Remocao dos parametros e dados de entrada
rm(PTE1,CompSim,MO.vector,ENSOIndex,Par.MO)
rm(InicioSim,FinalSim,Repet,Semente)
rm(Trans1)
rm(GammaPar)
rm(CritInf.MQ.SC)
rm(ExpPar)
rm(MixexpPar)
rm(rMultiDist,MarkovChain,SimPrec)

# Salvar Arquivos -----

# Criacao da pasta de arquivo de saida
codigo=as.character(codigo)
Tipo="Gerador SC-ME"
Caminho=paste(WD,Tipo,sep="/")
dir.create(path = Caminho )

```

```
Caminho=paste(Caminho,codigo,sep="/")
dir.create(path = Caminho )

setwd(Caminho)
rm(Caminho)

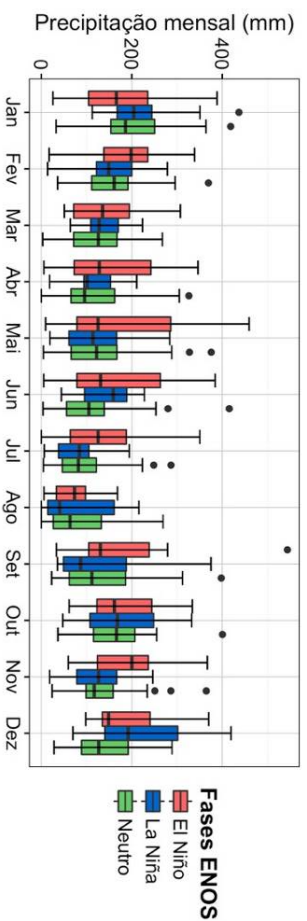
save(list = ls(all = TRUE), file =paste(Tipo,".RData",sep = ""))
rm(Tipo,WD)

# Tempo de processamento
proc.time() - ptm

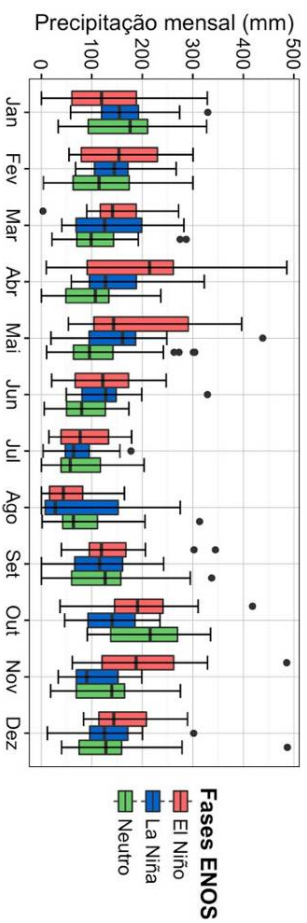
# Rotina Finalizada
#####
#####
```

## ANEXO V – PRECIPITAÇÕES MENSAIS OBSERVADAS DIVIDIDAS POR FASE

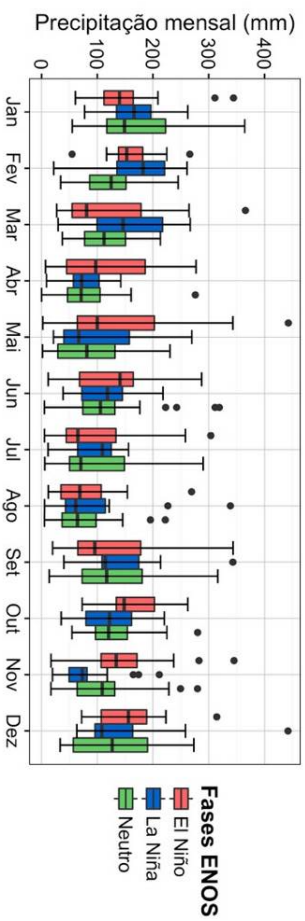
**Id. 01 – Ivaiporã/PR**



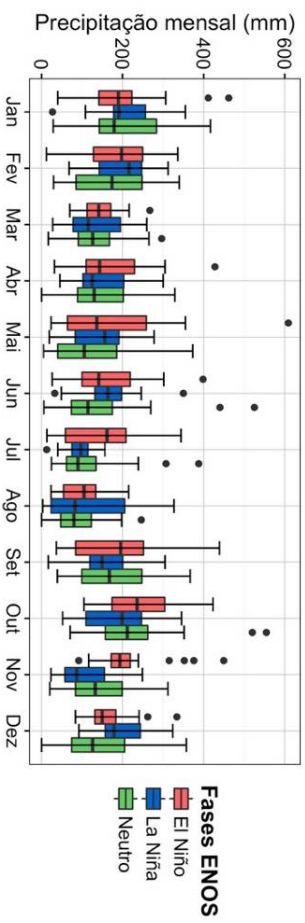
**Id. 02 – Porto Mendes Gonçalves/PR**



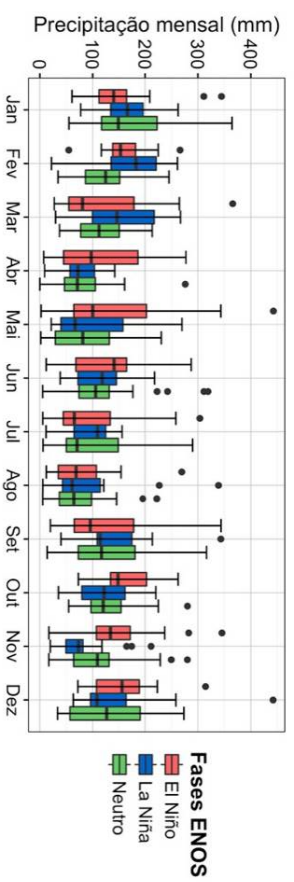
**Id. 03 – Prudentópolis Capt. Sanepar/PR**



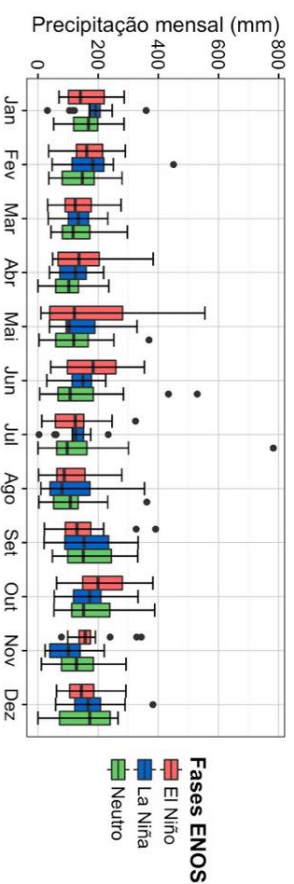
**Id. 04. – Quedas do Iguaçu (Campo Novo)/PR**



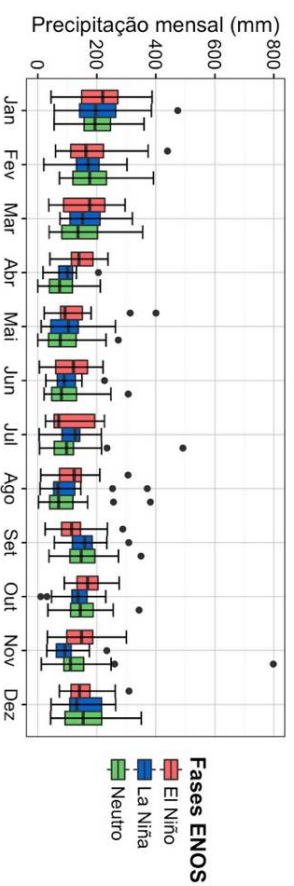
**Id. 05 – Porto Amazonas/PR**



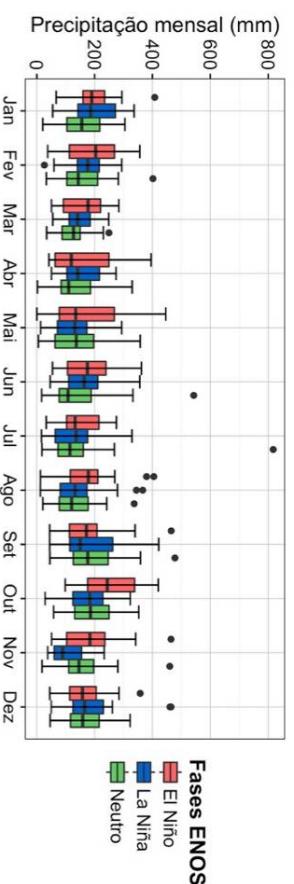
**Id. 06 – Porto Vitória/PR**



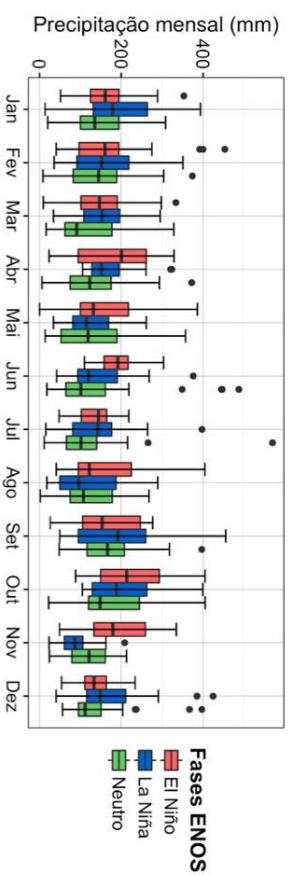
**Id. 07 – Timbó Novo/SC**



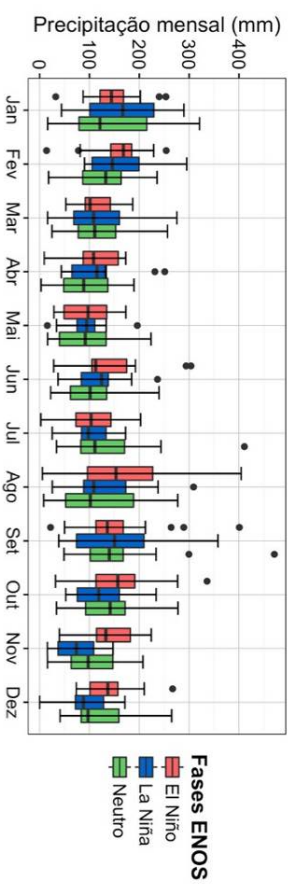
**Id. 08 – Campina da Alegria/SC**



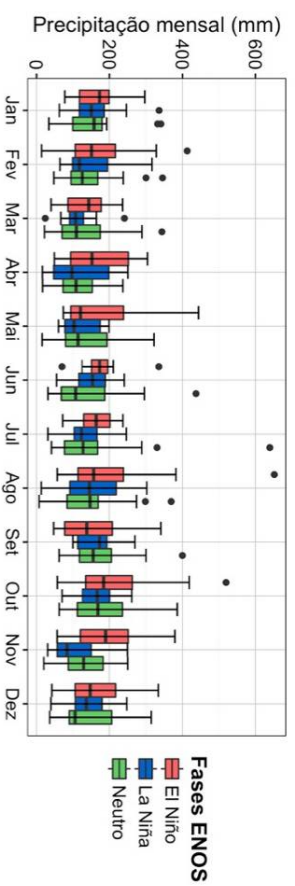
**Id. 09 – Saudades/SC**



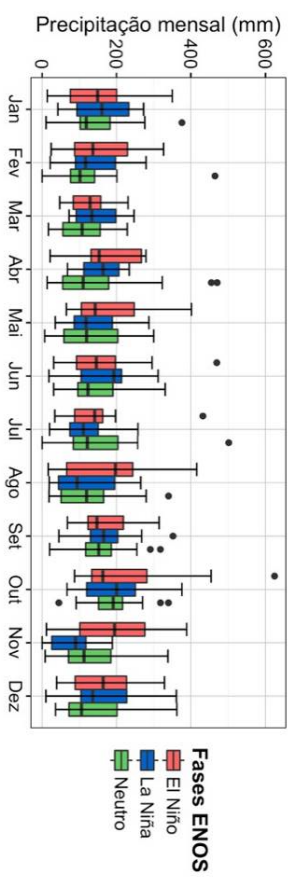
**Id. 10 – Rio Pequeno/SC**



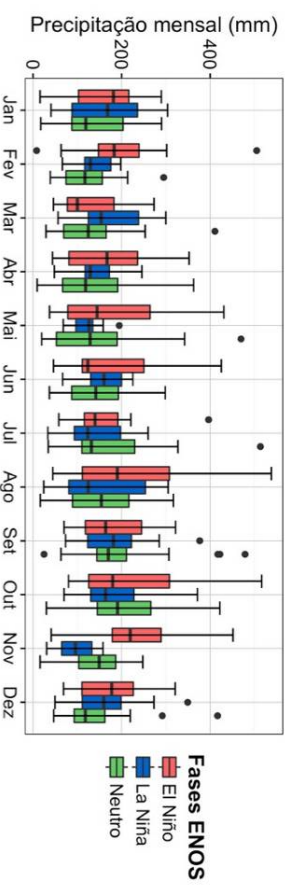
Id. 11 – Paim Filho/RS



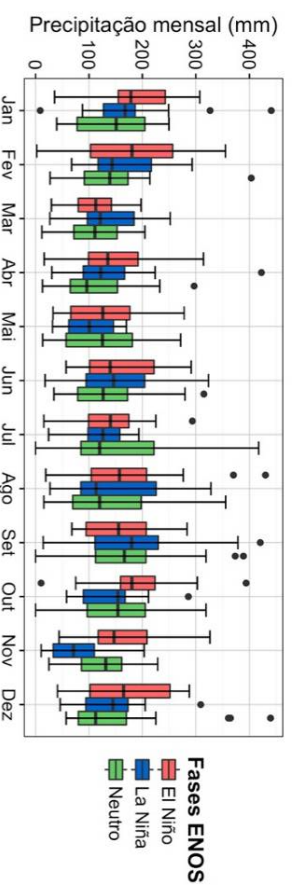
Id. 12 – Santo Augusto/RS



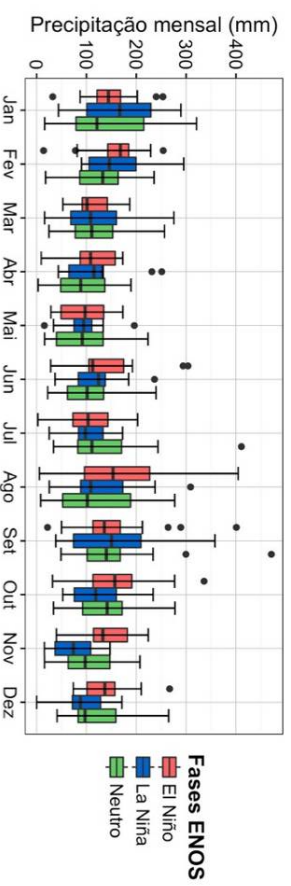
Id. 13 – Carazinho/RS



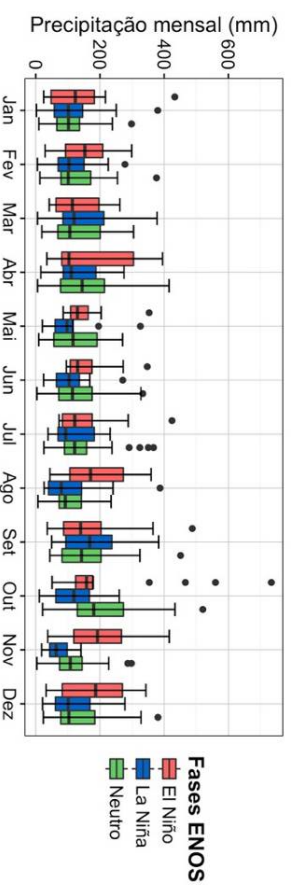
Id. 14 – Antônio Prado/RS



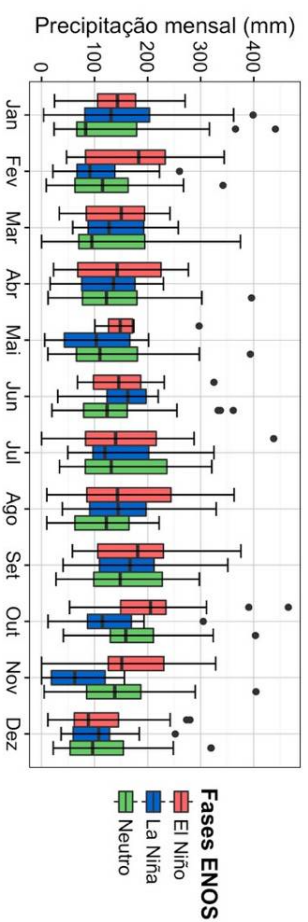
Id. 15 – Camisas/RS



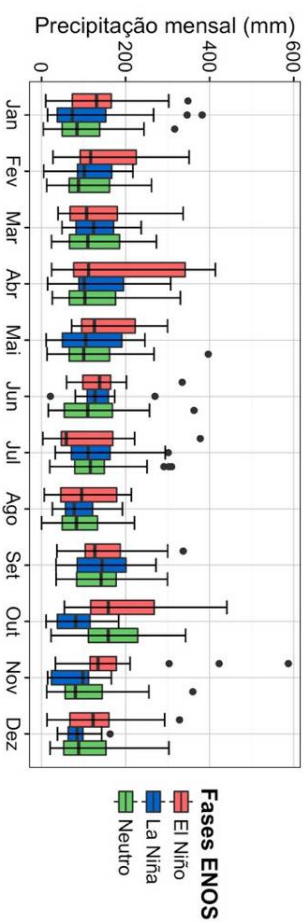
Id. 16 – Passo Major Zeferino/RS



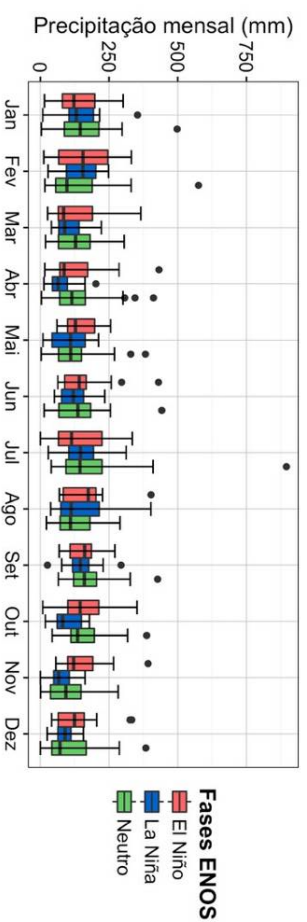
Id. 17 – Dona Francisca/RS



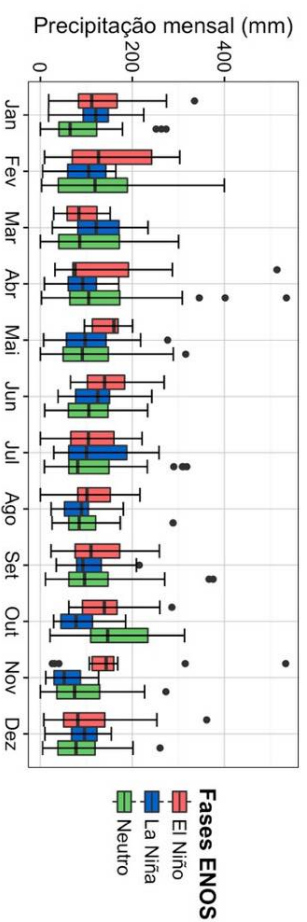
Id. 18 – Cacequi/RS



Id. 19 – Canguçu/RS



Id. 20 – Dom Pedrito/RS





## ANEXO VI – PARÂMETROS DO MÓDULO DE OCORRÊNCIA

O Anexo VI descreve os parâmetros obtidos no módulo de ocorrência para as variações do modelo sem e com condicionamento. Decorrente das relações entre as probabilidades de transições e os estados da cadeia markoviana de primeira ordem, é necessária a apresentação de dois parâmetros para obtenção da matrizes de transição. Desta forma, são apresentados apenas os parâmetros  $P_{00}$  e  $P_{11}$  para todas estações analisadas. Adicionalmente, são evidenciados os resultados da análise da ordem ótima para os casos sem condicionamento de acordo como o critério de informação de Bayes para todos os dados históricos de precipitação empregados ao longo deste estudo.

### Id. 01 – Ivaiporã/PR – 02451014

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,716	0,567	0,752	0,568	0,694	0,553	0,700	0,578	Ordem $\geq$ 2
Fev	0,697	0,568	0,689	0,587	0,700	0,540	0,701	0,571	Ordem = 1
Mar	0,776	0,515	0,781	0,580	0,741	0,474	0,791	0,510	Ordem = 1
Abr	0,832	0,456	0,807	0,477	0,843	0,474	0,836	0,443	Ordem = 1
Mai	0,845	0,508	0,814	0,568	0,844	0,494	0,853	0,491	Ordem = 1
Jun	0,835	0,457	0,836	0,551	0,807	0,403	0,843	0,435	Ordem = 1
Jul	0,865	0,449	0,845	0,489	0,882	0,308	0,866	0,465	Ordem = 1
Ago	0,874	0,414	0,873	0,379	0,873	0,408	0,875	0,429	Ordem = 1
Set	0,807	0,485	0,798	0,439	0,834	0,472	0,798	0,512	Ordem = 1
Out	0,759	0,459	0,744	0,442	0,787	0,449	0,752	0,478	Hib. 2 Ordem
Nov	0,756	0,442	0,714	0,491	0,788	0,388	0,765	0,424	Ordem = 1
Dez	0,734	0,530	0,709	0,524	0,716	0,541	0,766	0,526	Ordem = 1

### Id. 02 – Porto Mendes Gonçalves/PR – 02454000

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,776	0,421	0,779	0,359	0,774	0,429	0,774	0,471	Hib. 2 Ordem
Fev	0,774	0,395	0,752	0,395	0,766	0,426	0,791	0,372	Ordem = 1
Mar	0,825	0,361	0,814	0,464	0,790	0,327	0,842	0,333	Ordem = 1
Abr	0,860	0,380	0,835	0,438	0,859	0,361	0,867	0,366	Ordem = 1
Mai	0,849	0,441	0,799	0,474	0,828	0,404	0,872	0,441	Ordem = 1
Jun	0,843	0,401	0,830	0,479	0,806	0,379	0,861	0,365	Ordem = 1
Jul	0,874	0,365	0,860	0,410	0,890	0,286	0,872	0,369	Ordem = 1
Ago	0,878	0,385	0,901	0,400	0,871	0,377	0,870	0,384	Ordem = 1
Set	0,828	0,412	0,830	0,375	0,833	0,367	0,825	0,450	Ordem = 1
Out	0,780	0,414	0,769	0,432	0,807	0,370	0,769	0,421	Ordem = 1
Nov	0,789	0,342	0,755	0,400	0,831	0,274	0,790	0,308	Ordem = 1
Dez	0,793	0,374	0,771	0,385	0,792	0,305	0,818	0,413	Ordem = 1

Id. 03 – Prudentópolis Capt. Sanepar/PR – 02550000

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,727	0,579	0,751	0,566	0,682	0,623	0,738	0,540	Ordem = 1
Fev	0,710	0,569	0,706	0,563	0,655	0,580	0,742	0,564	Ordem = 1
Mar	0,774	0,502	0,776	0,534	0,743	0,532	0,787	0,473	Ordem = 1
Abr	0,814	0,401	0,811	0,456	0,820	0,398	0,814	0,384	Ordem = 1
Mai	0,864	0,492	0,847	0,535	0,851	0,540	0,872	0,456	Ordem = 1
Jun	0,829	0,486	0,849	0,541	0,740	0,512	0,846	0,451	Ordem = 1
Jul	0,856	0,459	0,831	0,500	0,869	0,494	0,861	0,423	Ordem = 1
Ago	0,875	0,481	0,859	0,511	0,876	0,521	0,880	0,446	Ordem = 1
Set	0,794	0,498	0,794	0,435	0,799	0,512	0,792	0,522	Ordem = 1
Out	0,743	0,462	0,695	0,462	0,771	0,441	0,760	0,475	Ordem = 1
Nov	0,780	0,456	0,753	0,485	0,792	0,419	0,794	0,449	Ordem = 1
Dez	0,744	0,498	0,745	0,510	0,738	0,576	0,747	0,409	Ordem = 1

Id 04. – Quedas do Iguaçu (Campo Novo)/PR – 02552000

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,739	0,427	0,753	0,395	0,713	0,473	0,744	0,412	Ordem $\geq$ 2
Fev	0,747	0,426	0,747	0,494	0,711	0,415	0,766	0,382	Hib. 2 Ordem
Mar	0,795	0,313	0,774	0,392	0,799	0,313	0,799	0,279	Ordem = 1
Abr	0,821	0,292	0,816	0,386	0,829	0,342	0,819	0,241	Ordem = 1
Mai	0,852	0,295	0,813	0,417	0,830	0,278	0,868	0,246	Ordem = 1
Jun	0,835	0,300	0,826	0,429	0,801	0,308	0,848	0,234	Ordem = 1
Jul	0,857	0,324	0,847	0,354	0,866	0,224	0,856	0,346	Ordem $\geq$ 2
Ago	0,860	0,305	0,838	0,341	0,848	0,239	0,873	0,316	Ordem $\geq$ 2
Set	0,807	0,351	0,816	0,324	0,805	0,347	0,803	0,367	Ordem = 1
Out	0,762	0,340	0,744	0,396	0,770	0,298	0,770	0,316	Ordem = 1
Nov	0,799	0,315	0,781	0,373	0,828	0,278	0,794	0,276	Ordem = 1
Dez	0,779	0,319	0,768	0,308	0,762	0,315	0,802	0,333	Ordem = 1

Id. 05 – Porto Amazonas/PR – 02549001

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,697	0,597	0,726	0,573	0,713	0,660	0,653	0,558	Hib. 2 Ordem
Fev	0,697	0,597	0,682	0,606	0,663	0,598	0,725	0,590	Ordem = 1
Mar	0,753	0,525	0,789	0,584	0,715	0,506	0,757	0,514	Ordem = 1
Abr	0,815	0,428	0,812	0,485	0,817	0,341	0,815	0,434	Ordem = 1
Mai	0,835	0,485	0,802	0,500	0,819	0,471	0,850	0,485	Ordem = 1
Jun	0,814	0,488	0,836	0,548	0,798	0,490	0,811	0,465	Ordem = 1
Jul	0,839	0,457	0,796	0,443	0,858	0,505	0,849	0,441	Ordem = 1
Ago	0,856	0,454	0,837	0,454	0,855	0,485	0,863	0,440	Ordem = 1
Set	0,780	0,521	0,782	0,449	0,776	0,541	0,781	0,545	Ordem = 1
Out	0,741	0,514	0,724	0,522	0,743	0,467	0,753	0,537	Ordem = 1
Nov	0,758	0,452	0,751	0,519	0,792	0,352	0,736	0,445	Ordem = 1
Dez	0,733	0,521	0,706	0,522	0,759	0,548	0,735	0,498	Ordem = 1

Id. 06 – Porto Vitória/PR – 02651004

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,681	0,548	0,681	0,486	0,674	0,605	0,689	0,554	Hib. 2 Ordem
Fev	0,710	0,627	0,714	0,645	0,695	0,614	0,716	0,625	Ordem = 1
Mar	0,765	0,526	0,775	0,521	0,726	0,517	0,778	0,532	Hib. 2 Ordem
Abr	0,809	0,463	0,809	0,375	0,832	0,531	0,802	0,466	Ordem = 1
Mai	0,832	0,492	0,828	0,482	0,831	0,514	0,833	0,486	Ordem = 1
Jun	0,810	0,478	0,775	0,447	0,775	0,505	0,833	0,479	Ordem = 1
Jul	0,835	0,476	0,818	0,517	0,851	0,500	0,835	0,444	Ordem = 1
Ago	0,837	0,449	0,817	0,416	0,826	0,440	0,849	0,468	Ordem = 1
Set	0,782	0,485	0,779	0,386	0,794	0,530	0,776	0,510	Ordem = 1
Out	0,736	0,472	0,715	0,535	0,760	0,417	0,734	0,449	Ordem = 1
Nov	0,761	0,453	0,745	0,531	0,788	0,336	0,750	0,440	Ordem = 1
Dez	0,728	0,505	0,736	0,457	0,715	0,531	0,731	0,523	Ordem = 1

Id. 07 – Timbó Novo/SC – 02649004

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,622	0,628	0,624	0,632	0,628	0,656	0,615	0,596	Ordem = 1
Fev	0,633	0,657	0,671	0,668	0,636	0,651	0,606	0,654	Ordem = 1
Mar	0,688	0,592	0,711	0,609	0,625	0,589	0,706	0,587	Ordem = 1
Abr	0,757	0,508	0,689	0,539	0,758	0,455	0,775	0,513	Ordem = 1
Mai	0,805	0,541	0,766	0,585	0,821	0,549	0,809	0,522	Ordem = 1
Jun	0,805	0,547	0,813	0,621	0,741	0,576	0,821	0,500	Ordem = 1
Jul	0,807	0,573	0,769	0,520	0,833	0,622	0,812	0,576	Ordem = 1
Ago	0,827	0,552	0,809	0,557	0,812	0,602	0,839	0,519	Hib. 2 Ordem
Set	0,729	0,642	0,741	0,591	0,763	0,704	0,704	0,636	Ordem = 1
Out	0,691	0,579	0,690	0,627	0,695	0,527	0,688	0,570	Ordem = 1
Nov	0,712	0,579	0,693	0,600	0,714	0,532	0,726	0,590	Ordem = 1
Dez	0,702	0,590	0,713	0,614	0,697	0,586	0,695	0,570	Ordem = 1

Id. 08 – Campina da Alegria/SC – 02651001

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,704	0,545	0,709	0,532	0,675	0,595	0,722	0,504	Ordem $\geq$ 2
Fev	0,704	0,581	0,721	0,581	0,697	0,626	0,698	0,549	Ordem = 1
Mar	0,749	0,501	0,795	0,505	0,718	0,541	0,746	0,478	Ordem = 1
Abr	0,796	0,468	0,823	0,500	0,808	0,532	0,783	0,438	Ordem = 1
Mai	0,832	0,469	0,829	0,478	0,825	0,465	0,835	0,467	Ordem = 1
Jun	0,789	0,467	0,764	0,452	0,735	0,488	0,813	0,464	Ordem = 1
Jul	0,820	0,446	0,809	0,475	0,844	0,500	0,815	0,411	Ordem = 1
Ago	0,818	0,470	0,796	0,508	0,824	0,487	0,824	0,442	Ordem = 1
Set	0,773	0,513	0,783	0,466	0,772	0,549	0,767	0,519	Hib. 2 Ordem
Out	0,734	0,476	0,706	0,507	0,753	0,458	0,741	0,460	Ordem = 1
Nov	0,771	0,452	0,773	0,505	0,770	0,356	0,769	0,462	Ordem = 1
Dez	0,745	0,506	0,758	0,489	0,702	0,514	0,766	0,514	Ordem = 1

Id. 09 – Saudades/SC – 02653007

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,765	0,484	0,778	0,472	0,724	0,565	0,783	0,400	Ordem = 1
Fev	0,743	0,503	0,739	0,520	0,774	0,558	0,726	0,457	Ordem $\geq$ 2
Mar	0,814	0,438	0,841	0,506	0,785	0,440	0,819	0,412	Ordem = 1
Abr	0,808	0,361	0,824	0,446	0,783	0,376	0,811	0,329	Ordem = 1
Mai	0,852	0,389	0,860	0,520	0,853	0,405	0,850	0,338	Ordem = 1
Jun	0,810	0,455	0,793	0,532	0,786	0,333	0,823	0,458	Ordem = 1
Jul	0,828	0,379	0,822	0,382	0,824	0,333	0,831	0,394	Ordem = 1
Ago	0,834	0,373	0,815	0,385	0,829	0,388	0,843	0,360	Ordem = 1
Set	0,793	0,487	0,814	0,470	0,789	0,516	0,785	0,481	Ordem = 1
Out	0,767	0,421	0,760	0,467	0,786	0,389	0,759	0,402	Ordem = 1
Nov	0,803	0,324	0,792	0,429	0,832	0,239	0,792	0,270	Ordem = 1
Dez	0,781	0,408	0,800	0,382	0,737	0,392	0,798	0,444	Ordem = 1

Id. 10 – Rio Pequeno/SC – 02849008

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,730	0,520	0,686	0,506	0,733	0,543	0,773	0,510	Ordem = 1
Fev	0,705	0,527	0,686	0,478	0,691	0,541	0,727	0,549	Ordem = 1
Mar	0,784	0,466	0,792	0,458	0,767	0,472	0,790	0,465	Ordem = 1
Abr	0,806	0,429	0,798	0,520	0,823	0,418	0,803	0,400	Ordem = 1
Mai	0,823	0,491	0,817	0,545	0,848	0,430	0,814	0,492	Ordem = 1
Jun	0,778	0,521	0,781	0,577	0,764	0,543	0,782	0,491	Ordem = 1
Jul	0,790	0,483	0,797	0,463	0,794	0,444	0,786	0,506	Ordem = 1
Ago	0,792	0,489	0,794	0,491	0,780	0,503	0,797	0,480	Ordem = 1
Set	0,771	0,500	0,778	0,507	0,772	0,514	0,765	0,489	Ordem = 1
Out	0,751	0,469	0,723	0,482	0,785	0,418	0,747	0,488	Ordem = 1
Nov	0,776	0,438	0,740	0,440	0,847	0,387	0,749	0,462	Ordem = 1
Dez	0,759	0,451	0,777	0,505	0,749	0,422	0,751	0,425	Ordem = 1

Id. 11 – Paim Filho/RS – 02751006

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,757	0,571	0,749	0,588	0,741	0,581	0,776	0,545	Ordem = 1
Fev	0,739	0,565	0,720	0,560	0,757	0,574	0,741	0,564	Ordem = 1
Mar	0,782	0,484	0,810	0,505	0,767	0,485	0,778	0,476	Ordem = 1
Abr	0,808	0,485	0,816	0,554	0,767	0,511	0,816	0,455	Ordem = 1
Mai	0,826	0,500	0,786	0,543	0,858	0,538	0,826	0,476	Ordem = 1
Jun	0,804	0,534	0,821	0,614	0,729	0,433	0,820	0,540	Ordem = 1
Jul	0,798	0,500	0,783	0,526	0,805	0,400	0,801	0,519	Ordem = 1
Ago	0,804	0,507	0,780	0,535	0,795	0,452	0,815	0,517	Ordem = 1
Set	0,776	0,552	0,808	0,482	0,755	0,531	0,767	0,586	Ordem $\geq$ 2
Out	0,733	0,469	0,692	0,472	0,766	0,413	0,741	0,494	Ordem = 1
Nov	0,771	0,446	0,740	0,469	0,794	0,367	0,778	0,466	Ordem = 1
Dez	0,745	0,478	0,746	0,485	0,702	0,492	0,773	0,460	Ordem = 1

Id. 12 – Santo Augusto/RS – 02753007

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,790	0,319	0,786	0,273	0,774	0,345	0,810	0,346	Ordem = 0
Fev	0,791	0,356	0,791	0,415	0,785	0,328	0,796	0,330	Ordem = 1
Mar	0,827	0,255	0,845	0,347	0,788	0,239	0,838	0,228	Ordem = 1
Abr	0,825	0,261	0,819	0,329	0,809	0,211	0,832	0,255	Ordem = 0
Mai	0,859	0,276	0,850	0,313	0,872	0,265	0,856	0,267	Ordem = 1
Jun	0,813	0,295	0,801	0,345	0,788	0,253	0,826	0,292	Ordem = 0
Jul	0,833	0,316	0,832	0,337	0,833	0,272	0,833	0,323	Ordem = 1
Ago	0,836	0,286	0,821	0,323	0,841	0,230	0,840	0,294	Ordem = 1
Set	0,789	0,347	0,802	0,392	0,776	0,229	0,789	0,377	Ordem = 1
Out	0,783	0,309	0,776	0,333	0,801	0,289	0,774	0,301	Ordem = 1
Nov	0,811	0,245	0,774	0,298	0,855	0,128	0,809	0,250	Ordem = 1
Dez	0,819	0,249	0,812	0,286	0,806	0,174	0,839	0,279	Ordem = 1

Id. 13 – Carazinho/RS – 02852006

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,754	0,553	0,732	0,509	0,744	0,600	0,783	0,552	Ordem = 1
Fev	0,713	0,537	0,653	0,578	0,756	0,543	0,720	0,500	Ordem = 1
Mar	0,767	0,497	0,793	0,532	0,730	0,541	0,774	0,454	Ordem = 1
Abr	0,782	0,487	0,802	0,612	0,741	0,441	0,789	0,460	Ordem = 1
Mai	0,816	0,495	0,795	0,511	0,840	0,541	0,816	0,476	Ordem = 1
Jun	0,767	0,538	0,762	0,568	0,698	0,509	0,788	0,536	Ordem ≥ 2
Jul	0,783	0,519	0,784	0,500	0,773	0,509	0,786	0,530	Ordem = 1
Ago	0,780	0,516	0,750	0,523	0,759	0,496	0,799	0,522	Ordem = 1
Set	0,740	0,553	0,732	0,509	0,742	0,565	0,744	0,571	Ordem ≥ 2
Out	0,730	0,494	0,727	0,554	0,734	0,465	0,731	0,458	Ordem = 1
Nov	0,750	0,451	0,708	0,493	0,766	0,366	0,774	0,455	Ordem = 1
Dez	0,744	0,446	0,737	0,492	0,715	0,450	0,770	0,395	Ordem = 1

Id. 14 – Antônio Prado/RS – 02851003

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,730	0,520	0,686	0,506	0,733	0,543	0,773	0,510	Ordem = 1
Fev	0,705	0,527	0,686	0,478	0,691	0,541	0,727	0,549	Ordem = 1
Mar	0,784	0,466	0,792	0,458	0,767	0,472	0,790	0,465	Ordem = 1
Abr	0,806	0,429	0,798	0,520	0,823	0,418	0,803	0,400	Ordem = 1
Mai	0,823	0,491	0,817	0,545	0,848	0,430	0,814	0,492	Ordem = 1
Jun	0,778	0,521	0,781	0,577	0,764	0,543	0,782	0,491	Ordem = 1
Jul	0,790	0,483	0,797	0,463	0,794	0,444	0,786	0,506	Ordem = 1
Ago	0,792	0,489	0,794	0,491	0,780	0,503	0,797	0,480	Ordem = 1
Set	0,771	0,500	0,778	0,507	0,772	0,514	0,765	0,489	Ordem = 1
Out	0,751	0,469	0,723	0,482	0,785	0,418	0,747	0,488	Ordem = 1
Nov	0,776	0,438	0,740	0,440	0,847	0,387	0,749	0,462	Ordem = 1
Dez	0,759	0,451	0,777	0,505	0,749	0,422	0,751	0,425	Ordem = 1

Id. 15 – Camisas /RS – 02950008

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,728	0,487	0,715	0,462	0,736	0,532	0,737	0,470	Ordem = 1
Fev	0,703	0,473	0,683	0,485	0,706	0,453	0,713	0,478	Ordem = 1
Mar	0,789	0,459	0,806	0,394	0,788	0,443	0,784	0,486	Ordem = 1
Abr	0,813	0,345	0,783	0,419	0,819	0,253	0,821	0,346	Ordem = 1
Mai	0,834	0,359	0,798	0,369	0,851	0,372	0,837	0,351	Hib. 2 Ordem
Jun	0,806	0,396	0,801	0,417	0,789	0,385	0,814	0,391	Ordem = 1
Jul	0,794	0,360	0,790	0,324	0,789	0,355	0,798	0,377	Ordem = 1
Ago	0,811	0,415	0,798	0,444	0,802	0,409	0,821	0,404	Ordem = 1
Set	0,775	0,428	0,785	0,436	0,777	0,392	0,768	0,441	Ordem = 1
Out	0,766	0,391	0,734	0,388	0,788	0,367	0,777	0,410	Ordem = 1
Nov	0,778	0,358	0,738	0,420	0,823	0,276	0,774	0,333	Ordem = 1
Dez	0,760	0,383	0,754	0,419	0,772	0,300	0,754	0,411	Ordem = 1

Id. 16 – Passo Major Zeferino/RS – 02854005

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,826	0,420	0,832	0,399	0,812	0,404	0,831	0,451	Ordem = 1
Fev	0,805	0,410	0,798	0,438	0,803	0,388	0,809	0,403	Ordem = 1
Mar	0,820	0,383	0,808	0,363	0,819	0,361	0,824	0,400	Ordem = 1
Abr	0,821	0,427	0,810	0,506	0,815	0,462	0,825	0,390	Ordem = 1
Mai	0,852	0,427	0,807	0,488	0,894	0,383	0,849	0,416	Ordem = 1
Jun	0,820	0,481	0,807	0,617	0,859	0,424	0,813	0,439	Ordem = 1
Jul	0,819	0,402	0,821	0,391	0,833	0,389	0,814	0,410	Ordem = 1
Ago	0,828	0,390	0,831	0,500	0,819	0,352	0,830	0,361	Ordem = 1
Set	0,810	0,458	0,839	0,495	0,808	0,479	0,797	0,432	Ordem = 1
Out	0,795	0,418	0,783	0,453	0,829	0,381	0,783	0,408	Ordem = 1
Nov	0,839	0,387	0,821	0,445	0,871	0,297	0,832	0,367	Ordem = 1
Dez	0,818	0,340	0,819	0,408	0,821	0,229	0,815	0,351	Ordem = 1

Id. 17 – Dona Francisca/RS – 02953008

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,816	0,405	0,793	0,404	0,833	0,455	0,820	0,358	Ordem = 1
Fev	0,803	0,398	0,781	0,467	0,811	0,348	0,808	0,384	Ordem = 1
Mar	0,820	0,404	0,828	0,442	0,802	0,405	0,827	0,391	Ordem = 1
Abr	0,832	0,415	0,832	0,418	0,842	0,412	0,829	0,415	Ordem = 1
Mai	0,853	0,385	0,823	0,500	0,878	0,397	0,850	0,341	Ordem = 1
Jun	0,798	0,372	0,798	0,490	0,798	0,352	0,798	0,337	Hib. 2 Ordem
Jul	0,823	0,462	0,829	0,462	0,852	0,495	0,809	0,451	Ordem = 1
Ago	0,821	0,400	0,835	0,448	0,808	0,419	0,820	0,367	Ordem = 1
Set	0,807	0,453	0,806	0,450	0,778	0,430	0,822	0,468	Ordem = 1
Out	0,786	0,389	0,766	0,395	0,826	0,361	0,771	0,399	Ordem = 1
Nov	0,839	0,391	0,809	0,368	0,882	0,371	0,828	0,421	Ordem = 1
Dez	0,826	0,310	0,819	0,328	0,833	0,298	0,826	0,303	Ordem = 1

Id. 18 – Cacequi/RS – 02954001

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,841	0,330	0,829	0,354	0,849	0,372	0,844	0,254	Ordem = 1
Fev	0,814	0,350	0,826	0,451	0,805	0,330	0,812	0,297	Ordem = 1
Mar	0,842	0,330	0,837	0,286	0,832	0,364	0,849	0,327	Ordem = 1
Abr	0,831	0,339	0,836	0,382	0,860	0,373	0,819	0,315	Ordem = 1
Mai	0,860	0,373	0,856	0,443	0,886	0,354	0,851	0,357	Ordem = 1
Jun	0,822	0,362	0,838	0,437	0,818	0,398	0,818	0,324	Ordem = 1
Jul	0,826	0,370	0,837	0,311	0,845	0,402	0,814	0,379	Ordem = 1
Ago	0,846	0,327	0,840	0,329	0,846	0,295	0,849	0,340	Ordem = 1
Set	0,810	0,369	0,817	0,375	0,818	0,319	0,802	0,386	Ordem = 1
Out	0,816	0,339	0,811	0,426	0,863	0,303	0,787	0,281	Ordem = 1
Nov	0,828	0,251	0,789	0,243	0,876	0,212	0,825	0,278	Ordem = 0
Dez	0,836	0,251	0,826	0,316	0,854	0,219	0,831	0,211	Ordem = 1

Id. 19 – Canguçu/RS – 03152003

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,794	0,461	0,803	0,420	0,775	0,541	0,800	0,409	Ordem = 1
Fev	0,772	0,505	0,753	0,507	0,749	0,488	0,794	0,514	Ordem = 1
Mar	0,811	0,486	0,837	0,476	0,775	0,426	0,818	0,517	Ordem = 1
Abr	0,830	0,472	0,814	0,489	0,864	0,459	0,823	0,470	Ordem = 1
Mai	0,842	0,491	0,834	0,574	0,851	0,470	0,841	0,470	Ordem = 1
Jun	0,795	0,525	0,785	0,592	0,778	0,541	0,804	0,490	Ordem = 1
Jul	0,811	0,555	0,841	0,525	0,818	0,551	0,793	0,567	Ordem = 1
Ago	0,810	0,498	0,842	0,563	0,795	0,484	0,803	0,478	Ordem = 1
Set	0,794	0,567	0,802	0,543	0,800	0,558	0,786	0,584	Ordem = 1
Out	0,796	0,473	0,804	0,489	0,794	0,361	0,791	0,518	Ordem = 1
Nov	0,828	0,480	0,762	0,522	0,861	0,424	0,853	0,458	Ordem = 1
Dez	0,810	0,399	0,795	0,414	0,804	0,364	0,829	0,414	Ordem = 1

Id. 20 – Dom Pedrito/RS – 03054002

Mês	Parâmetros do Módulo de ocorrência de precipitação								Ordem ótima da CM (BIC)
	Sem cond.		El Niño		La Niña		Neutro		
	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	$P_{00}$	$P_{11}$	
Jan	0,842	0,258	0,842	0,255	0,826	0,243	0,855	0,276	Ordem = 0
Fev	0,827	0,328	0,816	0,386	0,842	0,262	0,824	0,327	Ordem = 1
Mar	0,852	0,273	0,860	0,200	0,840	0,264	0,856	0,298	Ordem = 1
Abr	0,850	0,313	0,826	0,391	0,866	0,222	0,851	0,313	Ordem = 1
Mai	0,869	0,370	0,866	0,339	0,875	0,293	0,867	0,402	Ordem = 1
Jun	0,808	0,311	0,765	0,253	0,808	0,297	0,822	0,336	Ordem = 0
Jul	0,849	0,330	0,879	0,297	0,850	0,417	0,836	0,303	Ordem = 1
Ago	0,855	0,330	0,857	0,328	0,869	0,338	0,847	0,328	Ordem = 1
Set	0,834	0,364	0,827	0,330	0,835	0,376	0,838	0,375	Ordem = 1
Out	0,847	0,318	0,854	0,288	0,870	0,219	0,819	0,390	Ordem = 1
Nov	0,875	0,200	0,828	0,227	0,907	0,085	0,885	0,235	Ordem = 0
Dez	0,857	0,193	0,862	0,176	0,854	0,173	0,856	0,221	Ordem = 1

# ANEXO VII – PARÂMETROS DO MÓDULO DE QUANTIDADE PRECIPITADA

Id. 01 – Ivaiporã/PR

Mês	Parâmetros do módulo de quantidade precipitada																
	Exponencial							Exponencial Mista									
	SC	EN	LN	Net	SC	El Niño	La Niña	SC	El Niño	La Niña	SC	El Niño	La Niña	Neutro			
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	
Jan	16,4	16,0	17,2	16,1	0,865	18,7	1,90	0,818	19,0	2,50	0,911	18,7	1,13	0,707	20,8	4,95	
Fev	14,6	16,1	13,7	14,2	0,865	16,6	1,63	0,890	17,9	0,922	0,886	15,3	1,22	0,808	16,9	2,82	
Mar	13,7	13,7	13,6	13,8	0,739	17,5	2,95	0,766	17,0	3,00	0,819	16,4	0,946	0,736	17,5	3,37	
Abr	17,2	19,4	16,6	16,6	0,789	21,0	2,82	0,818	23,2	2,11	0,501	16,6	16,6	0,737	21,3	3,61	
Mai	18,3	20,4	16,6	18,1	0,850	21,2	2,06	0,501	20,4	20,3	0,622	24,1	4,38	0,847	20,8	3,02	
Jun	18,9	20,7	19,5	17,9	0,843	22,0	2,19	0,826	24,6	2,41	0,906	20,8	6,20	0,809	21,7	2,22	
Jul	16,6	18,7	17,0	15,6	0,864	19,0	1,29	0,863	21,4	1,43	0,433	30,0	6,97	0,874	17,7	0,831	
Ago	14,7	14,4	14,8	14,7	0,829	17,1	2,98	0,805	16,5	5,94	0,736	19,2	2,38	0,871	16,5	2,57	
Set	18,2	22,2	17,6	16,6	0,767	22,5	4,13	0,679	30,6	4,34	0,948	18,5	0,549	0,825	19,4	3,20	
Out	18,2	18,4	20,2	16,9	0,918	19,7	1,19	0,950	19,3	0,474	0,500	20,3	20,2	0,873	19,2	1,26	
Nov	16,4	17,3	16,5	15,5	0,870	18,5	2,43	0,500	17,3	17,3	0,764	20,3	4,02	0,811	18,6	2,07	
Dez	16,2	16,2	18,2	14,5	0,878	18,1	1,99	0,878	18,2	1,54	0,822	21,6	2,18	0,500	14,5	14,4	
<b>Gama</b>														<b>Escolha BIC</b>			
Mês	SC	EN	LN	Net	SC	El Niño	La Niña	SC	El Niño	La Niña	SC	El Niño	La Niña	Neutro			
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	SC	El Niño	La Niña	Neutro			
Jan	0,804	20,4	0,802	19,9	0,845	20,3	0,779	20,7	Exp. Mista	Gama	Exponencial	Gama	Exponencial	Gama			
Fev	0,796	18,4	0,778	20,6	0,815	16,8	0,803	17,6	Exp. Mista	Gama	Exponencial	Gama	Exponencial	Gama			
Mar	0,766	17,9	0,785	17,5	0,676	20,1	0,814	16,9	Exp. Mista	Gama	Exponencial	Gama	Exponencial	Exp. Mista			
Abr	0,780	22,0	0,752	25,7	0,818	20,3	0,783	21,2	Exp. Mista	Gama	Exponencial	Gama	Exponencial	Exp. Mista			
Mai	0,769	23,8	0,701	29,0	0,723	23,0	0,818	22,1	Gama	Gama	Exponencial	Gama	Exponencial	Gama			
Jun	0,760	24,8	0,726	28,6	0,966	20,1	0,731	24,6	Gama	Gama	Exponencial	Gama	Exponencial	Gama			
Jul	0,761	21,8	0,788	23,7	0,783	21,7	0,750	20,8	Exp. Mista	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exp. Mista			
Ago	0,834	17,6	0,979	14,7	0,689	21,5	0,861	17,1	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial	Exponencial			
Set	0,800	22,8	0,731	30,3	0,860	20,5	0,833	19,9	Exp. Mista	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama			
Out	0,845	21,5	0,862	21,3	0,968	20,9	0,786	21,5	Exp. Mista	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exp. Mista			
Nov	0,840	19,6	0,966	17,9	0,805	20,5	0,763	20,3	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama			
Dez	0,831	19,5	0,811	19,9	0,755	24,1	0,951	15,2	Exp. Mista	Gama	Exponencial	Gama	Exponencial	Exponencial			



Parâmetros do módulo de quantidade de precipitação

Mês	Exponencial				Exponencial Mista				Escolha BIC							
	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net				
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$			
Jan	17,8	17,4	18,9	17,4	0,623	22,5	10,1	0,512	24,9	9,47	0,500	18,9	18,9	0,708	21,8	6,90
Fev	18,0	19,9	17,6	16,9	0,048	48,3	16,5	0,931	21,0	5,12	0,078	47,7	15,1	0,013	92,6	15,9
Mar	18,6	18,4	18,9	18,6	0,807	22,1	4,33	0,787	22,7	2,55	0,749	23,4	5,48	0,862	20,9	4,33
Abr	23,8	29,4	27,3	20,7	0,941	25,2	2,02	0,501	29,4	29,4	0,109	51,1	24,4	0,918	22,3	2,18
Mai	21,4	23,0	22,9	19,9	0,874	24,0	3,93	0,649	30,1	9,83	0,698	27,9	11,4	0,874	22,3	3,22
Jun	17,1	17,7	18,6	16,1	0,876	19,1	3,51	0,540	25,1	8,92	0,061	46,1	16,7	0,892	17,7	2,43
Jul	15,2	14,4	18,3	14,5	0,749	18,5	5,34	0,694	18,5	5,08	0,859	20,7	3,26	0,735	17,5	6,19
Ago	15,1	13,0	16,0	15,5	0,843	17,5	2,54	0,679	17,6	3,14	0,794	19,4	2,98	0,500	15,5	15,5
Set	19,1	22,2	18,5	17,5	0,006	128	18,4	0,019	138	20,0	0,949	19,4	0,924	0,011	17,5	17,5
Out	21,9	22,0	19,3	23,3	0,878	21,9	21,9	0,936	23,4	2,50	0,500	19,3	19,3	0,199	23,4	23,3
Nov	20,6	23,3	19,0	18,1	0,906	22,2	5,53	0,986	23,3	23,3	0,500	19,0	19,0	0,632	24,3	7,57
Dez	19,2	19,4	19,1	18,9	0,241	19,2	19,2	0,500	19,4	19,4	0,500	19,1	19,1	0,858	21,3	4,46

Mês	Gama				Escolha BIC			
	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$
Jan	0,951	18,8	0,886	19,6	1,15	16,5	0,893	19,5
Fev	0,987	18,3	0,994	20,0	0,954	18,5	1,02	16,7
Mar	0,843	22,1	0,741	24,8	0,841	22,5	0,898	20,8
Abr	0,911	26,2	0,952	30,9	0,951	28,7	0,911	22,7
Mai	0,878	24,4	0,846	27,1	0,948	24,2	0,870	22,9
Jun	0,890	19,2	0,829	21,3	1,00	18,5	0,882	18,2
Jul	0,886	17,1	0,845	17,0	0,864	21,1	0,930	15,6
Ago	0,860	17,6	0,745	17,4	0,808	19,8	0,947	16,4
Set	0,976	19,5	0,893	24,9	0,879	21,0	1,11	15,8
Out	0,980	22,3	0,922	23,9	1,08	17,9	0,999	23,3
Nov	0,948	21,8	1,04	22,4	1,02	18,7	0,842	21,5
Dez	1,13	17,0	1,25	15,5	1,26	15,2	0,939	20,2

## Parâmetros do módulo de quantidade de precipitação

Mês	Exponencial						Exponencial Mista									
	SC	EN	LN	Net	SC	SC	El Niño	La Niña	SC	El Niño	La Niña	Neutro				
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$			
Jan	14,9	15,5	13,2	16,4	0,311	22,9	11,3	0,052	53,5	13,4	0,631	16,6	7,33	0,920	17,4	4,90
Fev	13,2	12,8	14,6	12,5	0,490	17,8	8,87	0,957	13,4	0,349	0,560	21,2	6,22	0,500	12,5	12,5
Mar	12,9	12,8	12,6	13,0	0,318	19,5	9,76	0,920	13,9	0,179	0,240	19,6	10,4	0,203	23,8	10,30
Abr	15,6	18,5	14,4	15,0	0,948	16,4	0,32	0,912	20,3	0,205	0,791	17,5	2,90	0,956	15,6	0,347
Mai	18,5	21,7	16,3	18,3	0,600	25,3	8,43	0,554	31,9	9,10	0,576	23,0	7,27	0,673	23,1	8,40
Jun	17,6	19,3	14,8	18,3	0,946	18,5	0,168	0,785	22,3	8,20	0,900	16,4	0,164	0,953	19,2	0,17
Jul	16,5	16,1	15,7	17,0	0,960	17,2	0,174	0,930	17,3	0,201	0,951	16,5	0,114	0,788	17,0	17,0
Ago	13,3	11,6	14,7	13,4	0,325	20,1	9,98	0,840	13,5	1,68	0,347	26,9	8,21	0,012	24,6	13,2
Set	17,0	17,3	16,0	17,4	0,500	17,0	17,0	0,870	19,2	4,26	0,500	16,0	16,0	0,990	17,4	17,4
Out	18,1	18,7	16,8	18,2	0,500	18,1	18,1	0,500	18,7	18,7	0,011	33,0	16,6	0,501	18,2	18,2
Nov	14,6	16,4	12,0	14,5	0,467	17,6	12,0	0,022	16,4	16,4	0,026	28,4	11,6	0,576	18,6	8,96
Dez	14,2	13,5	14,9	14,1	0,500	14,2	14,2	0,500	13,5	13,5	0,887	16,1	5,67	0,499	14,1	14,1

Mês	Gama						Escolha BIC					
	SC	EN	LN	Net	SC	SC	El Niño	La Niña	SC	El Niño	La Niña	Neutro
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	--	--	--	--
Jan	0,919	16,2	0,876	17,7	0,926	14,2	0,980	16,7	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Fev	0,944	14,0	0,877	14,7	0,835	17,5	1,13	11,0	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Mar	0,944	13,6	0,746	17,2	0,979	12,9	1,03	12,6	Exponencial	Exp. Mista	Exponencial	Exponencial
Abr	0,801	19,5	0,682	27,2	0,825	17,5	0,852	17,6	Gama	Exp. Mista	Exponencial	Exponencial
Mai	0,786	23,6	0,706	30,8	0,749	21,8	0,847	21,6	Gama	Gama	Exponencial	Exponencial
Jun	0,778	22,6	0,919	21,0	0,673	21,9	0,804	22,8	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista
Jul	0,902	18,3	0,794	20,3	0,864	18,2	0,991	17,2	Exp. Mista	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Ago	0,916	14,5	0,793	14,6	0,809	18,1	1,08	12,3	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Set	0,980	17,4	0,905	19,1	1,02	15,7	1,01	17,2	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Out	0,992	18,2	0,908	20,6	1,03	16,3	1,06	17,2	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Nov	1,03	14,2	1,05	15,6	1,13	10,6	0,991	14,6	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Dez	1,07	13,3	1,13	11,9	0,949	15,7	1,16	12,2	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial

Id. 04 – Quedas do Iguaçu (Campo Novo)/PR

Mês	Parâmetros do módulo de quantidade precipitada															
	Exponencial				Exponencial Mista				Escolha BIC							
	SC	EN	LN	Net	SC	El Niño	La Niña	Neutro	SC	El Niño	La Niña	Neutro	SC	El Niño	La Niña	Neutro
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$
Jan	21,1	22,0	19,2	22,0	0,043	40,6	20,2	0,206	31,1	19,7	0,022	49,5	18,6	0,026	41,8	21,5
Fev	21,0	20,8	20,6	21,4	0,500	21,0	21,0	0,055	43,5	19,5	0,500	20,6	20,6	0,500	21,4	21,4
Mar	18,8	17,7	19,2	19,1	0,073	25,7	18,3	0,083	17,7	17,7	0,183	40,7	14,4	0,500	19,1	19,1
Abr	24,5	25,1	23,1	24,7	0,500	24,5	24,5	0,500	25,1	25,1	0,500	23,1	23,1	0,500	24,7	24,7
Mai	26,0	25,0	24,9	27,0	0,499	26,1	25,9	0,273	44,4	17,7	0,500	24,9	24,9	0,500	27,0	27,0
Jun	26,7	24,4	25,1	28,5	0,855	28,1	18,6	0,662	29,3	14,8	0,347	34,9	19,9	0,227	28,5	28,5
Jul	21,1	24,2	20,0	20,2	0,051	60,0	19,1	0,134	71,2	17,0	0,500	20,0	20,0	0,034	33,8	19,7
Ago	19,1	16,6	22,0	19,1	0,036	37,1	18,4	0,844	18,7	5,16	0,151	45,3	17,9	0,500	19,1	19,1
Set	24,7	27,1	22,4	24,5	0,522	27,3	21,7	0,165	51,1	22,4	0,500	22,4	22,4	0,925	26,1	5,72
Out	27,2	26,9	24,1	29,7	0,500	27,2	27,2	0,500	26,9	26,9	0,500	24,1	24,1	0,535	31,4	27,7
Nov	23,2	27,3	19,3	21,3	0,500	23,2	23,2	0,500	27,3	27,3	0,500	19,3	19,3	0,500	21,3	21,3
Dez	22,2	21,1	24,9	21,1	0,500	22,2	22,2	0,500	21,1	21,1	0,500	24,9	24,9	0,500	21,1	21,1
Gama																
Mês	SC	La Niña	Neutro	SC	El Niño	La Niña	Neutro	SC	El Niño	La Niña	Neutro	SC	El Niño	La Niña	Neutro	SC
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$
Jan	1,15	18,3	1,19	18,5	1,20	16,1	1,09	20,2	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Fev	1,24	16,9	1,19	17,5	1,51	13,6	1,13	19,0	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Mar	1,13	16,6	1,17	15,1	1,07	18,0	1,15	16,5	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Abr	1,25	19,7	1,31	19,1	1,17	19,8	1,25	19,8	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial
Mai	1,20	21,7	0,979	25,5	1,57	15,8	1,21	22,4	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial
Jun	1,05	25,4	0,934	26,1	1,09	23,0	1,11	25,7	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Jul	1,07	19,8	0,893	27,1	1,22	16,3	1,13	17,8	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Ago	1,11	17,2	0,968	17,1	1,08	20,4	1,24	15,4	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Set	1,03	23,9	0,935	29,0	1,27	17,6	1,01	24,4	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Out	1,15	23,8	1,08	25,0	1,29	18,7	1,15	25,7	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial
Nov	1,31	17,6	1,25	21,8	1,61	11,9	1,31	16,3	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial
Dez	1,21	18,4	1,30	16,3	1,12	22,2	1,22	17,2	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial

## Parâmetros do módulo de quantidade de quantidade precipitada

Mês	Exponencial				Exponencial Mista				Exponencial Mista				Exponencial Mista						
	SC	EN	LN	Net	SC	SC	SC	SC	El Niño	La Niña	SC	SC	El Niño	La Niña	SC	SC	El Niño	La Niña	Neutro
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$
Jan	12,3	12,4	12,0	12,5	0,889	13,5	2,82	0,601	16,2	6,61	0,500	12,0	12,0	0,864	14,3	1,35			
Fev	12,3	12,7	13,4	11,3	0,798	14,8	2,60	0,810	15,1	2,59	0,343	22,2	8,82	0,764	14,1	2,25			
Mar	12,2	12,2	13,5	11,5	0,821	14,6	1,38	0,502	20,0	4,35	0,799	16,7	1,03	0,866	13,1	1,24			
Abr	11,9	14,8	11,6	11,0	0,743	15,5	1,55	0,815	17,8	1,50	0,680	16,0	2,33	0,779	13,8	0,972			
Mai	13,6	17,1	14,0	12,1	0,804	16,8	0,472	0,804	21,2	0,260	0,849	16,5	0,273	0,787	15,2	0,646			
Jun	14,4	15,4	13,6	14,4	0,824	17,3	0,820	0,843	18,0	1,48	0,842	13,6	13,6	0,765	18,6	0,703			
Jul	13,8	12,0	13,9	14,7	0,855	16,0	0,827	0,724	16,0	1,53	0,863	16,0	0,175	0,890	16,4	1,03			
Ago	12,3	11,6	13,4	12,1	0,909	13,5	0,503	0,822	14,0	0,479	0,655	18,3	4,09	0,948	12,7	1,00			
Set	14,0	14,0	14,1	13,9	0,863	15,9	1,90	0,732	17,7	3,82	0,839	16,4	2,30	0,895	15,4	1,27			
Out	12,9	14,3	11,8	12,3	0,899	14,1	1,50	0,502	14,3	14,3	0,848	13,5	2,34	0,902	13,5	1,65			
Nov	12,7	14,4	11,4	11,8	0,768	15,4	3,69	0,923	15,3	2,73	0,851	13,1	1,48	0,512	18,1	5,25			
Dez	13,0	13,2	13,6	12,4	0,777	15,6	4,05	0,827	15,2	3,67	0,259	24,2	9,90	0,745	15,5	3,22			
Mês	Gama																		
	SC	EN	LN	Net	SC	SC	SC	SC	El Niño	La Niña	SC	SC	El Niño	La Niña	SC	SC	El Niño	La Niña	Neutro
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	--	--	--	--	--	--	--	--	--
Jan	0,903	13,6	0,905	13,7	1,06	11,3	0,794	15,8	Exp. Mista	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama
Fev	0,821	15,0	0,838	15,1	0,847	15,8	0,797	14,2	Exp. Mista	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exp. Mista
Mar	0,736	16,6	0,709	17,2	0,665	20,3	0,796	14,5	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama
Abr	0,665	17,9	0,736	20,1	0,733	15,8	0,636	17,2	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama
Mai	0,566	24,0	0,497	34,3	0,596	23,5	0,591	20,5	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Jun	0,652	22,1	0,725	21,2	0,979	13,9	0,569	25,3	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Jul	0,702	19,7	0,666	18,0	0,595	23,3	0,795	18,5	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama
Ago	0,777	15,8	0,647	17,9	0,696	19,2	0,921	13,1	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial
Set	0,817	17,1	0,789	17,7	0,827	17,0	0,827	16,8	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama
Out	0,856	15,0	0,829	17,2	0,861	13,7	0,886	13,9	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial
Nov	0,854	14,9	0,915	15,7	0,822	13,8	0,833	14,2	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial
Dez	0,861	15,1	0,890	14,8	0,902	15,1	0,807	15,4	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama

## Parâmetros do módulo de quantidade precipitada

Mês	Exponencial				Exponencial Mista				Escolha BIC							
	SC	EN	LN	Net	SC	La Niña	El Niño	La Niña	SC	El Niño	La Niña	Neutro				
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$			
Jan	13,1	13,3	13,3	12,6	0,837	14,6	5,41	0,771	15,7	5,40	0,030	39,2	12,5	0,909	13,3	5,98
Fev	12,9	13,5	14,2	11,6	0,850	14,3	4,69	0,897	14,6	3,82	0,792	16,7	4,49	0,501	11,6	11,6
Mar	13,2	13,8	12,1	13,5	0,692	16,5	5,76	0,451	22,8	6,49	0,161	23,6	9,91	0,788	15,6	5,68
Abr	14,8	21,2	15,0	12,9	0,926	15,9	0,257	0,500	21,2	21,2	0,928	16,2	0,153	0,884	14,6	0,37
Mai	17,9	23,5	17,7	16,3	0,894	20,0	0,259	0,979	24,0	0,133	0,755	22,8	2,06	0,865	18,8	0,25
Jun	18,5	20,9	15,4	18,8	0,913	20,2	0,310	0,873	23,9	0,275	0,932	16,5	0,160	0,894	20,9	0,77
Jul	17,5	14,9	17,0	19,0	0,931	18,8	0,246	0,856	17,3	0,382	0,942	18,0	0,155	0,842	22,0	3,15
Ago	15,8	16,7	16,9	14,9	0,852	18,1	2,62	0,845	18,6	5,92	0,846	19,7	1,38	0,947	15,7	0,42
Set	18,2	18,6	18,3	17,9	0,500	18,2	18,2	0,500	18,6	18,6	0,966	19,0	0,18	0,500	17,9	17,9
Out	18,3	18,6	19,6	17,1	0,965	18,9	0,342	0,945	18,6	18,6	0,919	21,3	0,248	0,500	17,1	17,1
Nov	14,9	16,4	13,8	14,2	0,670	14,9	14,9	0,500	16,4	16,4	0,500	13,8	13,8	0,749	17,1	5,51
Dez	14,9	15,1	15,2	14,5	0,118	25,8	13,4	0,507	16,7	13,4	0,804	15,2	15,2	0,295	25,9	9,64
Mês	Gama												Escolha BIC			
	SC	$\theta$	$\eta$	El Niño	$\theta$	$\eta$	La Niña	$\theta$	$\eta$	Neutro	$\theta$	SC	El Niño	La Niña	Neutro	
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	--	--	--	--	--	
Jan	0,955	13,7	0,956	14,0	0,887	15,0	1,04	12,1	1,04	12,1	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Fev	0,947	13,6	0,942	14,3	0,891	15,9	1,00	11,6	1,00	11,6	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Mar	0,852	15,4	0,785	17,6	0,803	15,1	0,913	14,8	0,913	14,8	Gama	Gama	Gama	Exponencial	Exponencial	
Abr	0,749	19,7	1,13	18,8	0,767	19,6	0,704	18,4	0,704	18,4	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	
Mai	0,628	28,5	0,716	32,9	0,624	28,4	0,617	26,4	0,617	26,4	Exp. Mista	Gama	Gama	Exp. Mista	Exp. Mista	
Jun	0,698	26,5	0,583	35,8	0,810	19,0	0,726	25,8	0,726	25,8	Exp. Mista	Gama	Exp. Mista	Gama	Gama	
Jul	0,739	23,7	0,642	23,2	0,811	20,9	0,778	24,5	0,778	24,5	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama	Gama	
Ago	0,809	19,5	0,985	16,9	0,730	23,2	0,799	18,6	0,799	18,6	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	Gama	
Set	0,983	18,5	1,20	15,5	0,909	20,2	0,944	19,0	0,944	19,0	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Out	0,912	20,0	0,986	18,8	0,726	27,0	1,02	16,7	1,02	16,7	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exponencial	Exponencial	
Nov	0,988	15,1	1,09	15,0	1,023	13,5	0,894	15,8	0,894	15,8	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Dez	0,937	15,9	0,993	15,2	1,040	14,6	0,829	17,4	0,829	17,4	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama	

Mês	Parâmetros do módulo de quantidade de precipitação															
	Exponencial				Exponencial Mista				Escolha BIC							
	SC	EN	LN	Net	SC	SC	El Niño	La Niña	Neutro	SC	El Niño	La Niña	Neutro	Neutro		
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$
Jan	13,4	14,0	13,8	12,5	0,673	18,0	4,14	0,683	17,8	5,88	0,630	19,4	4,25	0,689	16,9	2,92
Fev	12,6	13,8	12,2	12,2	0,739	16,1	2,81	0,742	17,5	3,40	0,623	17,0	4,42	0,741	15,7	2,36
Mar	11,6	12,6	11,9	11,2	0,668	15,8	3,26	0,822	15,0	1,59	0,696	15,2	4,18	0,618	16,1	3,13
Abr	9,8	11,9	10,3	8,9	0,492	16,0	3,83	0,638	15,5	5,60	0,505	17,3	3,05	0,292	19,2	4,67
Mai	11,2	12,2	11,9	10,7	0,606	17,2	2,04	0,553	19,5	3,29	0,760	15,1	1,67	0,541	18,0	1,99
Jun	11,3	11,7	8,8	12,4	0,720	14,9	2,13	0,619	17,3	2,56	0,474	14,0	4,15	0,791	15,3	1,50
Jul	11,2	11,5	11,7	10,8	0,674	15,4	2,34	0,796	14,1	1,42	0,539	18,2	4,01	0,631	15,8	2,26
Ago	11,3	13,0	10,5	11,0	0,728	14,8	2,00	0,738	17,0	1,77	0,795	12,9	1,18	0,589	16,3	3,51
Set	11,5	11,1	12,1	11,4	0,726	14,8	2,89	0,614	16,0	3,40	0,845	13,7	3,70	0,733	14,7	2,25
Out	11,8	12,5	10,9	11,8	0,717	15,3	3,03	0,755	15,6	2,90	0,620	15,4	3,49	0,726	15,1	3,00
Nov	11,2	11,4	8,7	12,7	0,672	15,3	2,78	0,698	14,8	3,59	0,574	12,8	3,21	0,736	16,7	1,59
Dez	12,0	11,7	11,9	12,5	0,775	14,8	2,48	0,721	15,0	3,14	0,666	14,9	5,80	0,764	15,8	1,59
Mês	Gama															
	SC	$\theta$	$\eta$	El Niño	$\theta$	$\eta$	La Niña	$\theta$	$\eta$	Neutro	$\theta$	SC	--	El Niño	--	La Niña
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	SC	--	El Niño	--	La Niña	Neutro
Jan	0,823	16,346	0,907	15,4	0,816	16,9	0,760	16,5	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Fev	0,795	15,905	0,804	17,2	0,821	14,9	0,778	15,7	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Mar	0,781	14,880	0,775	16,2	0,877	13,5	0,742	15,0	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Abr	0,739	13,312	0,832	14,3	0,746	13,8	0,716	12,4	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Mai	0,646	17,405	0,682	17,9	0,733	16,2	0,611	17,5	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Jun	0,745	15,224	0,692	16,9	0,809	10,9	0,756	16,4	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Jul	0,748	14,921	0,776	14,8	0,789	14,8	0,723	15,0	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Ago	0,744	15,255	0,724	18,0	0,738	14,2	0,763	14,5	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Set	0,808	14,250	0,794	14,0	0,924	13,1	0,768	14,8	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Out	0,809	14,596	0,820	15,2	0,787	13,8	0,819	14,4	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Nov	0,774	14,448	0,885	12,9	0,826	10,6	0,684	18,6	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Dez	0,814	14,748	0,862	13,5	0,905	13,1	0,720	17,3	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista

## Parâmetros do módulo de quantidade precipitada

Mês	Exponencial				Exponencial Mista				Escolha BIC								
	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net	
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	
Jan	15,3	16,7	14,6	14,6	0,501	15,3	15,3	0,948	17,5	2,99	0,500	14,6	14,6	0,500	14,6	14,6	
Fev	14,9	17,4	13,6	14,1	0,931	15,8	2,08	0,645	23,0	7,32	0,947	14,3	1,49	0,013	49,6	13,7	
Mar	13,4	18,1	12,3	12,7	0,914	14,5	2,36	0,883	20,3	1,47	0,866	13,8	2,78	0,712	14,2	9,05	
Abr	17,2	20,6	17,9	16,0	0,886	19,1	2,32	0,862	23,6	1,93	0,959	18,6	1,07	0,793	19,0	4,29	
Mai	19,2	23,7	17,0	18,6	0,788	23,5	3,02	0,705	32,5	2,81	0,612	17,1	16,9	0,767	23,4	3,04	
Jun	18,2	20,3	17,4	17,8	0,842	21,0	3,46	0,772	24,9	4,86	0,950	18,3	0,619	0,834	20,7	3,29	
Jul	18,7	18,9	19,1	18,5	0,160	30,6	16,5	0,911	20,3	4,34	0,023	74,7	17,7	0,781	21,5	7,77	
Ago	18,4	19,9	18,2	17,7	0,708	21,0	12,3	0,914	21,7	1,38	0,500	18,2	18,2	0,253	27,0	14,6	
Set	20,0	21,2	19,7	19,6	0,932	21,2	4,20	0,189	39,4	16,9	0,500	19,7	19,7	0,833	22,0	7,43	
Out	20,3	21,8	19,0	19,7	0,934	21,5	3,04	0,500	21,8	21,8	0,863	21,6	2,83	0,940	20,7	3,37	
Nov	17,8	20,1	13,6	18,3	0,921	19,2	1,86	0,255	20,1	20,1	0,923	14,6	1,05	0,904	20,0	1,72	
Dez	16,5	16,7	16,1	16,7	0,888	18,0	4,63	0,925	17,6	5,00	0,235	27,5	12,6	0,505	16,8	16,7	
Mês	Gama				Escolha BIC												
	SC	$\theta$	$\eta$	$\theta$	El Niño	$\theta$	$\eta$	$\theta$	La Niña	$\theta$	$\eta$	$\theta$	Neutro	$\theta$	$\eta$	$\theta$	Neutro
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	El Niño	$\theta$	$\eta$	$\theta$	La Niña	$\theta$	$\eta$	$\theta$	Neutro	$\theta$	$\eta$	$\theta$	Neutro
Jan	0,994	15,4	0,947	17,6	1,07	13,6	0,984	14,8	Exponencial	Exponencial	14,8	Exponencial	Exponencial	14,8	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Fev	0,922	16,1	0,854	20,4	0,981	13,9	0,946	14,9	Exponencial	Exponencial	14,9	Exponencial	Exponencial	14,9	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Mar	0,921	14,6	0,835	21,6	0,897	13,7	0,991	12,8	Exponencial	Exponencial	12,8	Exponencial	Exponencial	12,8	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Abr	0,838	20,5	0,779	26,4	0,942	19,0	0,834	19,2	Gama	Gama	19,2	Exponencial	Exponencial	19,2	Exponencial	Exponencial	Gama
Mai	0,761	25,2	0,669	35,5	0,945	18,0	0,748	24,9	Exp. Mista	Exp. Mista	24,9	Exp. Mista	Exp. Mista	24,9	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Jun	0,830	21,9	0,808	25,1	0,863	20,2	0,829	21,4	Gama	Gama	21,4	Exponencial	Exponencial	21,4	Exponencial	Exponencial	Gama
Jul	0,916	20,4	0,944	20,0	0,889	21,4	0,915	20,2	Exponencial	Exponencial	20,2	Exponencial	Exponencial	20,2	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Ago	0,961	19,2	0,843	23,6	1,12	16,2	0,969	18,3	Exponencial	Exponencial	18,3	Exponencial	Exponencial	18,3	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Set	0,924	21,7	0,858	24,7	1,11	17,7	0,885	22,2	Exponencial	Exponencial	22,2	Exponencial	Exponencial	22,2	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Out	0,948	21,4	1,01	21,5	0,885	21,5	0,943	20,8	Exponencial	Exponencial	20,8	Exponencial	Exponencial	20,8	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Nov	0,895	19,9	0,994	20,2	0,889	15,3	0,854	21,4	Exponencial	Exponencial	21,4	Exponencial	Exponencial	21,4	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Dez	0,934	17,7	0,968	17,2	0,901	17,8	0,937	17,9	Exponencial	Exponencial	17,9	Exponencial	Exponencial	17,9	Exponencial	Exponencial	Exponencial

## Parâmetros do módulo de quantidade precipitada

Mês	Exponencial				Exponencial Mista				Escolha BIC							
	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net				
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$			
Jan	17,4	18,3	15,9	18,3	17,4	17,4	0,500	0,500	18,3	18,3	0,798	17,9	8,02	0,500	18,3	18,3
Fev	16,8	18,5	16,9	15,5	18,7	13,3	0,711	0,711	20,6	13,2	0,500	16,9	16,9	0,408	20,3	12,2
Mar	17,6	20,2	18,1	16,5	24,1	13,4	0,500	0,500	20,2	20,2	0,865	20,0	5,65	0,280	28,5	11,8
Abr	21,8	25,7	23,2	20,1	28,0	14,6	0,757	0,757	29,6	13,5	0,059	65,1	20,5	0,691	24,1	11,0
Mai	21,7	21,5	21,0	22,1	23,2	9,79	0,500	0,500	21,5	21,5	0,934	21,0	21,0	0,779	25,7	9,12
Jun	19,8	20,9	20,8	19,1	25,3	8,51	0,500	0,500	20,9	20,8	0,500	20,9	20,8	0,365	34,0	10,5
Jul	19,2	19,7	23,4	17,6	22,4	9,88	0,164	0,164	19,7	19,7	0,832	26,2	9,58	0,648	21,9	9,67
Ago	19,6	21,9	18,0	19,4	19,6	19,6	0,500	0,500	21,9	21,9	0,947	19,0	0,956	0,964	19,4	19,4
Set	20,2	21,1	20,9	19,4	20,2	20,2	0,971	0,971	21,7	3,01	0,500	20,9	20,9	0,500	19,4	19,4
Out	22,5	23,4	25,6	20,0	22,5	22,5	0,500	0,500	23,4	23,4	0,500	25,6	25,6	0,834	22,8	6,4
Nov	20,0	24,0	16,9	17,9	20,1	20,0	0,499	0,499	24,1	24,0	0,500	16,9	16,9	0,500	17,9	17,9
Dez	18,2	18,2	19,0	17,5	20,0	15,6	0,500	0,500	18,2	18,2	0,611	21,8	14,7	0,645	22,0	9,21
Mês	Gama												Escolha BIC			
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net
Jan	1,12	15,5	1,103	16,6	1,03	15,5	1,30	14,1	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama
Fev	1,11	15,1	1,099	16,8	1,15	14,7	1,10	14,1	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Mar	1,00	17,6	1,476	13,7	0,943	19,2	0,943	17,5	Exponencial	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Abr	1,02	21,4	0,930	27,6	1,11	21,0	1,04	19,4	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Mai	1,03	21,0	1,153	18,7	1,18	17,8	0,963	22,9	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exp. Mista
Jun	0,867	22,9	0,983	21,2	1,14	18,2	0,779	24,5	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Jul	1,00	19,2	1,039	18,9	1,00	23,4	1,01	17,4	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Ago	1,09	18,0	1,167	18,8	0,899	20,0	1,20	16,2	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Set	1,09	18,5	1,039	20,3	1,04	20,2	1,15	16,8	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Out	1,06	21,2	1,221	19,2	1,29	19,8	0,901	22,2	Exponencial	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Nov	1,23	16,3	1,185	20,3	1,32	12,8	1,32	13,6	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial
Dez	1,04	17,5	1,175	15,5	1,01	18,8	0,981	17,8	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial



## Parâmetros do módulo de quantidade precipitada

Mês	Exponencial				Exponencial Mista				Escolha BIC							
	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$
Jan	12,3	12,9	12,1	11,9	0,635	16,9	4,30	0,641	17,8	4,13	0,493	18,4	5,88	0,725	15,3	2,98
Fev	13,2	13,9	13,2	12,8	0,804	15,9	2,09	0,843	16,2	1,73	0,424	22,4	6,30	0,805	15,4	2,06
Mar	11,6	10,9	11,4	12,0	0,534	18,4	3,83	0,805	13,0	1,86	0,452	20,6	3,74	0,537	18,9	3,98
Abr	8,7	8,8	9,3	8,5	0,570	13,0	3,16	0,616	11,9	3,88	0,760	12,0	0,92	0,502	13,5	3,52
Mai	9,7	10,0	7,5	10,4	0,485	16,8	2,98	0,629	15,0	1,36	0,502	12,4	2,54	0,382	20,8	4,04
Jun	8,2	10,8	7,1	7,8	0,694	11,0	1,86	0,646	15,1	2,91	0,670	9,7	1,83	0,730	10,1	1,55
Jul	10,5	10,2	10,4	10,7	0,708	13,7	2,74	0,364	16,0	6,89	0,810	12,6	0,9	0,563	16,1	3,75
Ago	10,9	11,8	10,5	10,8	0,594	16,7	2,60	0,649	16,5	3,07	0,683	14,5	2,09	0,534	17,9	2,61
Set	10,5	12,2	9,6	10,2	0,781	13,0	1,66	0,661	16,7	3,41	0,834	11,3	0,96	0,793	12,5	1,39
Out	9,5	9,9	8,7	9,6	0,728	12,3	1,97	0,807	11,9	1,53	0,635	12,7	1,72	0,670	12,9	3,09
Nov	9,8	11,6	9,3	8,5	0,686	13,2	2,54	0,757	14,6	2,31	0,611	13,3	2,90	0,665	11,5	2,53
Dez	10,4	10,6	9,3	11,1	0,622	14,7	3,42	0,594	15,3	3,71	0,299	18,1	5,52	0,747	14,2	2,02

Mês	Gama				Neutro				SC							
	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	--	--	--	--	--	--	--	--
Jan	0,784	15,7	0,774	16,7	0,789	15,3	0,790	15,1	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Fev	0,765	17,3	0,779	17,8	0,738	17,8	0,776	16,5	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Mar	0,708	16,4	0,780	13,9	0,650	17,5	0,723	16,6	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Abr	0,764	11,4	0,903	9,8	0,671	13,9	0,765	11,2	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Mai	0,658	14,7	0,633	15,8	0,711	10,5	0,657	15,9	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Jun	0,753	10,9	0,729	14,8	0,767	9,2	0,771	10,2	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Jul	0,755	13,9	0,835	12,2	0,720	14,4	0,742	14,4	Exp. Mista	Exp. Mista	Exponencial	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Ago	0,655	16,7	0,727	16,2	0,688	15,3	0,614	17,5	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Set	0,752	14,0	0,754	16,1	0,738	13,0	0,766	13,3	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Out	0,744	12,7	0,770	12,9	0,670	12,9	0,784	12,3	Exp. Mista	Exp. Mista	Gama	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Nov	0,779	12,6	0,789	14,7	0,753	12,3	0,809	10,5	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Dez	0,764	13,7	0,757	14,0	0,790	11,7	0,760	14,6	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista

## Parâmetros do módulo de quantidade de quantidade precipitada

Mês	Exponencial						Exponencial Mista									
	SC	EN	LN	Net	SC	SC	El Niño	La Niña	SC	El Niño	La Niña	Neutro	Neutro			
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$			
Jan	14,6	14,9	13,6	15,2	0,929	15,6	1,94	0,944	15,7	0,882	0,351	21,3	9,46	0,919	16,4	1,83
Fev	14,1	15,0	14,0	13,6	0,500	14,1	14,1	0,504	15,0	14,9	0,500	14,0	14,0	0,809	13,6	13,6
Mar	13,6	15,4	11,7	13,9	0,879	15,2	1,67	0,869	17,6	0,78	0,866	13,3	1,44	0,013	59,3	13,3
Abr	15,6	19,8	12,4	15,4	0,822	18,7	1,19	0,819	23,9	1,26	0,370	26,1	4,41	0,870	17,6	0,770
Mai	17,4	18,6	16,2	17,4	0,808	21,3	1,24	0,654	26,4	3,93	0,769	20,3	2,85	0,819	21,1	0,804
Jun	16,6	18,9	15,4	16,1	0,907	18,2	0,915	0,500	18,9	18,9	0,904	17,1	0,187	0,901	17,7	1,29
Jul	16,7	16,7	17,2	16,5	0,909	18,3	0,784	0,916	18,2	0,405	0,885	18,7	5,87	0,892	18,4	0,651
Ago	17,8	20,9	17,6	16,6	0,022	58,9	16,9	0,074	65,4	17,4	0,500	17,6	17,6	0,933	17,7	1,08
Set	17,0	19,5	16,8	16,1	0,501	17,0	17,0	0,942	20,7	1,19	0,500	16,8	16,8	0,922	17,4	0,940
Out	18,2	18,7	19,0	17,4	0,890	20,2	1,63	0,501	18,7	18,7	0,500	19,0	19,0	0,831	20,5	1,77
Nov	16,1	19,0	14,1	14,7	0,897	17,6	3,22	0,925	20,3	3,30	0,368	26,1	7,14	0,965	15,2	0,600
Dez	14,6	15,9	12,4	15,4	0,930	15,6	2,25	0,078	26,4	15,0	0,810	14,6	3,07	0,920	16,6	2,00
Mês	Gama												Escolha BIC			
	SC	$\theta$	$\eta$	El Niño	$\theta$	$\eta$	La Niña	$\theta$	$\eta$	Neutro	$\theta$	SC	El Niño	La Niña	Neutro	
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	--	--	--	--	--	
Jan	0,915	16,0	0,906	16,4	0,942	14,4	0,905	16,8	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Fev	0,981	14,4	0,887	16,9	1,139	12,3	0,984	13,8	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Mar	0,834	16,3	0,732	21,0	0,842	13,9	0,878	15,8	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Abr	0,703	22,2	0,683	29,0	0,650	19,1	0,744	20,7	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Mai	0,664	26,3	0,688	27,0	0,790	20,6	0,632	27,5	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Jun	0,793	20,9	0,843	22,5	0,711	21,7	0,811	19,8	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Jul	0,777	21,5	0,760	22,0	1,005	17,1	0,736	22,4	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Ago	0,861	20,7	0,763	27,4	0,986	17,8	0,875	19,0	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama
Set	0,907	18,7	0,894	21,8	1,108	15,2	0,852	18,9	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Out	0,840	21,7	0,836	22,4	0,993	19,2	0,786	22,1	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Nov	0,903	17,9	0,960	19,8	0,813	17,3	0,938	15,7	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista
Dez	0,916	16,0	1,02	15,6	0,857	14,5	0,908	17,0	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista	Exp. Mista

## Parâmetros do módulo de quantidade precipitada

Mês	Exponencial						Exponencial Mista																
	SC	EN	LN	Net	SC	SC	SC	EN Niño	La Niña	SC	EN Niño	La Niña	Neutro										
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$							
Jan	20,6	21,2	20,2	20,4	0,500	20,6	20,6	0,500	21,2	21,2	0,500	20,2	20,2	0,500	20,4	20,4							
Fev	19,0	21,0	19,3	17,4	0,500	19,0	19,0	0,500	21,0	21,0	0,500	19,3	19,3	0,500	17,4	17,4							
Mar	21,3	21,2	21,6	21,3	0,500	21,3	21,3	0,500	21,2	21,2	0,499	21,6	21,6	0,500	21,3	21,3							
Abri	26,6	27,1	27,7	26,0	0,500	26,6	26,6	0,500	27,1	27,1	0,500	27,7	27,7	0,500	26,0	26,0							
Mai	28,5	32,7	30,0	26,5	0,500	28,5	28,5	0,500	32,7	32,7	0,500	30,0	30,0	0,660	30,2	19,5							
Jun	24,0	24,1	25,4	23,5	0,500	24,0	24,0	0,530	31,4	15,9	0,500	25,4	25,4	0,500	23,5	23,5							
Jul	22,9	23,4	20,9	23,4	0,500	22,9	22,9	0,500	23,4	23,4	0,500	20,9	20,9	0,500	23,4	23,4							
Ago	23,2	27,6	21,8	21,6	0,500	23,2	23,2	0,500	27,6	27,6	0,500	21,8	21,8	0,500	21,6	21,6							
Set	22,7	23,8	24,9	20,8	0,500	22,7	22,7	0,500	23,8	23,8	0,500	24,9	24,9	0,500	20,8	20,8							
Out	27,4	29,1	29,3	24,5	0,500	27,4	27,4	0,500	29,1	29,1	0,500	29,3	29,3	0,500	24,5	24,5							
Nov	23,3	26,2	19,8	21,7	0,500	23,3	23,2	0,500	26,2	26,2	0,501	19,9	19,8	0,230	28,2	19,7							
Dez	26,0	24,7	28,2	25,4	0,500	26,0	26,0	0,500	24,7	24,7	0,500	28,2	28,2	0,500	25,4	25,4							
Mês	Escolha BIC																						
	SC			El Niño			La Niña			Neutro			SC			El Niño			La Niña			Neutro	
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$							
Jan	1,42	14,5	1,25	16,9	1,66	12,2	1,42	14,3	Gama	Exponencial	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama							
Fev	1,42	13,4	1,28	16,4	1,58	12,2	1,47	11,8	Gama	Exponencial	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama							
Mar	1,34	15,9	1,39	15,2	1,31	16,5	1,35	15,8	Gama	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama	Gama							
Abri	1,31	20,4	1,32	20,5	1,27	21,9	1,32	19,7	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama	Gama	Gama							
Mai	1,16	24,4	1,32	24,9	1,31	22,9	1,09	24,2	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial							
Jun	1,27	18,9	1,05	22,9	1,65	15,3	1,27	18,5	Gama	Exponencial	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama							
Jul	1,45	15,8	1,34	17,5	1,31	15,9	1,58	14,8	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama							
Ago	1,42	16,3	1,38	20,0	1,52	14,4	1,44	15,0	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama							
Set	1,42	16,0	1,50	15,9	1,40	17,8	1,41	14,8	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama	Gama							
Out	1,25	21,9	1,21	24,0	1,23	23,7	1,33	18,4	Gama	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama	Gama							
Nov	1,19	19,5	1,16	22,6	1,19	16,7	1,27	17,0	Gama	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama	Gama							
Dez	1,26	20,6	1,16	21,3	1,35	20,9	1,34	18,9	Gama	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	Gama	Gama	Gama							

## Parâmetros do módulo de quantidade de precipitada

Mês	Exponencial				Exponencial Mista				Neutro							
	SC	EN	LN	Net	SC	SC	El Niño	La Niña	SC	SC	El Niño	La Niña	Neutro			
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$			
Jan	14,1	14,8	13,1	14,4	0,871	16,0	1,61	0,779	17,5	5,47	0,823	15,6	1,80	0,875	16,3	0,964
Fev	13,7	15,7	13,9	12,0	0,722	17,7	3,33	0,630	23,1	3,03	0,667	19,0	3,73	0,932	12,7	1,82
Mar	14,4	13,9	14,9	14,2	0,733	18,5	3,04	0,570	21,6	3,78	0,681	20,7	2,58	0,847	16,2	2,86
Abr	16,1	17,6	15,0	16,0	0,766	20,6	1,52	0,682	25,2	1,55	0,829	17,8	1,53	0,778	20,1	1,45
Mai	17,1	19,6	14,7	17,0	0,688	23,9	2,18	0,588	30,6	3,97	0,729	19,2	2,68	0,706	23,4	1,65
Jun	15,5	16,4	14,1	15,7	0,800	19,1	1,16	0,704	22,6	1,43	0,835	16,8	0,731	0,823	18,8	1,23
Jul	16,8	17,8	14,3	17,2	0,846	19,6	1,47	0,879	20,2	0,587	0,871	16,0	2,81	0,825	20,5	1,59
Ago	17,2	20,6	15,2	16,5	0,842	20,1	1,84	0,808	25,0	2,33	0,633	22,1	3,42	0,501	16,5	1,65
Set	17,2	17,3	17,1	17,3	0,908	18,9	1,21	0,613	22,6	8,79	0,125	34,2	14,6	0,815	20,7	2,37
Out	19,4	19,5	17,5	20,4	0,884	21,7	1,14	0,872	22,1	1,92	0,870	20,0	0,919	0,886	22,9	1,05
Nov	17,3	21,6	11,9	15,9	0,882	19,4	1,72	0,927	23,2	1,87	0,713	16,0	1,72	0,500	15,9	15,9
Dez	16,4	16,6	15,6	16,9	0,850	18,8	2,92	0,871	18,5	4,05	0,825	18,5	1,66	0,843	19,3	4,14

Mês	Gama				Escolha BIC			
	SC	El Niño	La Niña	Neutro	SC	El Niño	La Niña	Neutro
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$
Jan	0,820	17,2	0,888	16,7	0,809	16,2	0,772	18,6
Fev	0,780	17,5	0,664	23,6	0,770	18,1	0,942	12,7
Mar	0,779	18,4	0,733	19,0	0,691	21,6	0,876	16,2
Abr	0,666	24,2	0,570	31,0	0,781	19,2	0,672	23,8
Mai	0,605	28,3	0,608	32,3	0,704	20,9	0,585	29,1
Jun	0,684	22,7	0,605	27,1	0,694	20,4	0,718	21,8
Jul	0,747	22,4	0,691	25,8	0,880	16,2	0,737	23,3
Ago	0,777	22,1	0,774	26,7	0,700	21,8	0,832	19,8
Set	0,813	21,2	0,864	20,0	0,906	18,8	0,759	22,8
Out	0,761	25,4	0,791	24,6	0,739	23,7	0,753	27,1
Nov	0,832	20,8	0,901	24,0	0,695	17,1	0,954	16,6
Dez	0,840	19,5	0,898	18,5	0,755	20,7	0,884	19,2

## Parâmetros do módulo de quantidade de precipitação

Mês	Exponencial						Exponencial Mista									
	SC	EN	LN	Net	SC	Netro	El Niño	La Niña	SC	El Niño	La Niña	Netro				
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$			
Jan	15,2	16,0	14,9	14,5	0,539	19,3	10,4	0,238	24,8	13,2	0,116	27,1	13,3	0,868	16,3	2,7
Fev	14,7	18,0	13,8	13,2	0,705	18,0	6,9	0,020	74,1	16,9	0,440	17,7	10,8	0,730	16,2	4,8
Mar	13,6	13,3	14,7	13,1	0,856	15,5	2,2	0,873	14,7	3,4	0,844	17,0	2,4	0,850	15,1	2,0
Abr	16,4	16,2	20,2	15,2	0,018	93,8	14,9	0,798	19,9	1,4	0,021	196,4	16,5	0,892	16,8	1,6
Mai	14,8	14,3	15,5	14,8	0,797	18,1	2,1	0,757	18,2	2,0	0,349	24,1	10,9	0,772	18,5	2,1
Jun	15,0	15,5	15,5	14,6	0,845	17,3	2,1	0,752	20,0	2,0	0,624	18,9	9,8	0,842	17,0	1,7
Jul	16,5	16,4	14,7	17,3	0,167	31,5	13,5	0,501	16,4	16,4	0,500	14,7	14,7	0,246	33,6	12,0
Ago	16,8	20,1	15,5	16,2	0,920	18,2	1,7	0,500	20,1	20,1	0,071	44,7	13,3	0,902	17,7	2,0
Set	18,3	17,4	20,1	17,9	0,110	30,5	16,8	0,051	17,4	17,4	0,547	27,9	10,6	0,911	17,9	17,9
Out	16,6	17,2	17,5	15,5	0,921	17,9	1,3	0,500	17,2	17,2	0,997	17,5	14,0	0,861	17,9	0,9
Nov	15,0	17,4	13,4	13,5	0,961	15,5	1,4	0,500	17,4	17,4	0,064	37,1	11,8	0,055	23,3	13,0
Dez	16,3	17,8	14,9	16,1	0,904	17,8	2,7	0,914	18,8	7,7	0,946	15,7	0,9	0,813	19,2	2,6

Mês	Gama						Escolha BIC					
	SC	$\theta$	El Niño	La Niña	Netro	SC	El Niño	La Niña	Netro			
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$			
Jan	0,925	16,4	0,993	16,1	0,912	16,3	0,866	16,7	Exponencial			
Fev	0,910	16,1	0,925	19,5	1,01	13,6	0,865	15,2	Exponencial			
Mar	0,837	16,3	0,891	14,9	0,828	17,8	0,828	15,8	Exp. Mista			
Abr	0,794	20,6	0,710	22,8	0,821	24,6	0,834	18,2	Gama			
Mai	0,765	19,4	0,728	19,6	0,891	17,4	0,746	19,8	Exp. Mista			
Jun	0,815	18,4	0,702	22,1	1,045	14,8	0,801	18,2	Exp. Mista			
Jul	0,871	19,0	0,858	19,1	1,204	12,2	0,801	21,6	Gama			
Ago	0,886	19,0	0,977	20,6	0,842	18,4	0,889	18,2	Exponencial			
Set	0,930	19,7	0,960	18,1	0,912	22,0	0,928	19,3	Exponencial			
Out	0,850	19,5	0,925	18,5	1,074	16,3	0,719	21,6	Gama			
Nov	0,955	15,7	0,969	18,0	0,889	15,1	1,00	13,5	Exponencial			
Dez	0,895	18,2	1,05	17,0	0,905	16,5	0,795	20,3	Exponencial			

## Parâmetros do módulo de quantidade precipitada

Mês	Exponencial						Exponencial Mista							
	SC	EN	LN	Net	SC	SC	El Niño	La Niña	SC	El Niño	La Niña	Neutro		
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	
Jan	14,3	14,1	14,6	14,2	0,500	14,3	14,3	0,174	16,5	13,6	0,500	14,6	14,6	
Fev	14,3	14,7	15,9	13,1	0,040	13,4	0,065	31,5	13,5	0,044	47,3	14,5	0,033	
Mar	13,5	15,2	14,1	12,8	0,533	8,8	0,520	20,4	9,7	0,000	16,2	14,1	0,612	
Abr	15,0	13,9	20,3	13,9	0,488	11,8	0,766	16,0	6,9	0,558	24,7	14,7	0,500	
Mai	14,5	12,7	15,3	14,8	0,944	7,0	0,371	17,6	9,9	0,440	20,2	11,5	0,500	
Jun	15,5	18,4	15,3	14,5	0,638	9,6	0,471	23,3	14,1	0,803	17,5	6,28	0,567	
Jul	15,8	14,8	14,0	17,1	0,500	15,8	0,102	24,2	13,8	0,500	14,0	14,0	0,500	
Ago	17,7	20,5	16,8	16,9	0,499	17,5	0,197	32,1	17,6	0,500	16,8	16,8	0,500	
Set	18,1	18,6	19,2	17,3	0,484	13,6	0,914	19,6	8,1	0,375	28,8	13,4	0,485	
Out	15,9	16,5	15,8	15,4	0,065	15,0	0,500	16,5	16,5	0,225	26,8	12,6	0,043	
Nov	13,8	14,9	12,7	13,2	0,499	13,8	0,066	31,0	13,7	0,239	12,7	12,7	0,500	
Dez	13,8	15,2	12,5	13,1	0,500	13,7	0,500	15,2	15,2	0,500	12,5	12,5	0,545	
Mês	Gama												Escolha BIC	
	SC	El Niño	La Niña	Neutro	SC	El Niño	La Niña	Neutro	SC	El Niño	La Niña	Neutro	Neutro	
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	--	--	--	--	--	
Jan	1,21	11,9	1,21	11,6	1,179	12,4	1,22	11,6	Gama	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Fev	1,18	12,2	1,13	13,0	1,246	12,8	1,19	11,0	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Mar	1,09	12,5	1,08	14,1	1,332	10,6	1,01	12,7	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial	Exponencial	
Abr	1,09	13,7	1,05	13,2	1,147	17,7	1,14	12,2	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Mai	1,09	13,3	1,08	11,8	1,113	13,8	1,09	13,6	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Jun	1,04	14,9	0,97	19,0	1,012	15,1	1,10	13,2	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Jul	1,22	13,0	1,05	14,1	1,430	9,8	1,25	13,7	Gama	Exponencial	Gama	Exponencial	Gama	
Ago	1,09	16,3	1,06	19,4	1,135	14,8	1,10	15,3	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Set	1,05	17,2	1,02	18,2	1,014	18,9	1,10	15,7	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Out	1,20	13,2	1,31	12,6	1,118	14,1	1,17	13,1	Gama	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Nov	1,20	11,5	1,18	12,6	1,147	11,1	1,28	10,3	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama	
Dez	1,22	11,3	1,22	12,5	1,375	9,1	1,14	11,5	Gama	Exponencial	Gama	Exponencial	Exponencial	

## Parâmetros do módulo de quantidade precipitada

Mês	Exponencial				Exponencial Mista				Escolha BIC							
	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net				
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$			
Jan	16,9	19,3	16,4	15,0	0,842	19,3	3,77	0,972	19,8	1,41	0,674	21,2	6,45	0,763	18,6	3,58
Fev	19,1	21,5	16,5	18,7	0,882	21,5	1,08	0,500	21,5	21,5	0,780	20,6	1,82	0,874	21,3	1,28
Mar	19,5	18,0	21,9	19,1	0,935	20,9	0,17	0,802	22,1	1,14	0,874	24,7	2,38	0,927	20,6	0,175
Abr	22,0	22,3	17,1	23,4	0,848	25,6	2,13	0,688	30,8	3,41	0,909	18,8	0,258	0,920	25,3	1,10
Mai	19,9	18,1	24,7	19,6	0,919	21,6	0,377	0,501	18,1	18,1	0,933	26,3	1,46	0,910	21,4	0,314
Jun	17,2	16,3	18,8	17,2	0,822	20,6	1,33	0,797	20,4	0,160	0,569	28,6	5,84	0,753	21,7	3,38
Jul	19,4	22,0	17,9	19,0	0,852	22,6	1,02	0,853	25,4	2,47	0,500	17,9	17,9	0,799	23,5	1,21
Ago	18,2	24,4	17,2	16,1	0,874	20,5	2,25	0,700	28,5	14,8	0,664	23,7	4,42	0,875	18,2	1,74
Set	21,5	23,6	22,4	20,2	0,918	23,3	0,817	0,881	26,7	0,679	0,501	22,4	22,4	0,923	21,8	0,934
Out	23,6	25,2	17,3	25,4	0,927	25,2	3,45	0,895	27,7	4,12	0,502	17,4	17,3	0,500	25,4	25,4
Nov	21,8	27,7	15,2	19,0	0,912	23,8	0,893	0,914	30,2	0,871	0,889	17,0	1,10	0,021	59,0	18,2
Dez	21,5	24,3	19,8	20,1	0,502	21,6	21,52	0,500	24,3	24,3	0,501	19,8	19,8	0,905	22,1	0,804

Mês	Gama				Escolha BIC			
	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$
Jan	0,834	20,2	0,946	20,4	0,781	21,0	0,808	18,6
Fev	0,760	25,1	0,821	26,2	0,692	23,8	0,770	24,3
Mar	0,705	27,7	0,628	28,6	0,790	27,7	0,708	27,0
Abr	0,735	29,9	0,667	33,4	0,668	25,6	0,797	29,3
Mai	0,711	27,9	0,784	23,1	0,818	30,1	0,679	28,8
Jun	0,662	25,9	0,511	31,9	0,769	24,5	0,732	23,5
Jul	0,687	28,3	0,774	28,4	0,777	23,1	0,643	29,5
Ago	0,801	22,8	0,977	25,0	0,717	24,1	0,808	19,9
Set	0,763	28,2	0,654	36,1	0,849	26,4	0,794	25,4
Out	0,887	26,6	0,836	30,2	0,766	22,6	1,061	23,9
Nov	0,814	26,8	0,824	33,6	0,802	19,0	0,878	21,7
Dez	0,769	28,0	0,798	30,5	0,753	26,3	0,765	26,3

## Parâmetros do módulo de quantidade de precipitação

Mês	Exponencial						Exponencial Mista							
	SC	EN	LN	Net	SC	SC	El Niño	La Niña	SC	El Niño	La Niña	Neutro		
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	
Jan	19,5	18,1	20,8	19,8	0,500	19,5	19,5	0,500	18,1	18,1	0,500	20,8	20,8	
Fev	18,8	20,6	16,9	18,8	0,500	18,8	18,8	0,500	20,6	20,6	0,499	17,0	16,8	
Mar	18,6	19,1	18,2	18,7	0,500	18,6	18,6	0,500	19,1	19,1	0,500	18,2	18,2	
Abr	20,2	21,8	19,8	20,0	0,498	20,3	20,1	0,500	21,8	21,8	0,302	31,5	14,7	
Mai	21,5	19,5	20,1	22,6	0,337	30,5	16,9	0,202	25,9	17,9	0,375	29,6	14,4	
Jun	19,5	18,6	21,5	19,2	0,502	25,8	13,2	0,671	23,0	9,7	0,384	36,6	12,2	
Jul	19,6	20,7	20,8	18,8	0,499	19,6	19,6	0,314	29,4	16,6	0,023	75,3	19,5	
Ago	19,0	23,0	19,3	17,0	0,500	18,9	18,9	0,500	23,0	23,0	0,500	19,3	19,3	
Set	21,5	23,4	20,8	20,8	0,500	21,5	21,5	0,500	23,4	23,4	0,610	27,2	10,7	
Out	21,4	23,7	19,3	20,8	0,500	21,4	21,4	0,500	23,7	23,7	0,874	20,4	11,9	
Nov	20,3	23,8	14,5	20,4	0,500	20,3	20,3	0,500	23,8	23,8	0,500	14,5	14,5	
Dez	18,4	18,2	17,3	19,4	0,499	18,4	18,4	0,050	39,7	17,1	0,500	17,3	17,3	
Mês	Gama												Escolha BIC	
	SC	El Niño	La Niña	Neutro	SC	El Niño	La Niña	Neutro	SC	El Niño	La Niña	Neutro	Neutro	
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	--	--	--	--	--	
Jan	1,35	14,5	1,38	13,1	1,41	14,7	1,27	15,6	Gama	Gama	Gama	Gama	Exponencial	
Fev	1,32	14,2	1,48	14,0	1,33	12,7	1,25	15,0	Gama	Gama	Gama	Gama	Exponencial	
Mar	1,23	15,2	1,21	15,8	1,38	13,1	1,17	16,1	Gama	Gama	Exponencial	Gama	Exponencial	
Abr	1,24	16,3	1,52	14,4	1,18	16,7	1,21	16,6	Gama	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	
Mai	1,13	19,0	1,19	16,4	1,17	17,2	1,11	20,4	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Jun	1,12	17,4	1,06	17,5	1,06	20,4	1,17	16,3	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Jul	1,22	16,2	1,16	17,8	1,30	16,0	1,21	15,5	Gama	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	
Ago	1,18	16,0	1,15	20,0	1,24	15,6	1,20	14,2	Gama	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Set	1,21	17,8	1,30	18,0	1,04	20,0	1,28	16,3	Gama	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	
Out	1,19	18,0	1,19	20,0	1,16	16,7	1,22	17,1	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Nov	1,16	17,5	1,32	18,1	1,22	11,9	1,10	18,5	Exponencial	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	
Dez	1,36	13,5	1,22	14,9	1,82	9,5	1,26	15,4	Gama	Exponencial	Exponencial	Gama	Exponencial	



## Parâmetros do módulo de quantidade de precipitação

Mês	Exponencial				Exponencial Mista				Escolha BIC							
	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net				
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	SC	EN <td><math>\theta_1</math></td> <td><math>\theta_2</math></td> <td><math>\alpha</math></td> <td>Netro</td> <td><math>\theta_1</math></td> <td><math>\theta_2</math></td>	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	Netro	$\theta_1$	$\theta_2$
Jan	20,2	21,0	19,4	20,1	0,889	21,8	7,34	0,500	21,1	21,0	0,710	24,1	7,76	0,912	21,5	5,85
Fev	20,5	23,9	18,1	19,9	0,859	22,8	6,98	0,179	23,9	23,9	0,553	25,3	9,31	0,808	22,5	9,10
Mar	21,7	22,7	20,2	22,2	0,981	22,1	1,19	0,855	26,2	1,89	0,500	20,2	20,2	0,877	24,0	9,70
Abr	23,6	30,6	24,2	21,4	0,172	44,2	19,3	0,795	37,3	4,67	0,338	48,5	11,7	0,500	21,4	21,4
Mai	22,1	25,8	25,4	20,1	0,792	26,4	5,81	0,500	25,8	25,8	0,511	25,4	25,4	0,695	26,6	5,32
Jun	19,6	21,2	19,5	19,1	0,599	23,4	14,0	0,500	21,2	21,2	0,193	28,2	17,4	0,230	30,1	15,8
Jul	18,8	18,6	21,0	18,0	0,500	18,8	18,8	0,861	18,6	18,6	0,500	21,0	21,0	0,967	18,5	3,67
Ago	16,8	18,0	16,3	16,5	0,024	55,3	15,9	0,034	58,1	16,6	0,070	28,7	15,4	0,017	64,3	15,7
Set	21,0	21,9	23,5	19,4	0,925	22,1	6,33	0,176	28,9	20,4	0,500	23,5	23,5	0,783	22,6	7,98
Out	23,3	26,1	17,0	23,8	0,500	23,3	23,3	0,990	26,4	1,33	0,500	17,0	17,0	0,500	23,8	23,8
Nov	22,1	26,0	19,5	19,5	0,708	22,1	22,1	0,598	26,0	26,0	0,999	19,5	19,5	0,299	26,1	16,7
Dez	19,9	20,5	17,6	21,1	0,036	19,9	19,9	0,201	20,5	20,5	0,500	17,6	17,6	0,960	21,8	4,15
Mês	Gama															
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	SC	EN <td><math>\theta_1</math></td> <td><math>\theta_2</math></td> <td><math>\alpha</math></td> <td>Netro</td> <td><math>\theta_1</math></td> <td><math>\theta_2</math></td>	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	Netro	$\theta_1$	$\theta_2$
Jan	1,01	20,0	1,06	19,8	0,962	20,1	1,00	20,1	Exponencial	Exponencial	20,1	20,1	Exponencial	Exponencial	20,1	20,1
Fev	0,942	21,8	1,00	23,8	0,918	19,8	0,938	21,2	Exponencial	Exponencial	21,2	21,2	Exponencial	Exponencial	21,2	21,2
Mar	0,962	22,6	0,800	28,4	1,07	18,9	0,981	22,7	Exponencial	Exponencial	22,7	22,7	Exponencial	Exponencial	22,7	22,7
Abr	0,930	25,4	0,752	40,7	0,745	32,5	1,12	19,1	Exponencial	Exponencial	19,1	19,1	Exp. Mista	Exponencial	19,1	19,1
Mai	0,869	25,4	1,09	23,7	1,08	23,5	0,792	25,4	Exponencial	Exponencial	25,4	25,4	Exponencial	Exp. Mista	25,4	25,4
Jun	0,969	20,2	1,11	19,1	0,957	20,4	0,934	20,4	Exponencial	Exponencial	20,4	20,4	Exponencial	Exponencial	20,4	20,4
Jul	1,03	18,1	0,953	19,5	1,30	16,2	1,00	18,0	Exponencial	Exponencial	18,0	18,0	Exponencial	Exponencial	18,0	18,0
Ago	0,986	17,0	1,05	17,2	0,941	17,3	0,985	16,7	Exponencial	Exponencial	16,7	16,7	Exponencial	Exponencial	16,7	16,7
Set	0,993	21,1	0,955	22,9	1,16	20,2	0,966	20,1	Exponencial	Exponencial	20,1	20,1	Exponencial	Exponencial	20,1	20,1
Out	1,07	21,8	1,05	25,0	1,24	13,7	1,07	22,2	Exponencial	Exponencial	22,2	22,2	Exponencial	Exponencial	22,2	22,2
Nov	1,01	21,8	1,03	25,3	1,11	17,6	0,997	19,6	Exponencial	Exponencial	19,6	19,6	Exponencial	Exponencial	19,6	19,6
Dez	1,04	19,2	0,984	20,8	1,31	13,4	0,969	21,7	Exponencial	Exponencial	21,7	21,7	Exponencial	Exponencial	21,7	21,7

## Parâmetros do módulo de quantidade de precipitação

Mês	Exponencial				Exponencial Mista				Escolha BIC						
	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net	SC	EN	LN	Net			
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$			
Jan	17,0	17,0	14,4	19,7	34,8	14,8	0,499	17,0	17,0	0,690	16,1	10,6	0,271	35,6	13,8
Fev	16,0	17,2	15,3	15,7	18,7	8,85	0,350	27,4	11,7	0,746	18,0	7,28	0,948	16,2	7,10
Mar	15,0	18,4	12,0	15,4	29,6	13,3	0,089	46,7	15,6	1,000	12,0	1,52	0,418	21,2	11,3
Abr	17,2	17,9	13,2	18,0	20,3	8,15	0,500	17,9	17,9	0,500	13,2	13,2	0,592	24,0	9,36
Mai	16,8	17,1	15,7	17,0	18,0	1,64	0,881	17,1	17,1	0,636	20,2	7,78	0,867	19,2	2,62
Jun	15,7	16,4	13,1	16,4	17,0	0,940	0,944	17,4	0,149	0,944	13,8	0,360	0,873	18,5	1,66
Jul	17,9	18,0	17,2	18,1	18,4	0,355	0,529	18,0	18,0	0,964	17,8	0,387	0,884	20,1	2,81
Ago	16,4	19,2	17,1	14,9	16,8	15,9	0,500	19,2	19,2	0,445	20,5	14,4	0,781	16,1	10,6
Set	17,0	17,4	15,8	17,3	17,3	0,276	0,500	17,4	17,4	0,500	15,8	15,8	0,785	17,3	17,3
Out	16,4	18,7	13,0	16,5	17,6	2,38	0,833	21,7	3,49	0,500	13,0	13,0	0,832	17,7	10,4
Nov	15,4	15,5	13,4	16,7	19,9	8,96	0,024	54,3	14,6	0,725	16,5	5,22	0,535	22,2	10,2
Dez	15,2	16,7	12,5	16,0	23,5	11,8	0,606	21,1	9,95	0,500	12,5	12,5	0,326	26,9	10,6
Mês	Gama				Escolha BIC										
	SC	$\theta$	$\eta$	$\theta$	La Niña	Neutro	SC	La Niña	Neutro	SC	$\theta$	$\eta$	$\theta$	La Niña	Neutro
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	--	--	--	--	--	--	--	--	--
Jan	0,931	18,2	1,04	16,4	0,959	15,0	0,858	23,0	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Fev	0,963	16,6	0,930	18,5	0,984	15,5	0,975	16,1	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Mar	0,931	16,1	0,894	20,6	1,05	11,5	0,918	16,8	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Abr	0,897	19,2	1,02	17,6	0,829	16,0	0,895	20,2	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Mai	0,864	19,4	0,975	17,6	0,835	18,8	0,841	20,2	Gama	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama	Gama
Jun	0,818	19,2	0,823	19,9	0,853	15,3	0,811	20,2	Gama	Exp. Mista	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Gama	Gama
Jul	0,882	20,3	0,988	18,2	0,900	19,1	0,844	21,4	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Ago	0,987	16,6	1,11	17,3	0,941	18,2	0,982	15,1	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Set	0,963	17,6	1,09	16,0	0,840	18,8	0,971	17,8	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Out	0,888	18,5	0,828	22,5	0,823	15,8	1,01	16,3	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Nov	0,914	16,9	0,978	15,9	0,846	15,9	0,892	18,7	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial
Dez	1,01	15,0	0,989	16,9	1,16	10,8	0,962	16,6	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial	Exponencial

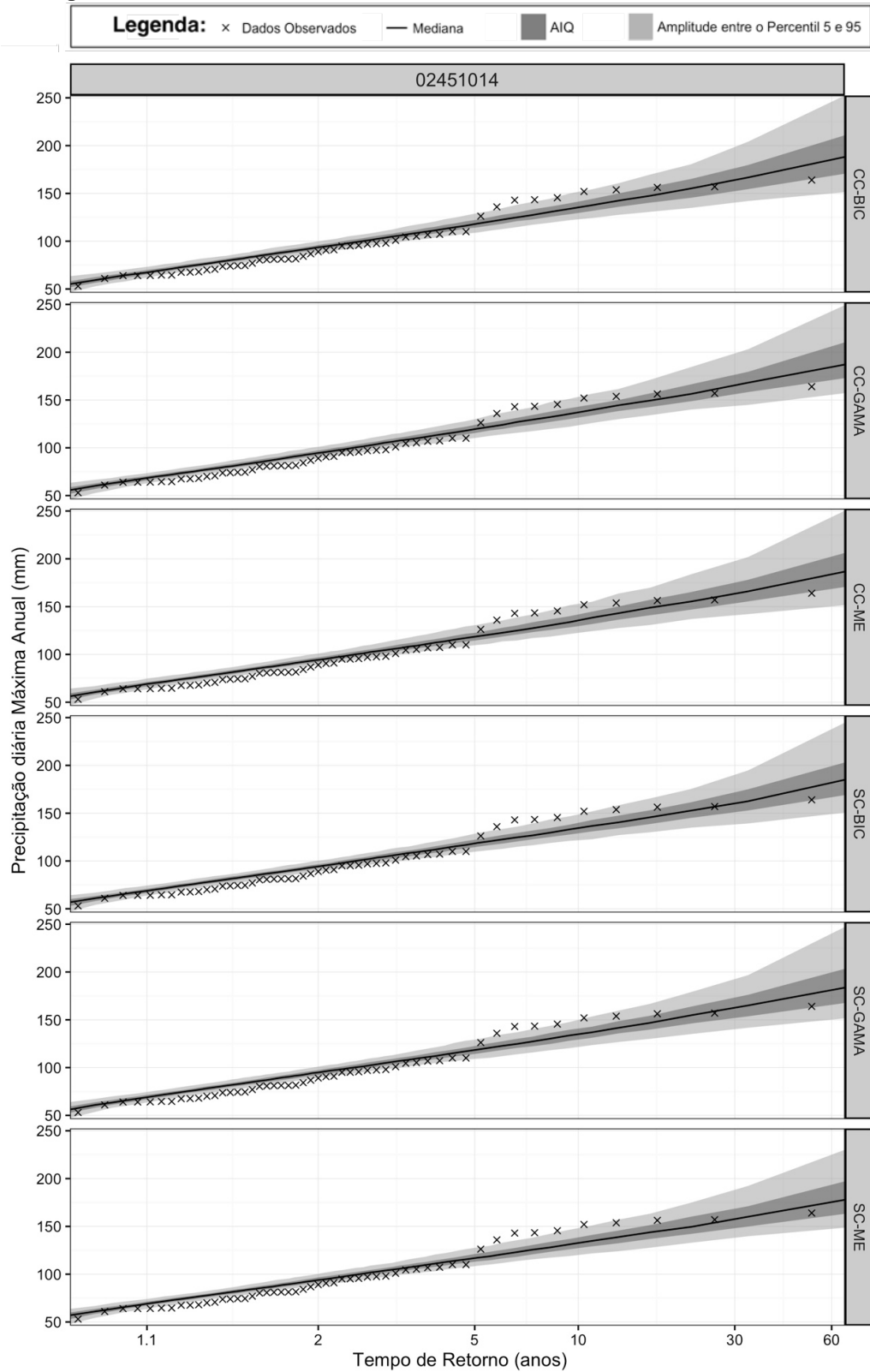
Parâmetros do módulo de quantidade precipitada

Mês	Exponencial				Exponencial Mista				Neutro							
	SC	EN	LN	Net	SC	SC	El Niño	La Niña	SC	El Niño	La Niña	Neutro	Neutro			
-	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$	$\alpha$	$\theta_1$	$\theta_2$			
Jan	21,2	24,0	21,5	18,3	0,500	21,2	24,0	0,500	24,0	24,0	0,500	21,5	21,5	0,929	19,5	2,1
Fev	21,9	22,8	20,0	22,3	0,500	21,9	21,9	0,500	22,8	22,8	0,500	20,0	20,0	0,897	24,4	4,5
Mar	21,6	19,7	21,6	22,1	0,849	22,7	15,2	0,929	21,1	1,0	0,069	21,6	21,6	0,590	26,5	15,8
Abr	24,2	23,4	21,1	25,4	0,196	48,1	18,4	0,375	45,6	10,1	0,500	21,1	21,1	0,176	52,0	19,7
Mai	21,8	27,7	23,9	19,5	0,804	26,1	4,3	0,412	47,2	14,1	0,500	23,9	23,9	0,745	24,9	3,8
Jun	18,5	21,0	19,8	17,1	0,826	21,2	5,5	0,501	21,0	21,0	0,500	19,8	19,8	0,795	20,1	5,5
Jul	20,9	24,5	19,2	20,5	0,304	27,3	18,1	0,119	49,7	21,1	0,770	23,0	6,5	0,500	20,5	20,5
Ago	17,4	21,2	17,1	16,2	0,820	19,0	10,2	0,759	24,5	10,9	0,830	19,2	7,0	0,820	16,2	16,2
Set	19,5	21,2	17,5	19,6	0,833	19,5	19,5	0,954	22,3	0,3	0,500	17,5	17,5	0,114	32,5	18,0
Out	23,4	25,9	19,5	23,6	0,852	23,4	23,4	0,500	25,9	25,9	0,851	22,3	3,2	0,500	23,6	23,6
Nov	25,1	28,1	21,4	23,5	0,687	27,5	19,8	0,928	30,0	3,8	0,102	21,4	21,4	0,448	28,4	19,5
Dez	20,5	24,0	19,6	18,4	0,334	27,1	17,2	0,500	24,0	24,0	0,695	19,6	19,6	0,713	23,3	6,0

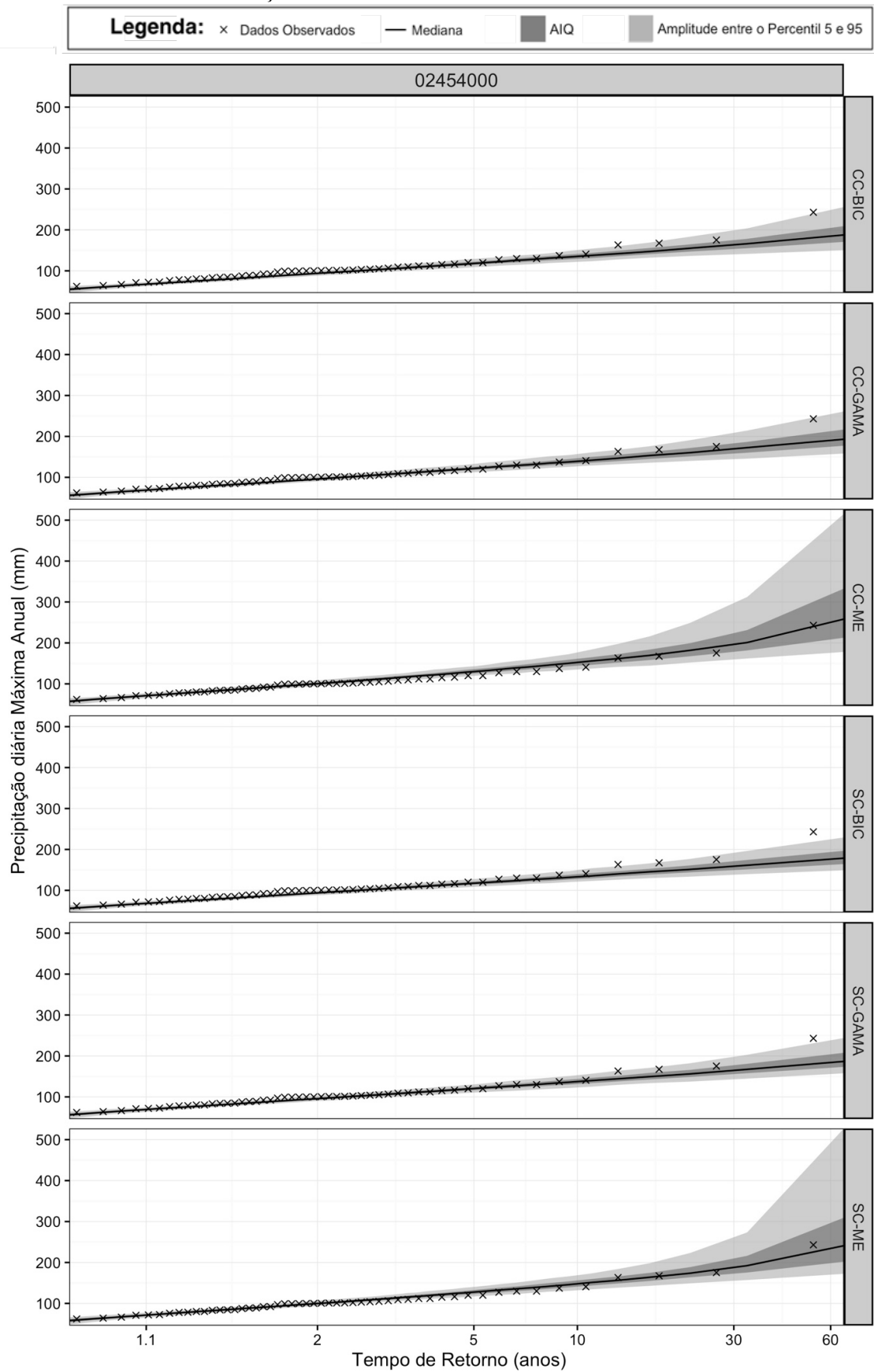
Mês	Gama				Escolha BIC			
	SC	El Niño	La Niña	Neutro	SC	El Niño	La Niña	Neutro
-	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$	$\eta$	$\theta$
Jan	1,061	20,0	1,188	20,2	1,165	18,5	0,918	19,9
Fev	0,945	23,2	0,844	27,0	1,211	16,5	0,912	24,5
Mar	0,979	22,1	0,867	22,7	1,073	20,1	0,970	22,8
Abr	0,884	27,4	0,668	35,0	1,294	16,3	0,916	27,7
Mai	0,805	27,0	0,879	31,5	1,024	23,4	0,754	25,8
Jun	0,917	20,2	0,845	24,8	1,112	17,8	0,898	19,1
Jul	1,058	19,8	1,043	23,5	0,955	20,1	1,132	18,1
Ago	0,958	18,1	0,963	22,0	0,981	17,4	0,960	16,9
Set	1,001	19,5	0,845	25,1	1,403	12,4	0,962	20,4
Out	1,003	23,4	1,134	22,9	0,892	21,8	1,001	23,6
Nov	1,038	24,2	0,949	29,6	1,181	18,1	1,121	21,0
Dez	0,982	20,9	1,268	18,9	0,978	20,1	0,852	21,6

# ANEXO VIII – PRECIPITAÇÃO DIÁRIA MÁXIMA ANUAL

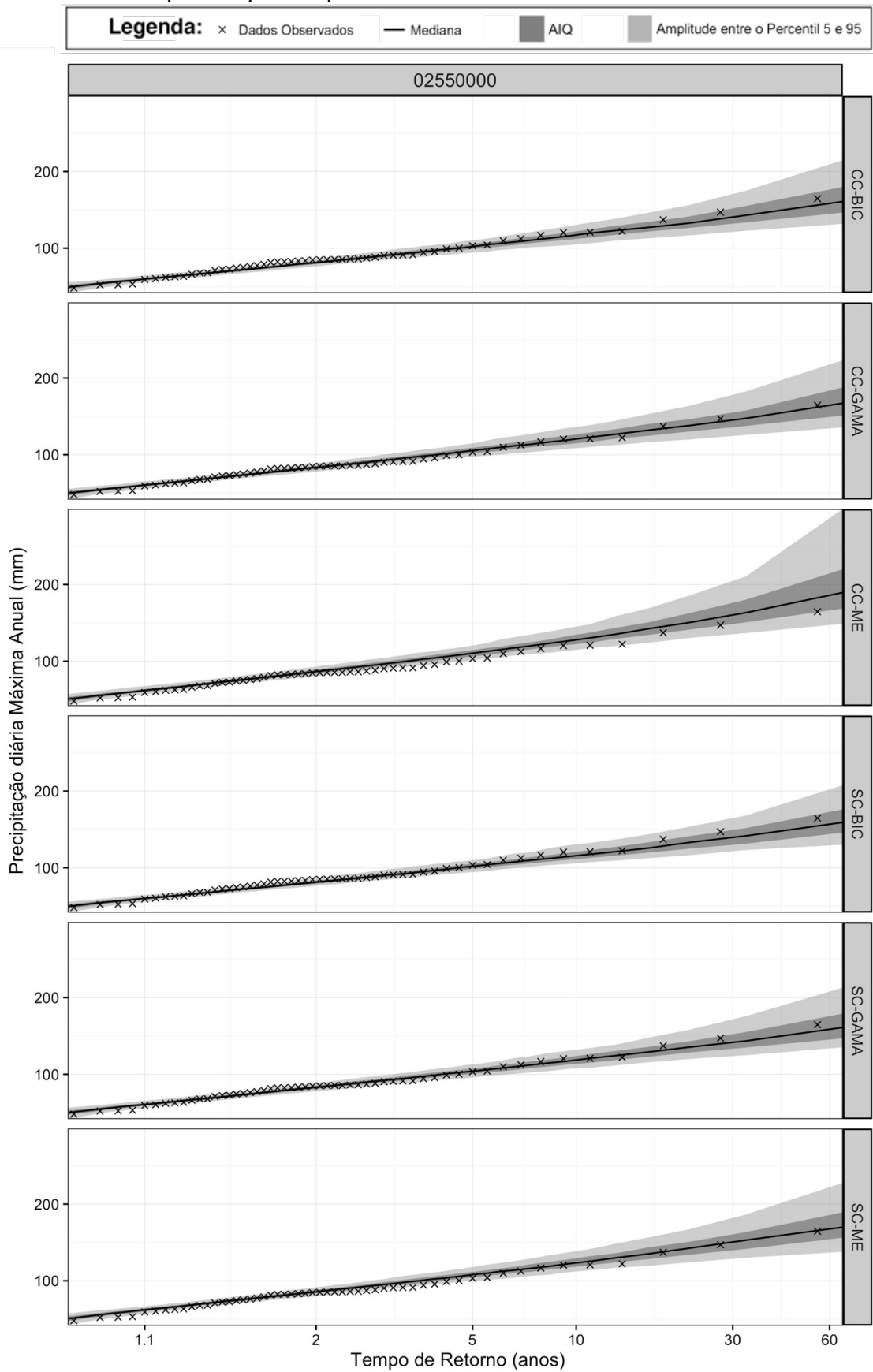
Id. 01 – Ivaiporã/PR



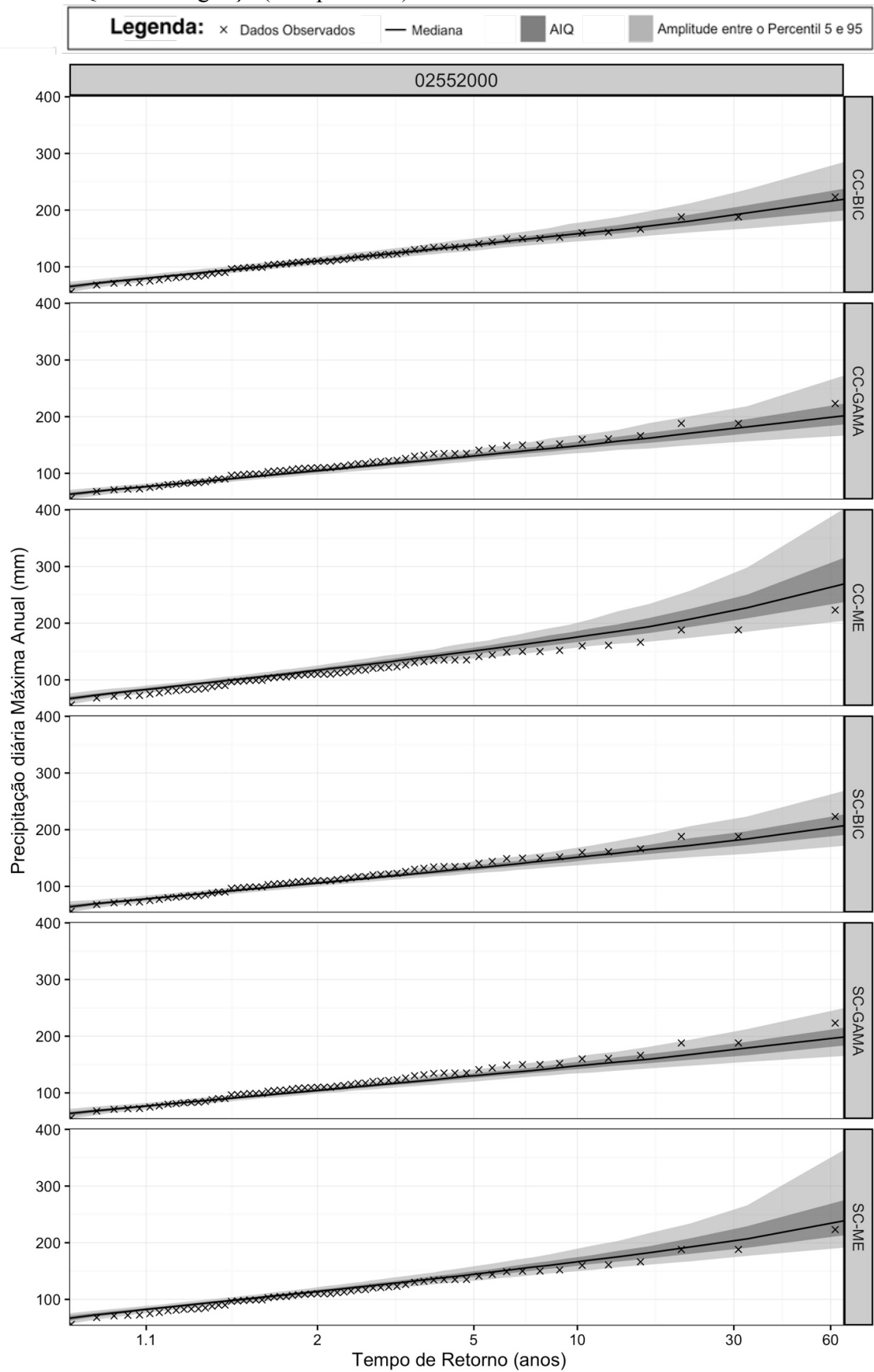
Id. 02 – Porto Mendes Gonçalves/PR



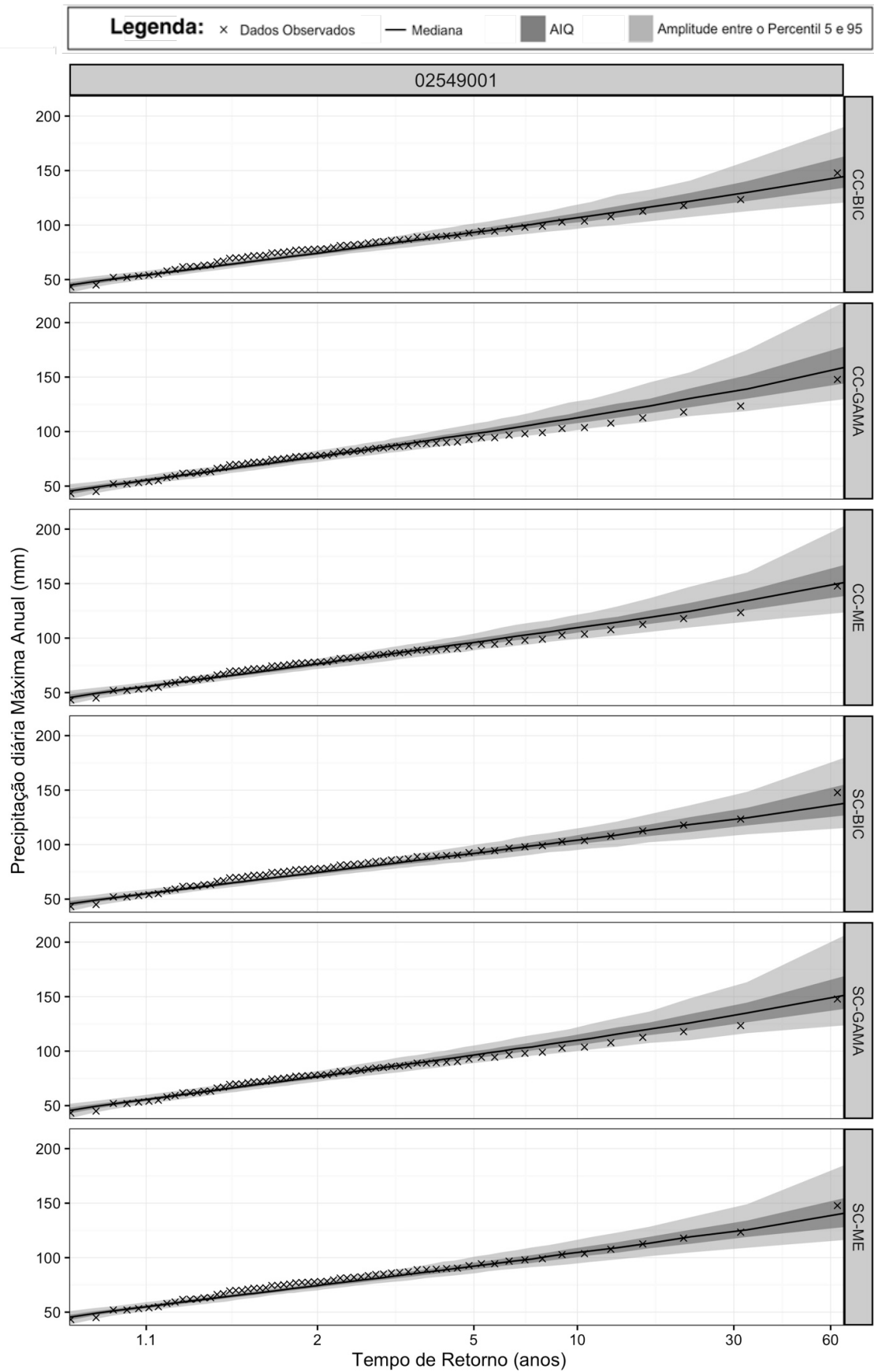
Id. 03 – Prudentópolis Capt. Sanepar/PR



Id 04. – Quedas do Iguaçu (Campo Novo)/PR

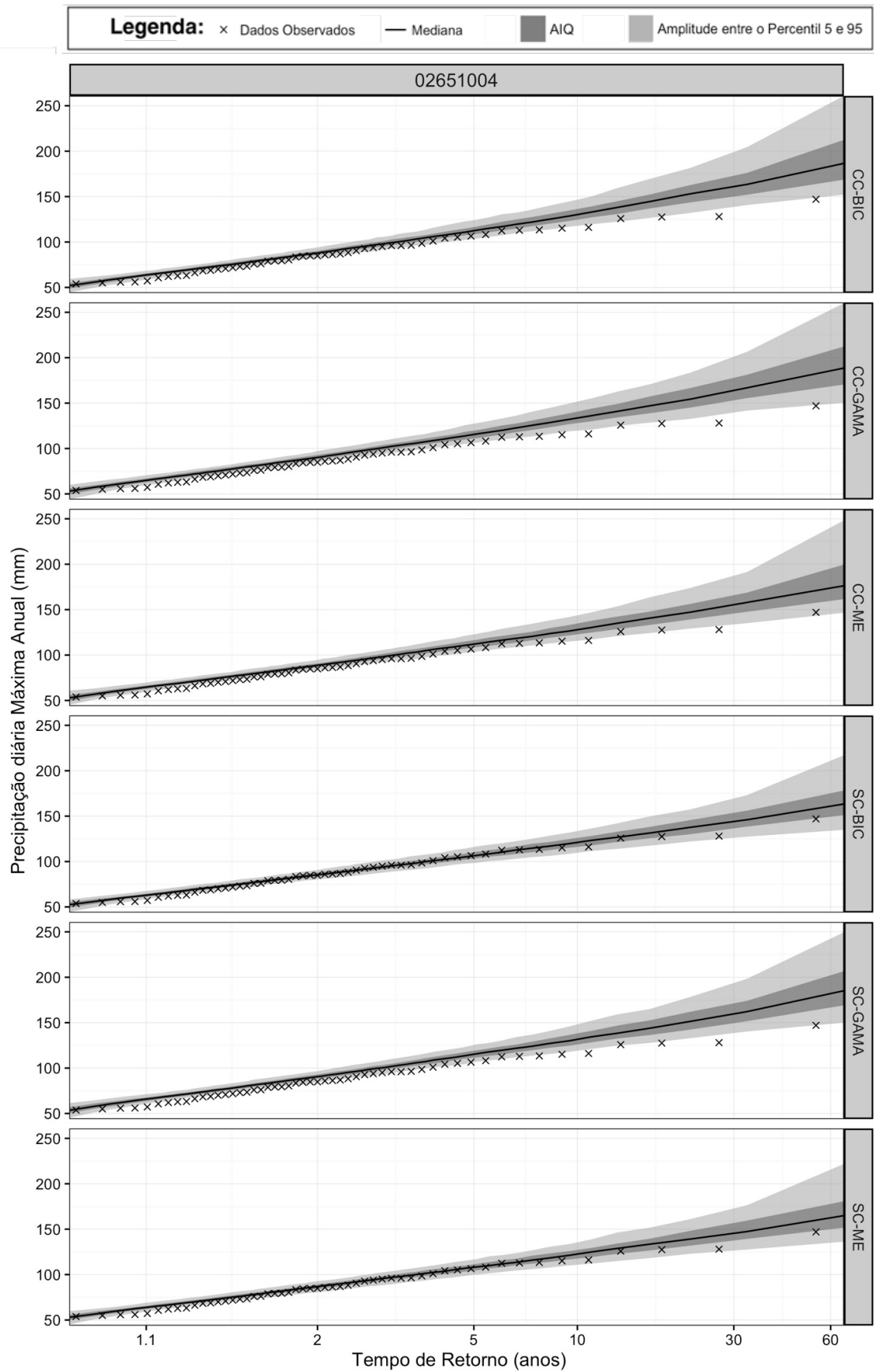


Id. 05 – Porto Amazonas/PR

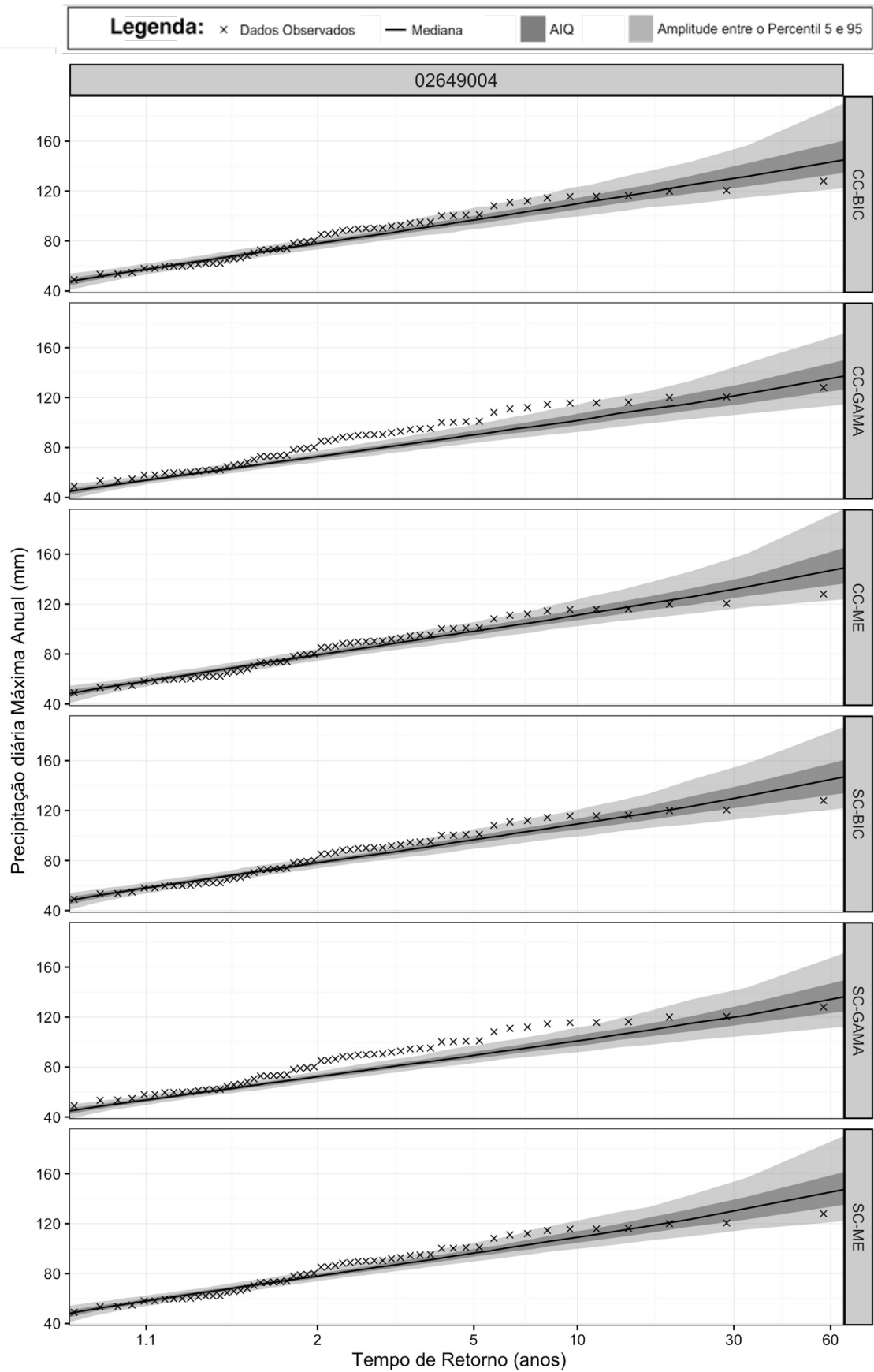




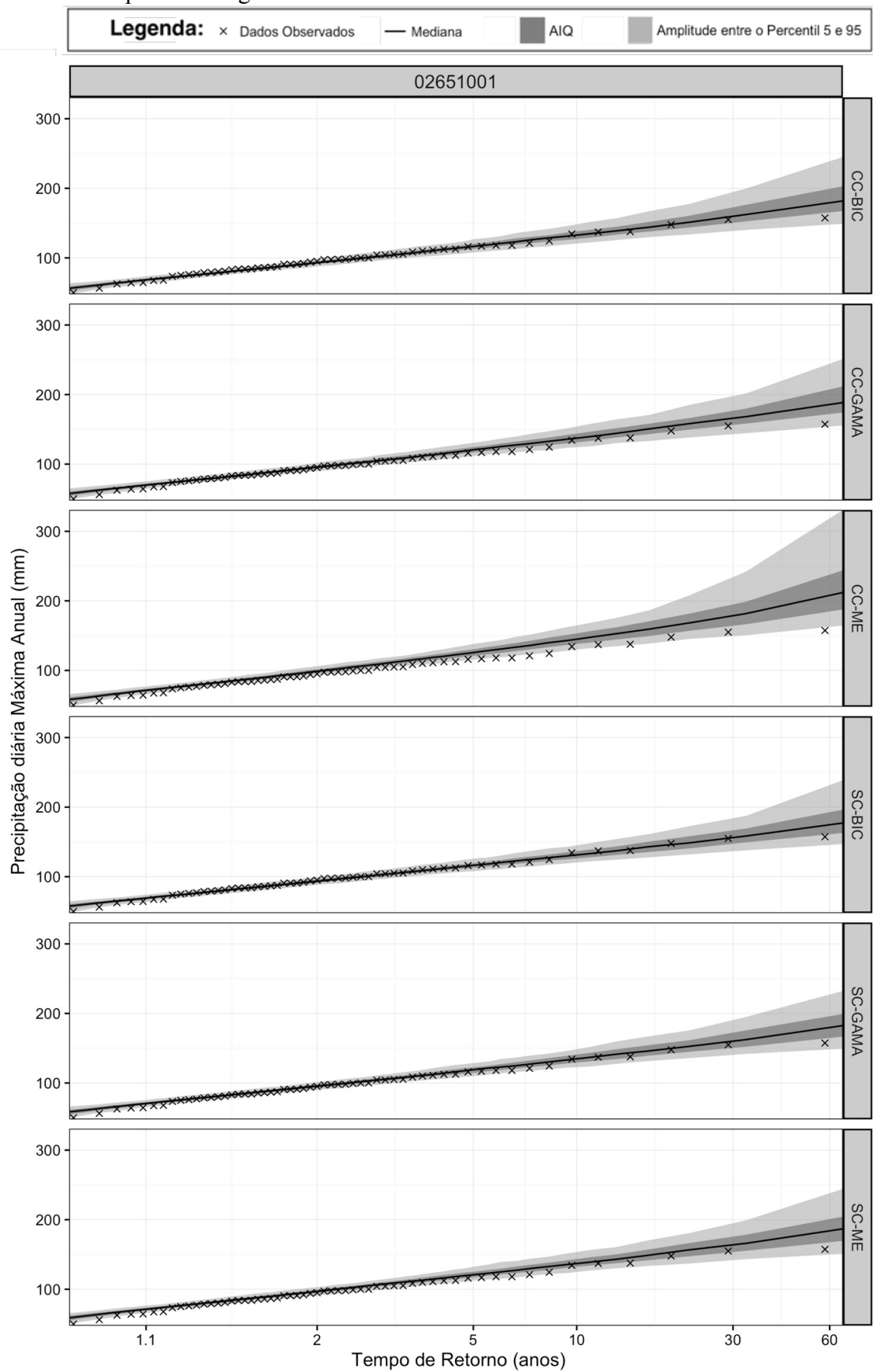
Id. 06 – Porto Vitória/PR



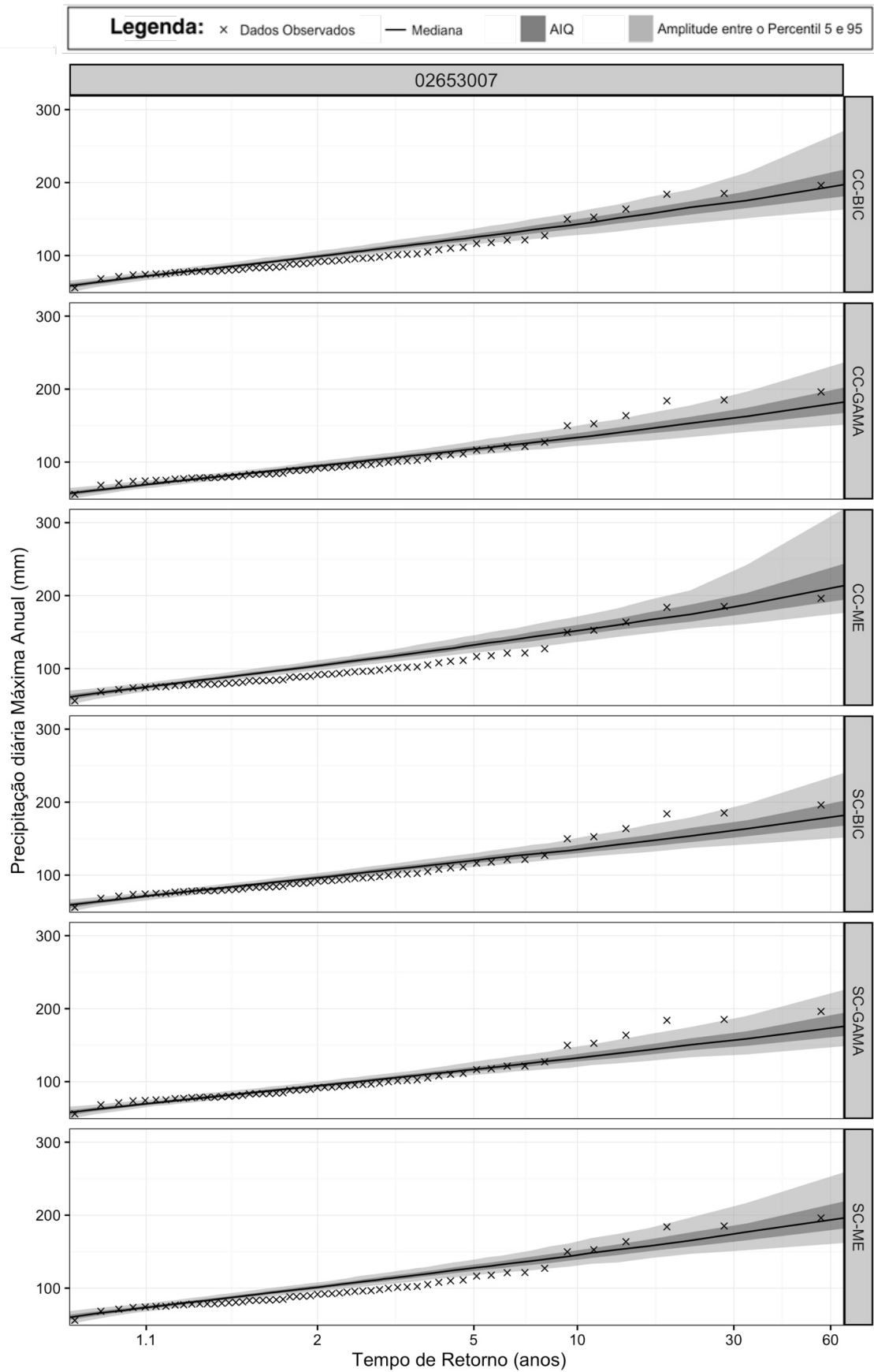
Id. 07 – Timbó Novo/SC



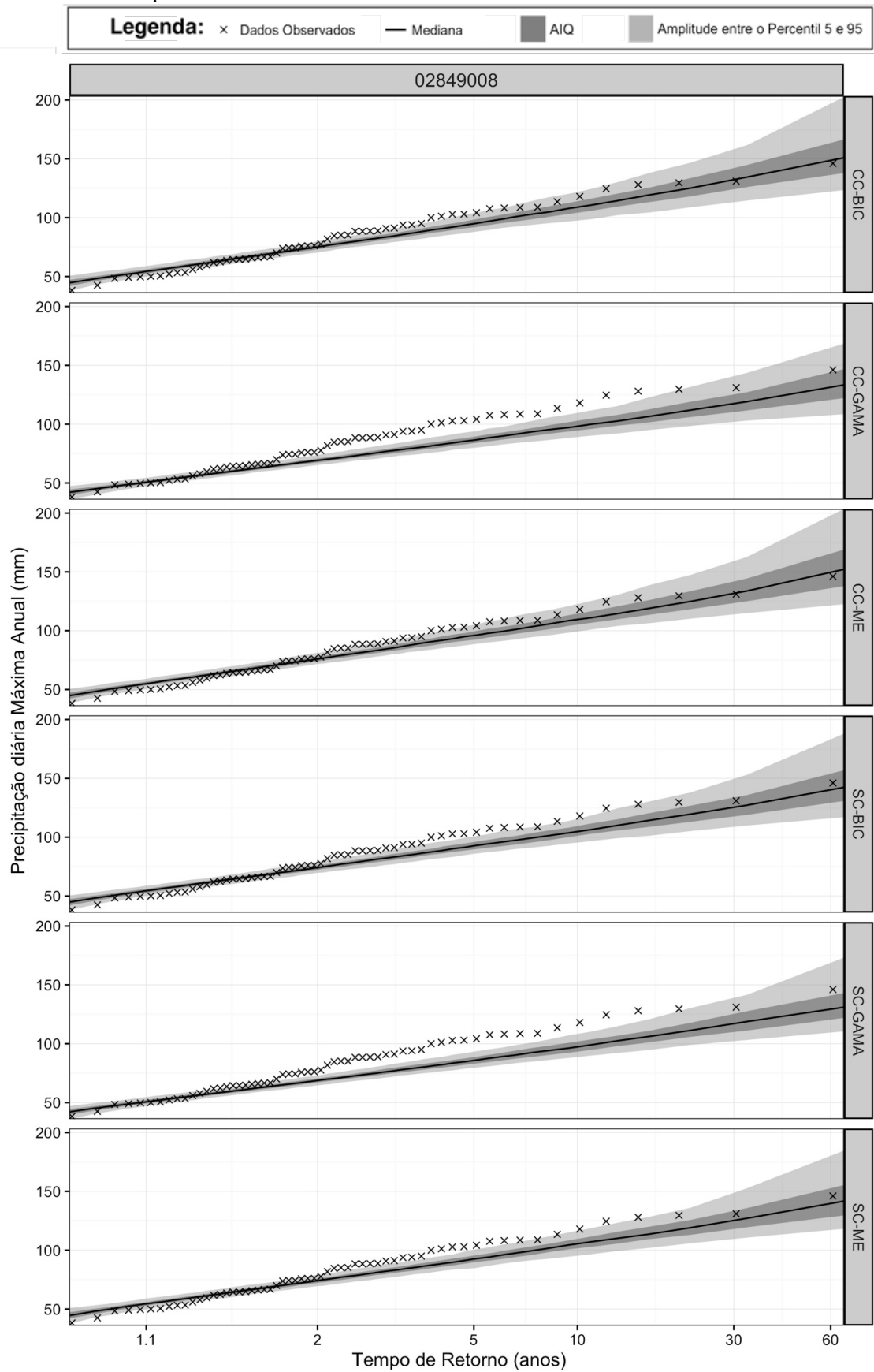
Id. 08 – Campina da Alegria/SC



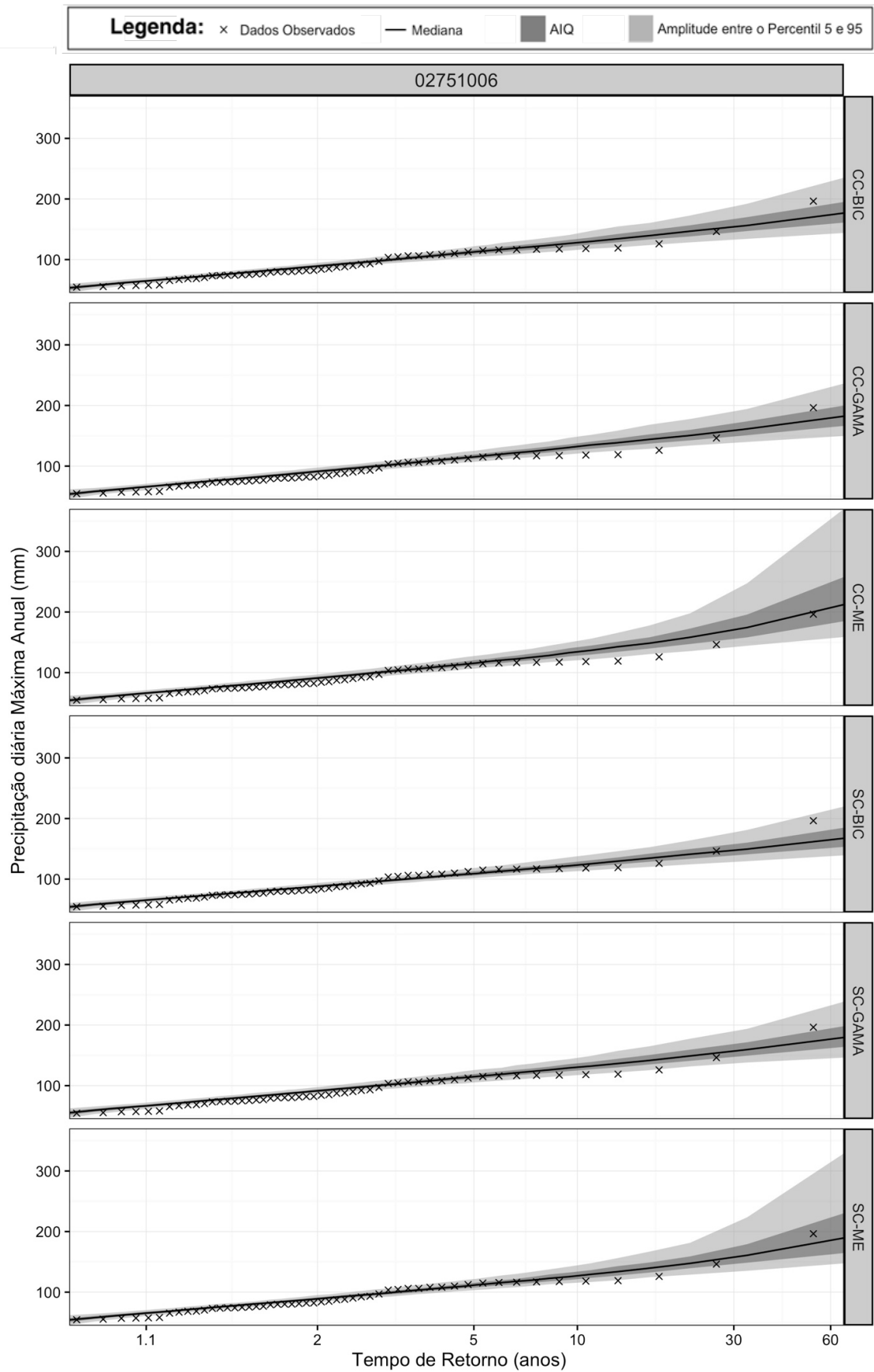
Id. 09 – Saudades/SC



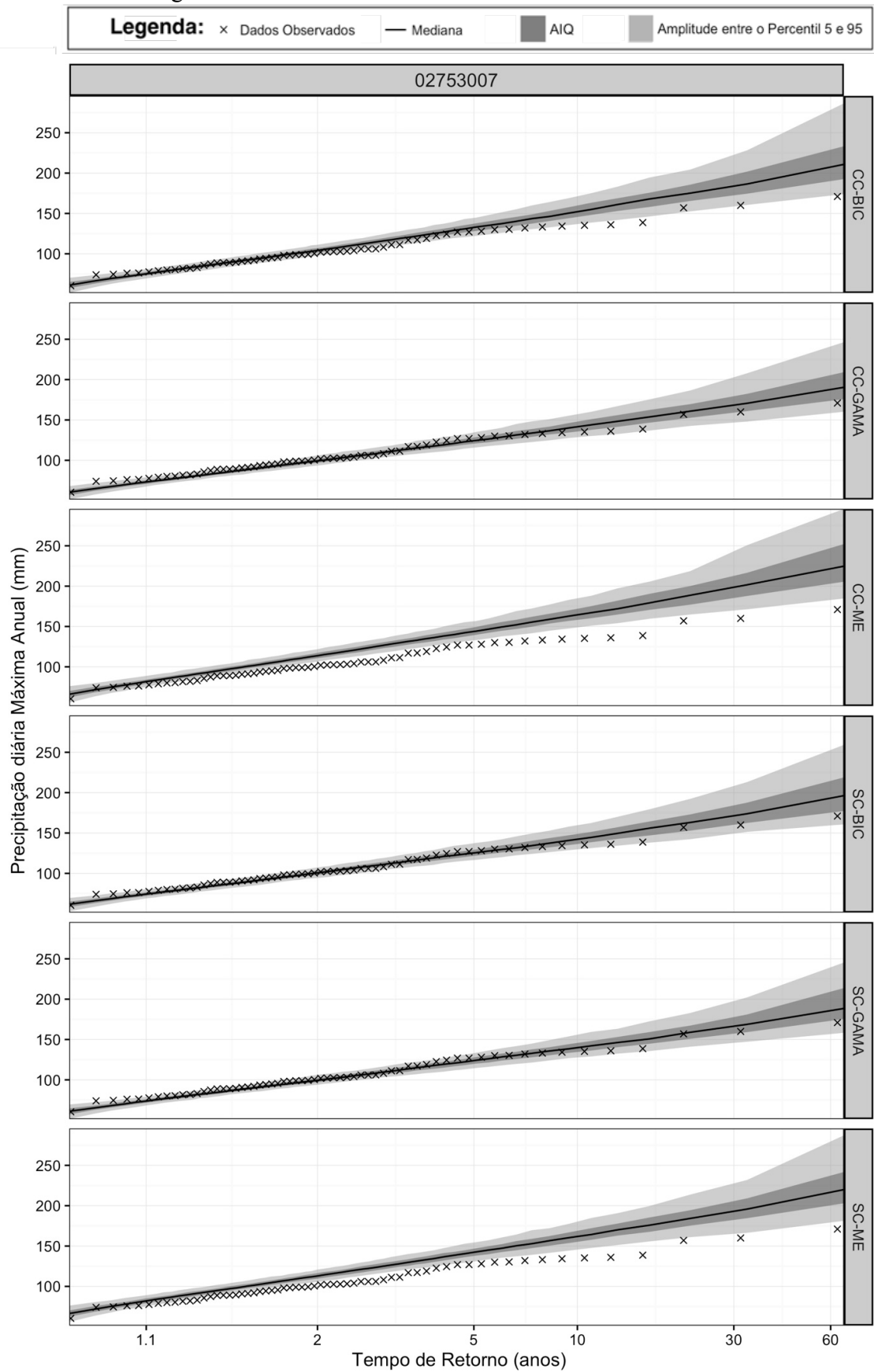
Id. 10 – Rio Pequeno/SC



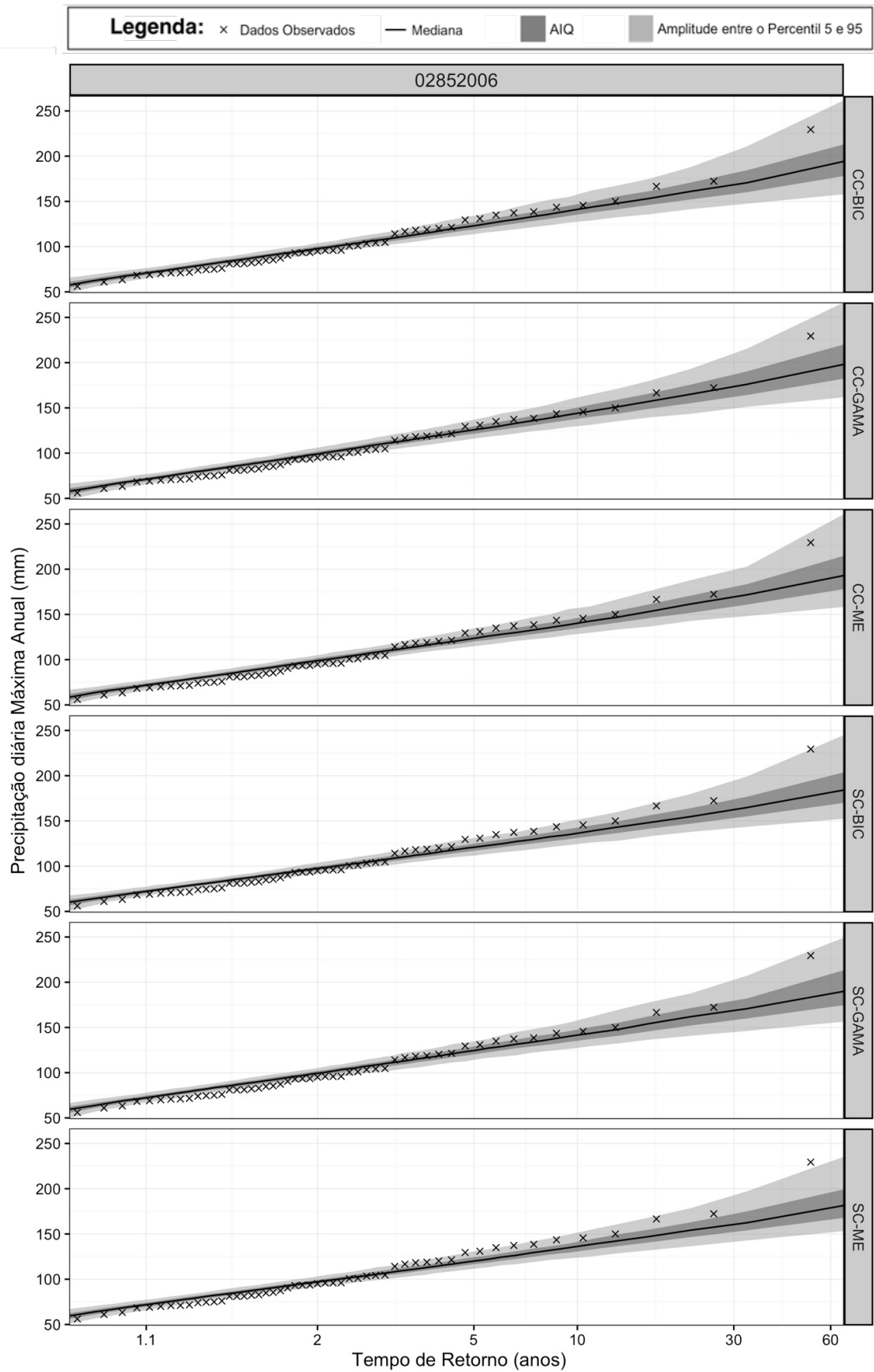
Id. 11 – Paim Filho/RS



Id. 12 – Santo Augusto/RS

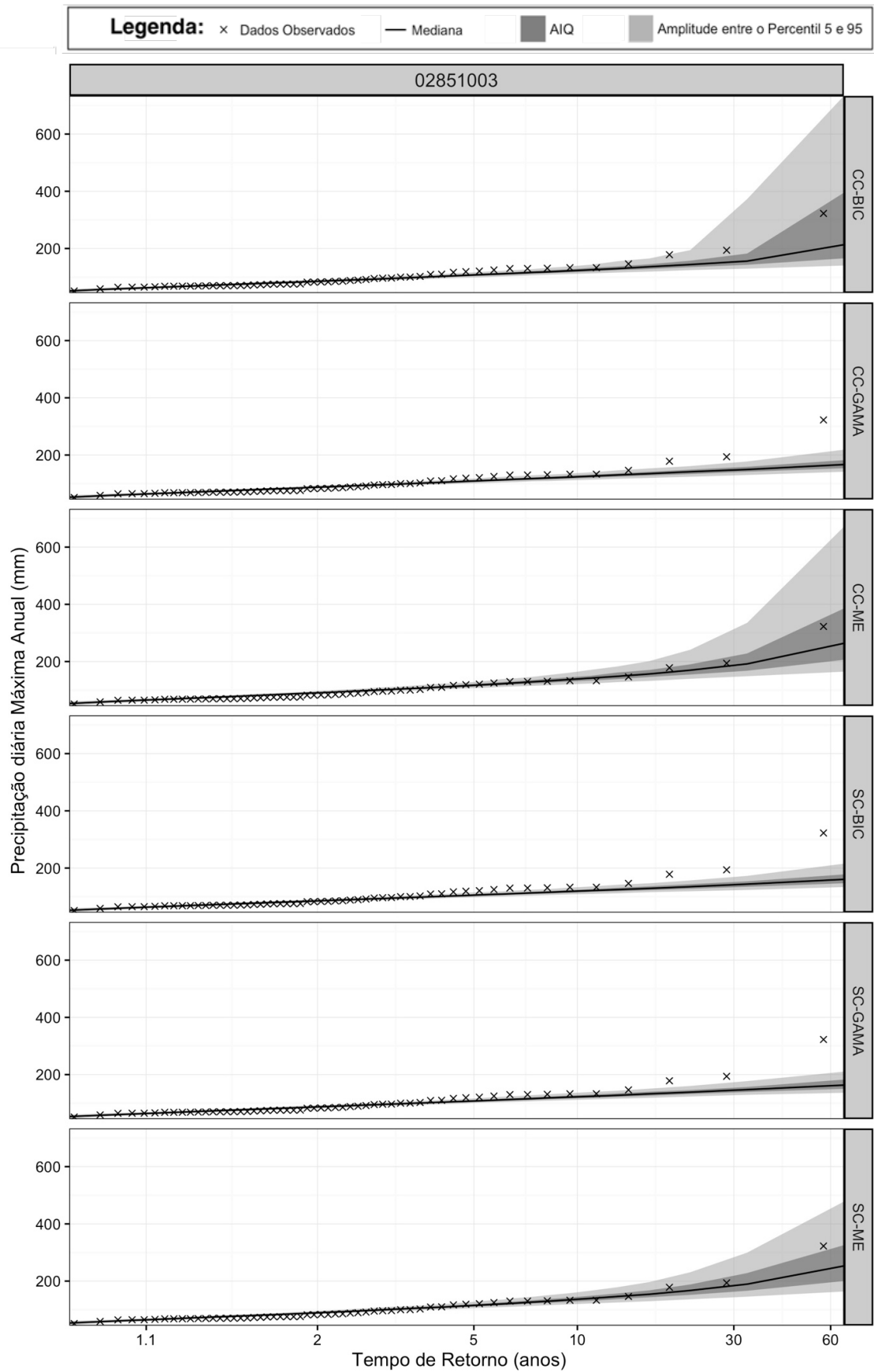


Id. 13 – Carazinho/RS

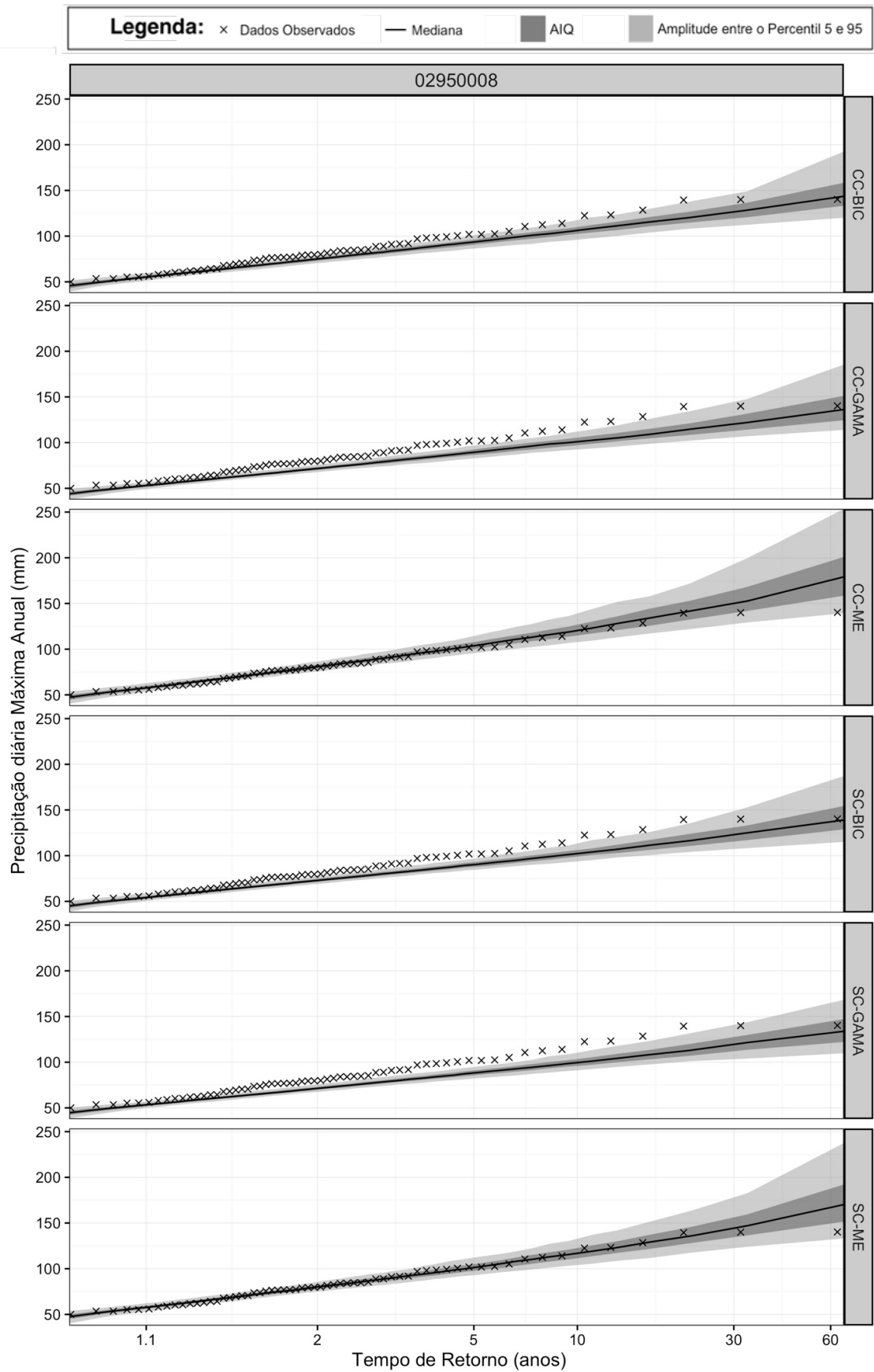




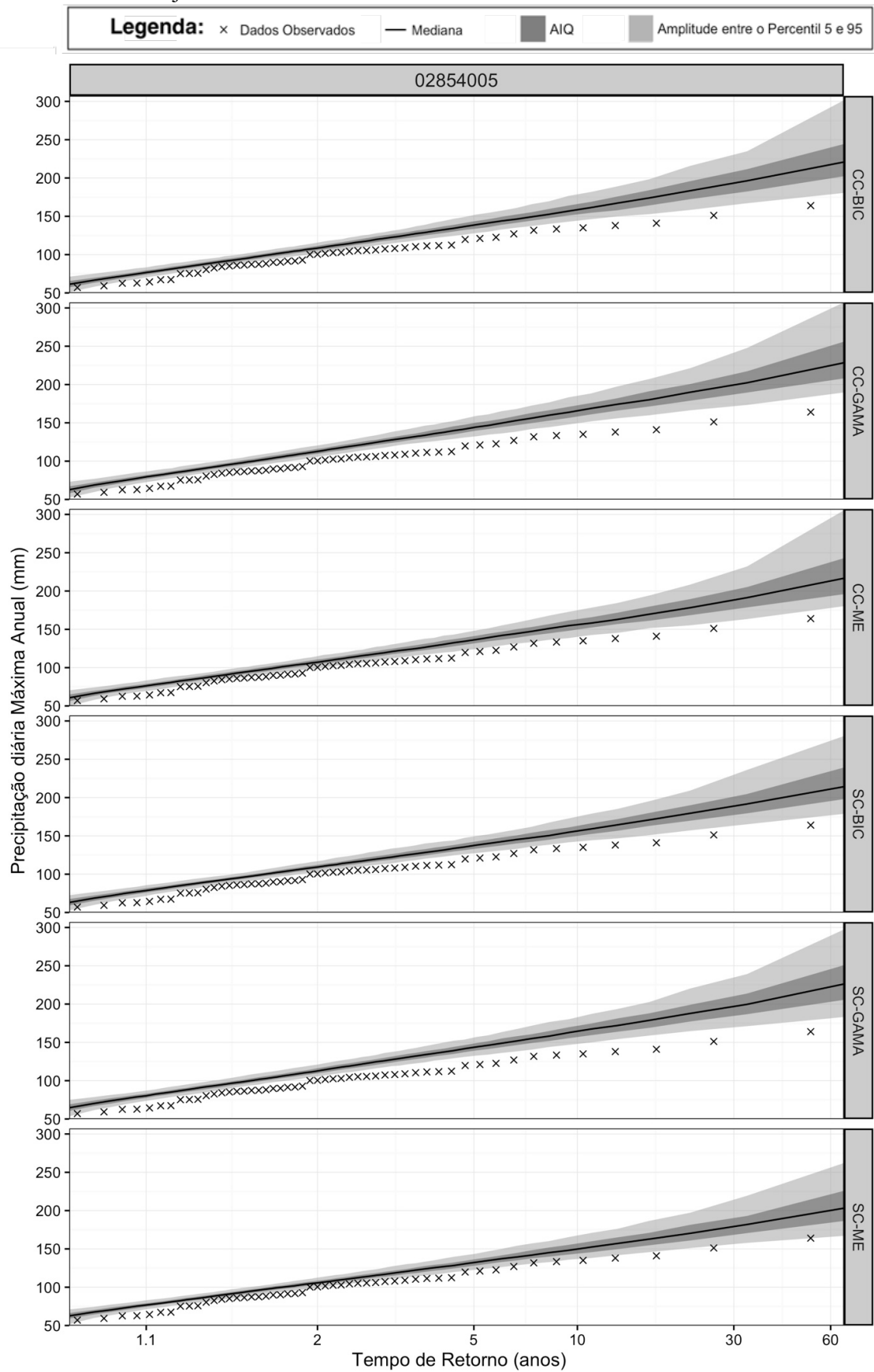
Id. 14 – Antônio Prado/RS



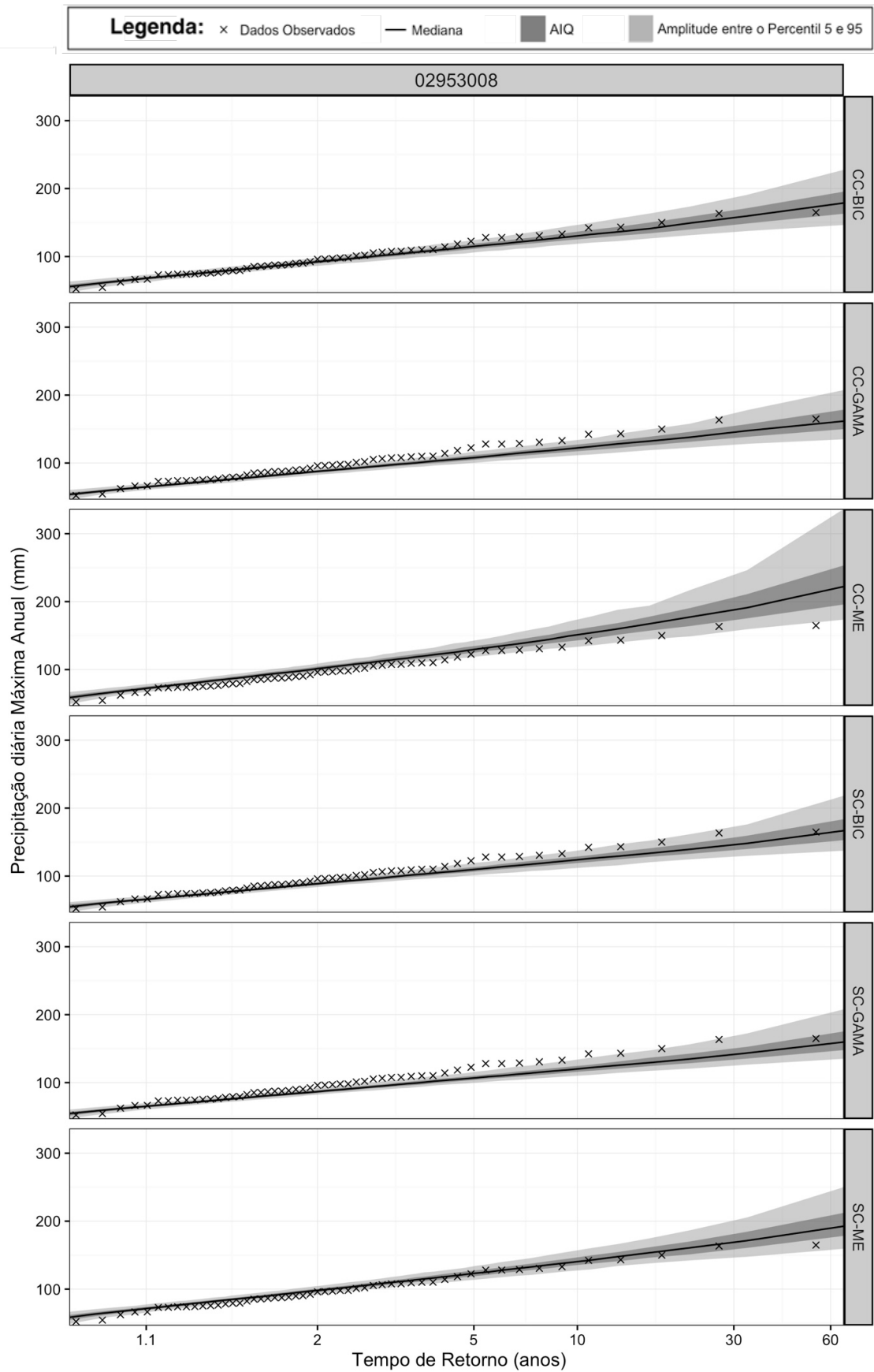
Id. 15 – Camisas /RS



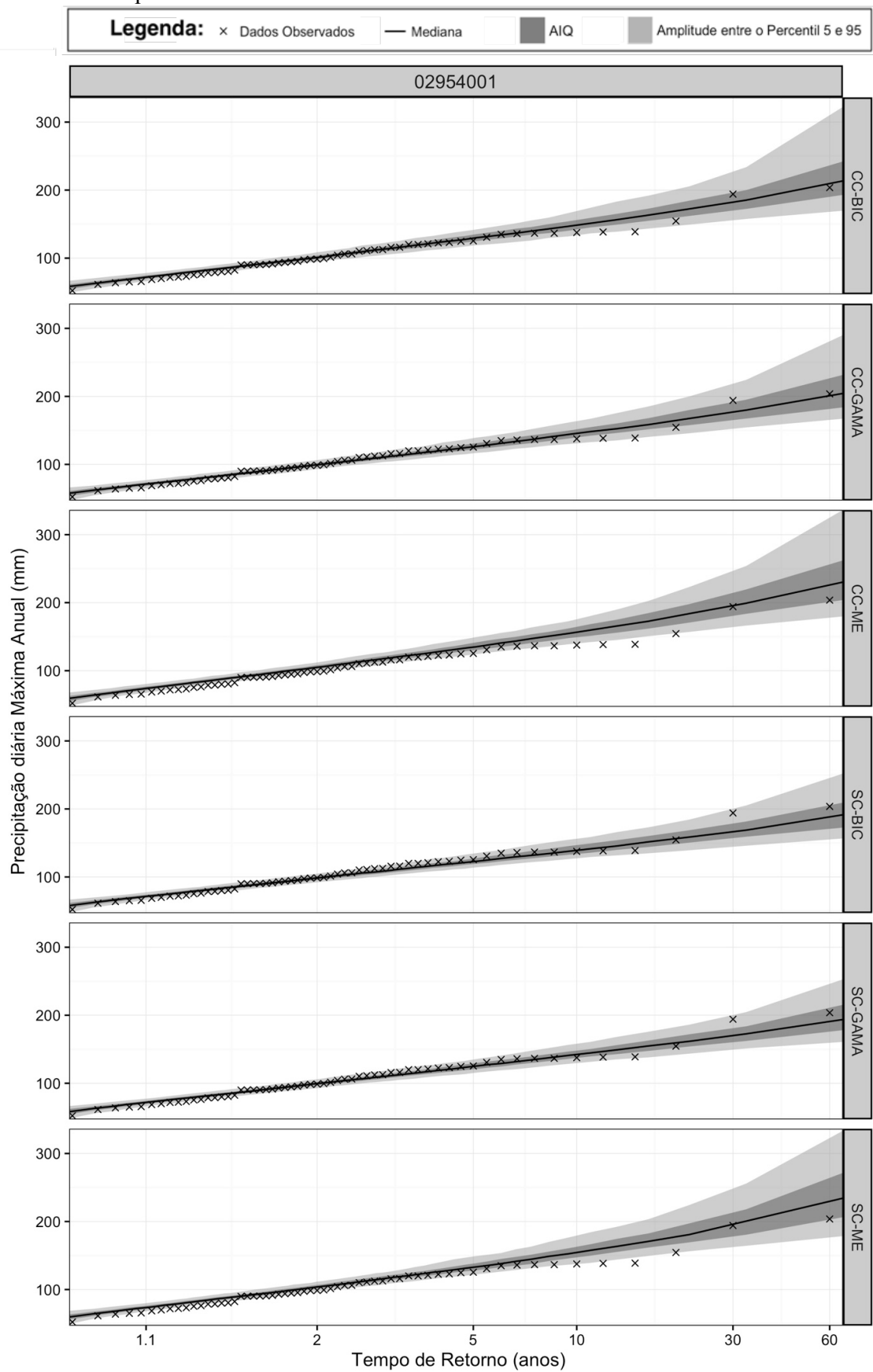
Id. 16 – Passo Major Zeferino/RS



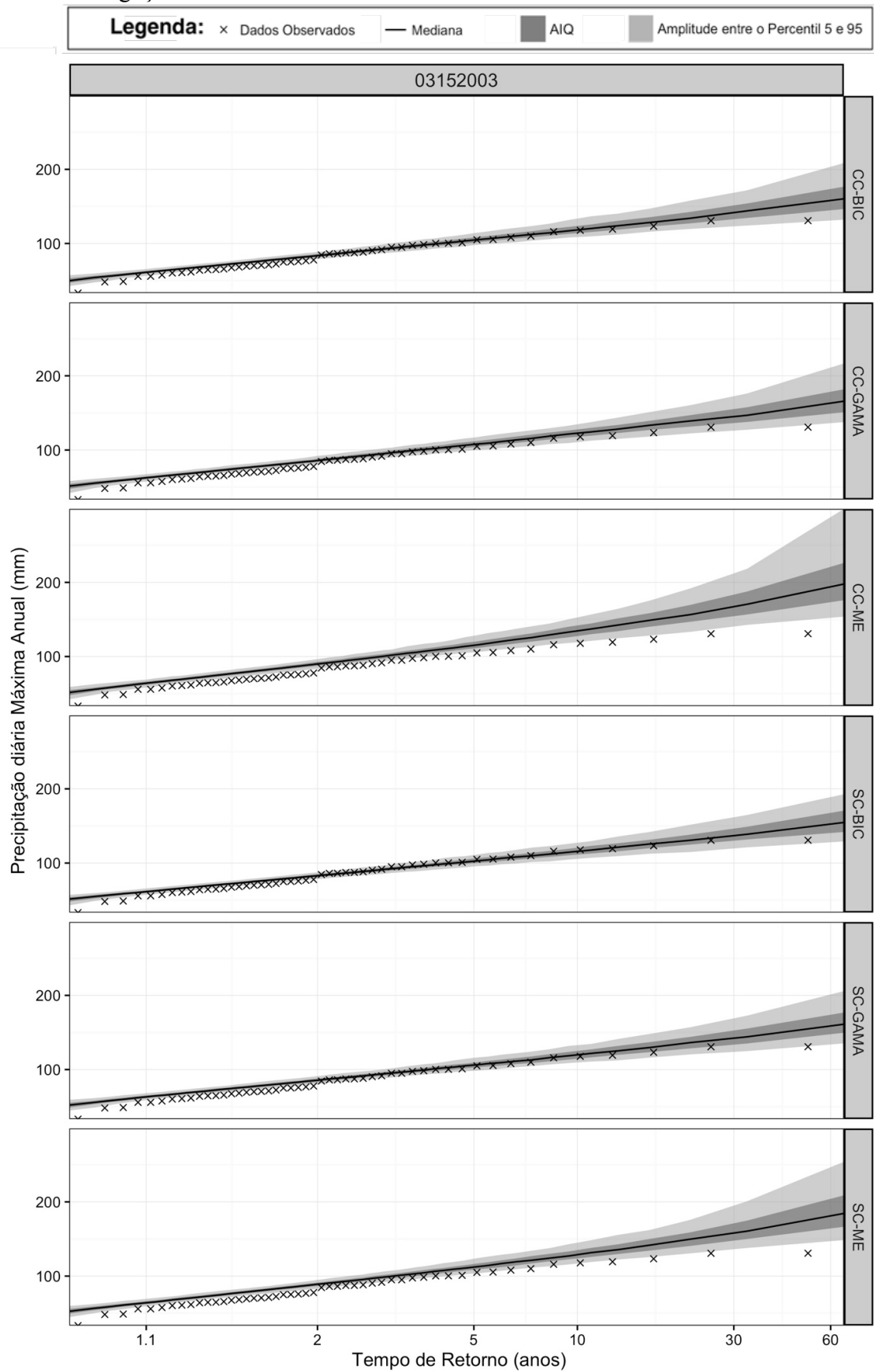
Id. 17 – Dona Francisca/RS



Id. 18 – Cacequi/RS



Id. 19 – Canguçu/RS



Id. 20 – Dom Pedrito/RS

